

初二数学

2023.06

考生 须知	1. 本试卷共 8 页,共三道大题,28 道小题,满分 100 分,考试时间 120 分钟。 2. 在答题纸上准确填写学校名称、准考证号,并将条形码贴在指定区域。 3. 题目答案一律填涂或书写在答题卡上,在练习卷上作答无效。 4. 在答题纸上,选做题、作图题用 2B 铅笔作答,其他试题用黑色字迹签字笔作答。 5. 练习结束,请将答题卡交回。
----------	---

一、选择题(共 16 分,每题 2 分)

第 1-8 题均有四个选项,符合题意的选项只有一个。

1. 下列各式中,不是最简二次根式的是

- A. $\sqrt{3}$ B. $\sqrt{4}$ C. $\sqrt{5}$ D. $\sqrt{6}$

2. 已知正比例函数 $y=kx(k \neq 0)$ 的图象经过点 $(1, -2)$, 则这个正比例函数的解析式为

- A. $y=2x$ B. $y=-2x$ C. $y=\frac{1}{2}x$ D. $y=-\frac{1}{2}x$

3. 将直线 $y=2x$ 向下平移 1 个单位得到的直线是

- A. $y=-2x+1$ B. $y=-2x-1$ C. $y=2x+1$ D. $y=2x-1$

4. 下列运算中,正确的是

- A. $\sqrt{(-2)^2}=-2$ B. $\sqrt{7^2}=-7$ C. $-\sqrt{5^2}=-5$ D. $-\sqrt{(-3)^2}=3$

5. 在 $\square ABCD$ 中,若 $\angle A + \angle C = 140^\circ$, 则 $\angle B$ 的度数是

- A. 70° B. 110° C. 120° D. 140°

6. 庞各庄自宋朝开始种植西瓜,被誉为“西瓜之乡”。2023 年 5 月 28 日,第 35 届北京大兴西瓜节开幕,某西瓜采摘园一个星期销售西瓜数量(箱)如下:

星期	一	二	三	四	五	六	日
销量(箱)	47	47	50	42	48	60	63

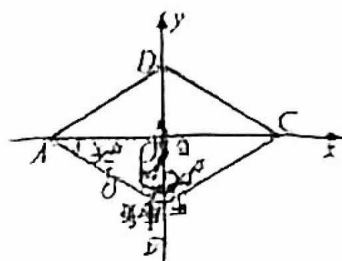
则这个星期该采摘园西瓜销量的众数和中位数分别是

- A. 47, 42 B. 50, 48 C. 47, 48 D. 50, 42



17. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 四边形 $ABCD$ 是菱形,

$\angle ABC = 120^\circ$, 点 B 的坐标为 $(0, -3)$, 则点 A 的坐标为

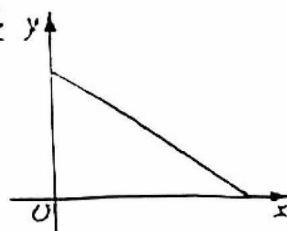


- A. $(-3\sqrt{3}, 0)$ B. $(3\sqrt{3}, 0)$
 C. $(-6, 0)$ D. $(6, 0)$

8. 下面的三个问题中都有两个变量:

- ① 圆的周长 y 与它的半径 x ;
 ② 将水箱中的水匀速放出, 直至放完, 水箱中的剩余水量 y 与放水时间 x ;
 ③ 汽车从 A 地匀速行驶到 B 地, 汽车的剩余路程 y 与行驶时间 x .

其中, 变量 y 与变量 x 之间的函数关系可以用如图所示的图象表示的是



- A. ①②③ B. ①②
 C. ①③ D. ②③

二、填空题(共 16 分, 每题 2 分)

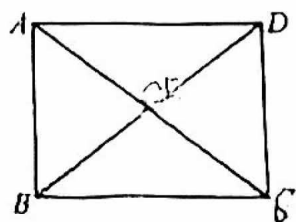
9. 函数 $y = \frac{6}{x-2}$ 中, 自变量 x 的取值范围是_____.

10. 若正方形面积为 16, 则对角线的长为_____.

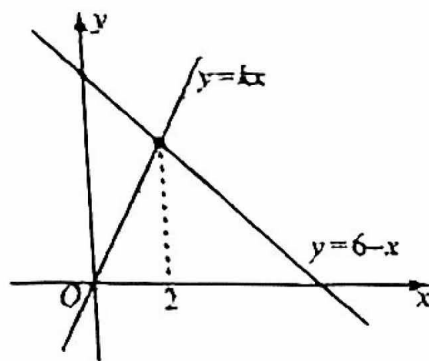
11. 若一次函数的图象经过 $(0, 4)$, 且 y 随 x 的增大而增大, 请你写出一个满足条件的一次函数的解析式_____.

12. 若点 $A(-2, m)$, $B(-1, n)$ 都在直线 $y = -x + 1$ 上, 则 m _____ n (填 " $>$ " " $<$ " 或 " $=$ ").

13. 如图, 四边形 $ABCD$ 是矩形, O 是对角线 AC 与 BD 的交点, 若 $AB = 3$, $AD = 4$, 则 $\triangle COD$ 的周长是_____.



第 13 题图

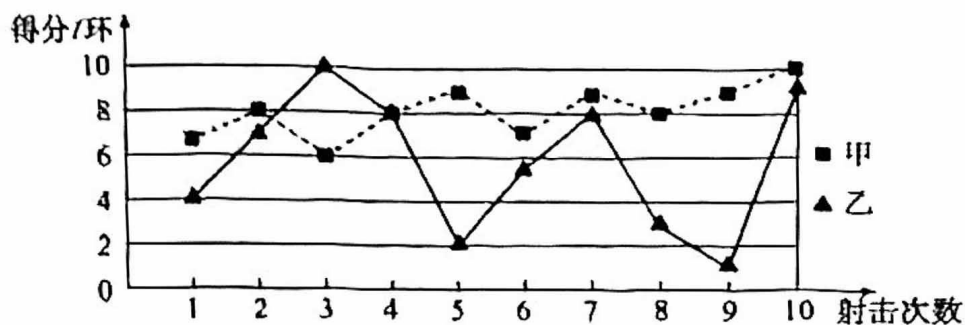


第 14 题图

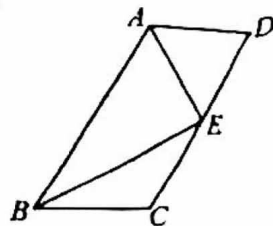
14. 函数 $y = kx$ 与 $y = 6 - x$ 的图象如图所示, 则 $k =$ _____.



15. 甲、乙两名射击爱好者 10 次射击测试成绩(单位:环)的统计图如图所示. 根据图中的信息, 两人中发挥相对稳定的是_____.



16. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, $\angle BAD > 90^\circ$, 点 E 为线段 CD 上一动点, 有下列四个结论:



- ①在 E 点运动过程中, $\triangle ABE$ 的面积始终是 $\square ABCD$ 面积的一半;
- ②在线段 CD 上有且只有一点 E , 使得 $S_{\triangle ADE} = 2S_{\triangle BCE}$;
- ③若点 E 恰好是 $\angle BAD$ 的角平分线与 $\angle ABC$ 的角平分线的交点, 则点 E 是 CD 的中点;
- ④若 $AB = 2AD$, 则在 CD 上有且只有一点 E , 使得 $\triangle ABE$ 是直角三角形.

其中所有正确结论的序号是_____.



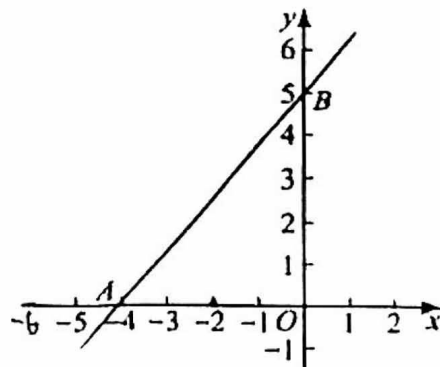
三、解答题(共 68 分, 第 17-21 题, 每题 5 分, 第 22 题 6 分, 第 23 题 5 分, 第 24-26 题, 每题 6 分, 第 27-28 题, 每题 7 分)

17. 计算: $(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1) - \sqrt{18} + (\pi-5)^0$.

18. 一次函数的图象经过点 $(-1, 2)$ 和点 $(1, -4)$, 求该一次函数的解析式.

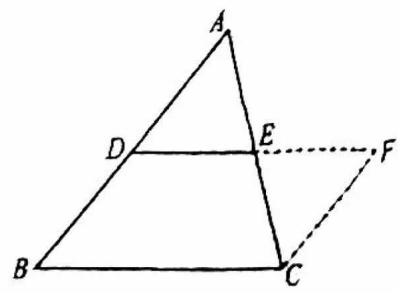
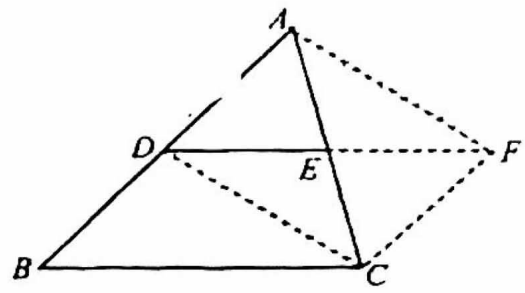
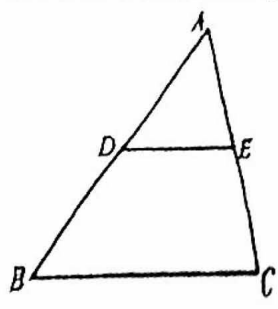
19. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 一次函数的图象经过点 $A(-4, 0)$ 和点 $B(0, 5)$.

- (1) 观察图象, 直接写出当 $y \geq 0$ 时, x 的取值范围;
- (2) 若点 C 是 x 轴上一点, 且 $\triangle ABC$ 的面积是 5, 求点 C 的坐标.



20. 下面是证明三角形中位线定理的两种添加辅助线的方法,选择其中一种,完成证明.

<p>已知:如图, $\triangle ABC$ 中, D, E 分别是 AB, AC 的中点.</p> <p>求证: $DE \parallel BC$, 且 $DE = \frac{1}{2}BC$.</p>	
<p>方法一证明:如图,延长 DE 至点 F, 使 $EF = DE$, 连接 CF, DC, AF.</p>	<p>方法二证明:如图,过点 C 作 $CF \parallel AB$ 交 DE 的延长线于点 F.</p>



21. 在平面直角坐标系 xOy 中,一次函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的图象由函数 $y = x$ 的图象平移得到,且经过点 $A(3, 5)$.

- (1) 求这个一次函数的解析式;
- (2) 当 $x < 1$ 时,对于 x 的每一个值,函数 $y = mx (m \neq 0)$ 的值小于函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的值,直接写出 m 的取值范围.

22. 呦呦、呜呜这对麋鹿兄妹是大兴区创建全国文明城区的吉祥物.某中学决定制作这对吉祥物的宣传条幅和展示牌.若宣传条幅的单价比展示牌的单价多 2 元,制作 4 个宣传条幅比制作 5 个展示牌多 3 元.

- (1) 求宣传条幅和展示牌的单价各多少元?
- (2) 该学校需制作宣传条幅和展示牌共 200 个.
 - ① 若制作展示牌 m 个,制作宣传条幅和展示牌共花费 w 元,求 w 与 m 的函数解析式;
 - ② 若展示牌的数量不超过宣传条幅数量的 3 倍,求该中学制作多少个展示牌时,所需费用最少? 最少费用是多少?



23. 2023年5月30日,神州十五号和神州十六号两个乘组六名航天员会师空间站,这是中国空间站的第二次两个乘组在轨交接. 为了解某校八年级学生对航天知识的掌握情况,现从东、西两个校区八年级各随机抽取35名学生的测试成绩进行收集、整理、描述和分析. 下面给出了部分信息:

a. 东校区八年级航天知识测试得分的频数分布表(数据分成6组; $65.0 \leq x < 70.0$, $70.0 \leq x < 75.0$, $75.0 \leq x < 80.0$, $80.0 \leq x < 85.0$, $85.0 \leq x < 90.0$, $90.0 \leq x \leq 100$):

东校区八年级航天知识测试得分	频数
$65.0 \leq x < 70.0$	8
$70.0 \leq x < 75.0$	12
$75.0 \leq x < 80.0$	m
$80.0 \leq x < 85.0$	5
$85.0 \leq x < 90.0$	2
$90.0 \leq x \leq 100$	1
合计	35

表1

b. 东校区八年级航天知识测试得分在 $70.0 \leq x < 75.0$ 这一组的是:

70.2 70.5 70.7 71.0 71.0 71.1 71.2 71.8 71.9 72.5 73.8 74.5;

c. 东、西两个校区八年级航天知识测试得分的平均数,中位数如下:

	平均数	中位数
东校区八年级	72.8	n
西校区八年级	73	73.4

表2

根据以上信息,回答下列问题:

- (1) 写出表1中 m 的值及表2中 n 的值;
- (2) 在东校区八年级抽取的学生中,记航天知识测试得分高于他们的平均分的人数为 p_1 ,在西校区八年级抽取的学生中,记航天知识测试得分高于他们的平均分的人数为 p_2 ,比较 p_1, p_2 的大小,并说明理由;
- (3) 若东校区八年级共有350名学生参加航天知识测试,估计东校区八年级本次航天知识测试80分以上(含80分)有多少人?



24. 有这样一个问题：探究函数 $y = |x| - 2$ 的图象与性质。

小青根据学习函数的经验，对该函数的图象与性质进行了探究。

下面是小青的探究过程，请补充完整：

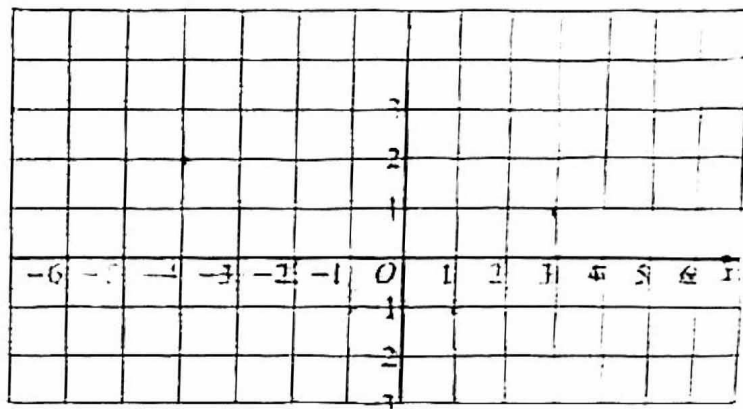
(1) 函数 $y = |x| - 2$ 的自变量 x 的取值范围是_____；

(2) 下表是 y 与 x 的几组对应值：

x	...	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	...
y	...	2	1	0	-1	-2	-1	0	1	m	...

写出表中 m 的值_____；

(3) 如图，在平面直角坐标系 xOy 中，描出以上表中各组对应值为坐标的点，并画出该函数的图象；

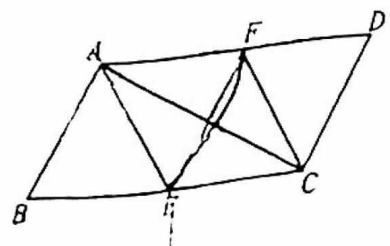


(4) 根据画出的函数图象，直接写出该函数的一条性质。

25. 如图， $\square ABCD$ 中， $\angle BAC = 90^\circ$ ，点 E, F 分别是边 BC, AD 的中点。

(1) 求证：四边形 $AECF$ 是菱形；

(2) 若 $AB = 2, BC = 4$ ，求四边形 $AECF$ 的面积。



26. 【阅读材料】小华根据学习“二次根式”及“乘法公式”积累的经验,通过“由特殊到一般”的方法,探究“当 $a>0, b>0$ 时, \sqrt{ab} 与 $a+b$ 的大小关系”.

下面是小华的探究过程:

①具体运算,发现规律:

当 $a>0, b>0$ 时,

特例 1:若 $a+b=2$,则 $2\sqrt{ab} \leq 2$;

特例 2:若 $a+b=3$,则 $2\sqrt{ab} \leq 3$;

特例 3:若 $a+b=6$,则 $2\sqrt{ab} \leq 6$.

②观察、归纳,得出结论:当 $a>0, b>0$ 时, $2\sqrt{ab} \leq a+b$.

③证明猜想:

当 $a>0, b>0$ 时,

$$\because (\sqrt{a}-\sqrt{b})^2 = a - 2\sqrt{ab} + b \geq 0,$$

$$\therefore a+b \geq 2\sqrt{ab},$$

$$\therefore 2\sqrt{ab} \leq a+b.$$

而且仅当 $a=b$ 时, $2\sqrt{ab} = a+b$.

请你利用小华发现的规律解决以下问题:

(1) 当 $x>0$ 时, $\frac{1}{x} + \frac{1}{x}$ 的最小值为_____;

(2) 当 $x<0$ 时, $\frac{1}{x} - \frac{2}{x-1}$ 的最小值为_____;

(3) 当 $x<0$ 时,求 $\frac{x^2+2x+6}{x}$ 的最大值.

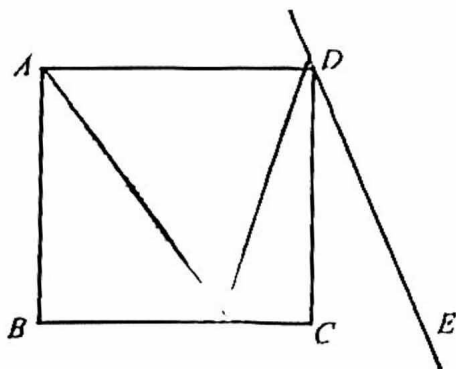


27. 如图,四边形 $ABCD$ 是正方形,过点 D 在正方形 $ABCD$ 的外侧作直线 DE ,点 C 关于直线 DE 的对称点为 M ,连接 CM, AM, DM ,线段 AM 交直线 DE 于点 N ,设 $\angle CDE = \alpha$.

(1) 补全图形;

(2) 当 $\alpha = 20^\circ$ 时,直接写出 $\angle AND$ 的度数;

(3) 当 $0^\circ < \alpha < 45^\circ$ 时,用等式表示线段 DN, AN 与 MN 的数量关系,并证明.



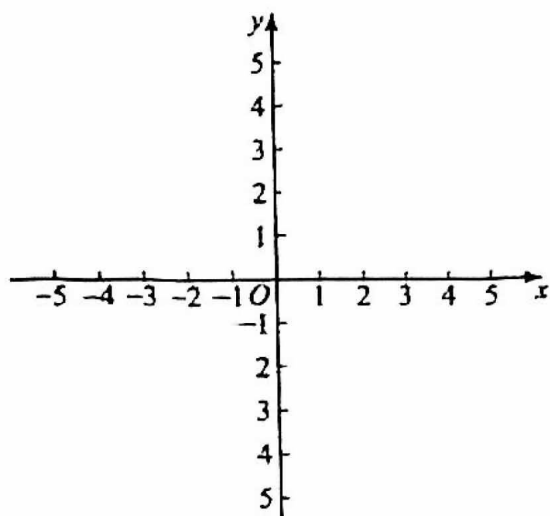
28. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于任意两点 $M(x_1, y_1), N(x_2, y_2)$, 我们将 $|x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$ 称为点 M 与点 N 的“直角距离”, 记作 d_{MN} .

例如, 点 $M(-2, 4)$ 与点 $N(5, 3)$ 的“直角距离” $d_{MN} = |-2 - 5| + |4 - 3| = 8$.

(1) 已知点 $P_1(1, 3), P_2(-2, -3), P_3(-\frac{5}{2}, \frac{3}{2})$, 在这三个点中, 与原点 O 的“直角距离”等于 4 的点是_____;

(2) 若直线 $y = \frac{5}{4}x + b$ 上恰好有两个点与原点 O 的“直角距离”等于 4, 直接写出 b 的取值范围;

(3) 已知点 $A(m, 2), B(m+5, 2)$, 若线段 AB 上有且只有一点 C , 使得 $d_{CO} = 4$, 直接写出 m 的取值范围.



大兴区 2022 ~ 2023 学年度第二学期期末检测

初二数学参考答案及评分标准

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	B	B	D	C	B	C	A	D

二、填空题（共 16 分，每题 2 分）

题号	9	10	11	12	13	14	15	16
答案	$x \neq 2$	$4\sqrt{2}$	答案不唯一. 如: $y = x + 4$	$>$	8	2	甲	①②③

三、解答题（共 68 分，第 17-21 题，每题 5 分，第 22 题 6 分，第 23 题 5 分，第 24-26 题，每题 6 分，第 27-28 题，每题 7 分）

17. 解：原式 = $2 - 1 - 3\sqrt{2} + 1$ 4 分
 $= 2 - 3\sqrt{2}$5 分

18. 解：设该一次函数的解析式为 $y = kx + b (k \neq 0)$ 1 分
 $\because y = kx + b (k \neq 0)$ 的图象过点 $(-1, 2)$ 和点 $(1, -4)$,

$\therefore \begin{cases} 2 = -k + b \\ -4 = k + b. \end{cases}$ 3 分

解方程组得 $\begin{cases} k = -3 \\ b = -1. \end{cases}$ 4 分

\therefore 该一次函数的解析式为 $y = -3x - 1$5 分

19. 解：(1) 当 $y \geq 0$ 时， x 的取值范围是 $x \geq -4$;1 分

(2) 设点 $C(m, 0)$,
 $\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AC \times OB = \frac{1}{2} |m + 4| \times 5$,2 分

$\because \triangle ABC$ 的面积是 5,

$\therefore \frac{1}{2} |m + 4| \times 5 = 5$.

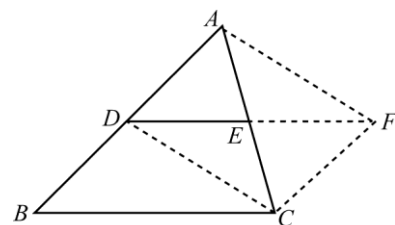
解得 $m = -6$ 或 $m = -2$4 分

\therefore 点 C 的坐标为 $(-6, 0)$ 或 $(-2, 0)$5 分



20.证明:

方法一: 如图, 延长 DE 至点 F , 使 $EF = DE$, 连接 CF , DC , AF .



\because 点 E 为 AC 的中点,

$\therefore AE = CE$.

$\because DE = EF$,

\therefore 四边形 $ADCF$ 为平行四边形.2 分

$\therefore CF = AD, CF \parallel AD$.

$\therefore AB \parallel CF$, 即 $BD \parallel CF$.

\because 点 D 为 AB 的中点,

$\therefore BD = AD = CF$.

\therefore 四边形 $BCFD$ 为平行四边形.4 分

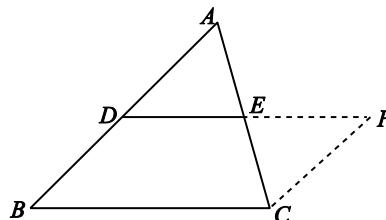
$\therefore DF = BC, DF \parallel BC$.

$\because EF = DE$,

$\therefore DE \parallel BC$, 且 $DE = \frac{1}{2}BC$5 分

方法二:

过点 C 作 $CF \parallel AB$ 交 DE 的延长线于 F .



$\therefore \angle A = \angle ECF$.

\because 点 E 为 AC 的中点,

$\therefore AE = CE$.

$\because \angle AED = \angle CEF$,

$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CFE$.

$\therefore CF = AD, DE = EF$2 分

\because 点 D 为 AB 的中点,

$\therefore BD = AD = CF$.

$\because CF \parallel BD$,

\therefore 四边形 $BCFD$ 为平行四边形.4 分

$\therefore DF = BC, DF \parallel BC$.

$\because EF = DE$,

$\therefore DE \parallel BC$, 且 $DE = \frac{1}{2}BC$5 分

21.解: (1) \because 一次函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的图象由函数 $y = x$ 的图象平移得到,

$\therefore k = 1$1 分

\because 一次函数 $y = x + b$ 的图象经过点 $A(1, 3)$,

$\therefore 1 + b = 3$.

$\therefore b = 2$2 分

\therefore 这个一次函数的解析式为 $y = x + 2$3 分

(2) $1 \leq m \leq 3$5 分



22. (1) 解：设展示牌的单价为 x 元，则宣传条幅的单价为 $(x+2)$ 元，根据题意得：

$$5x = 4(x+2) - 3. \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

解得： $x = 5$.

则： $x+2 = 7$.

答：展示牌的单价为 5 元，宣传条幅的单价为 7 元； $\dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

(2) 解：① 由题意可得，

$$w = 5m + 7(200 - m) = -2m + 1400. \quad \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

② 由题意得，

$$m \leq 3(200 - m). \quad \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

解得： $m \leq 150$. $\dots\dots\dots 5 \text{ 分}$

$\because k = -2 < 0$ ， w 随 m 的增大而减小，

\therefore 当 $m = 150$ 时，此时 $w = 1100$ 元.

答：制作展示牌为 150 个时，所需费用最少，最少费用是 1100 元. $\dots\dots\dots 6 \text{ 分}$

23. (1) $m = 7$ ， $n = 72.5$. $\dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

(2) $p_1 < p_2$; $\dots\dots\dots 3 \text{ 分}$

理由：由题意得 $p_1 = 1+2+5+7+2 = 17$ (人)，

由于西校区八年级抽取的 35 名学生的航天知识测试得分的平均数是 73，中位数是 73.4

因此，所抽取的 35 名学生的航天知识测试得分在 73 及以上的占比多于一半，也就是 p_2 的值大于等于 18. 所以 $p_1 < p_2$. $\dots\dots\dots 4 \text{ 分}$

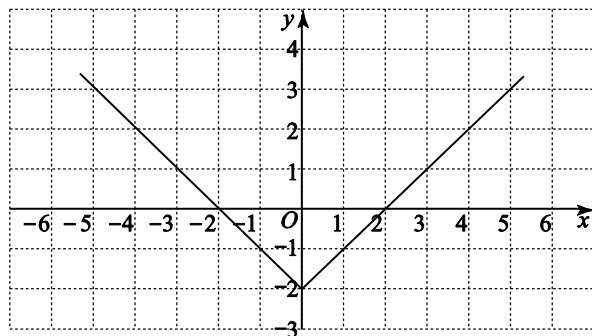
$$(3) 350 \times \frac{8}{35} = 80.$$

答：东校区八年级本次航天知识测试 80 分以上（含 80 分）有 80 人. $\dots\dots 5 \text{ 分}$

24. 解：(1) 全体实数. $\dots\dots\dots 1 \text{ 分}$

(2) 2. $\dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

(3) $\dots\dots\dots 4 \text{ 分}$



(4) 由函数图象可知，当 $x \geq 0$ 时， y 随 x 增大而增大. (答案不唯一) $\dots\dots 6 \text{ 分}$



25. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AD \parallel BC, AD=BC.$

$\because E, F$ 分别是 BC, AD 的中点,

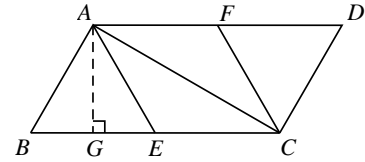
$\therefore AF=EC.$

\therefore 四边形 $AECF$ 是平行四边形.1 分

$\because \angle BAC=90^\circ, E$ 是 BC 的中点,

$\therefore AE=\frac{1}{2}BC=EC.$ 2 分

$\therefore \square AECF$ 是菱形.3 分



(2) 解: 作 $AG \perp BC$ 于点 G ,

$\because E$ 是 BC 的中点, 且 $BC=4$,

$\therefore AE=BE=AB=EC=2.$

$\therefore \triangle ABE$ 是等边三角形.4 分

$\therefore BG=EG=\frac{1}{2}BE=1.$

\because 在 $Rt\triangle ABG$ 中, $AB=2, BG=1$,

$\therefore AG=\sqrt{3}.$ 5 分

$\therefore S_{\text{菱形} AECF}=EC \cdot AG=2\sqrt{3}.$ 6 分

26. 解: (1) 2.1 分

(2) $2\sqrt{2}.$ 2 分

(3) $\because x < 0$,

$\therefore -x > 0, -\frac{6}{x} > 0.$

$\therefore -x + (-\frac{6}{x}) \geq 2\sqrt{(-x) \times (-\frac{6}{x})} = 2\sqrt{6}.$ 3 分

$\therefore -(-x - \frac{6}{x}) \leq -2\sqrt{6}.$

即 $x + \frac{6}{x} \leq -2\sqrt{6}.$ 4 分

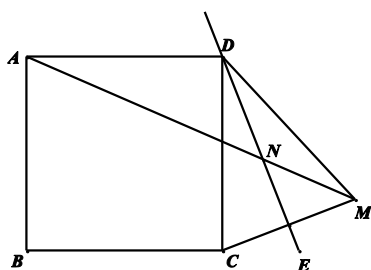
$\therefore x + \frac{6}{x} + 2 \leq -2\sqrt{6} + 2.$

$\therefore \frac{x^2 + 2x + 6}{x} = x + 2 + \frac{6}{x} \leq -2\sqrt{6} + 2.$ 5 分

$\therefore \frac{x^2 + 2x + 6}{x}$ 的最大值是 $-2\sqrt{6} + 2.$ 6 分



27.解: (1) 依据题意, 补全图形, 如下:

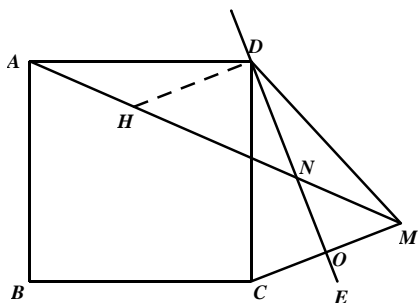


.....1分

(2) $\angle AND=45^\circ$;2分

(3) 线段 DN , AN 与 MN 的数量关系是: $AN=MN+\sqrt{2}DN$;3分

证明: 如图所示, 记直线 DE 与 CM 的交点为点 O ,



在 AN 上取点 H , 使 $AH=MN$, 连接 DH

\because 点 C 关于直线 DE 的对称点为 M ,

$\therefore \triangle CDO \cong \triangle MDO$.

$\therefore DC=DM, \angle CDO = \angle MDO = \alpha$.

在正方形 $ABCD$ 中, $\angle ADC=90^\circ, AD=CD$,

$\therefore AD=DM$.

$\therefore \angle DAM = \angle DMA = \frac{180^\circ - (90^\circ + 2\alpha)}{2} = 45^\circ - \alpha$.

$\therefore \angle AND = \angle MDO + \angle DMA = \alpha + (45^\circ - \alpha) = 45^\circ$4分

在 $\triangle ADH$ 和 $\triangle MDN$ 中

$$\begin{cases} AD = MD, \\ \angle DAM = \angle DMA, \\ AH = MN, \end{cases}$$

$\therefore \triangle ADH \cong \triangle MDN$.

$\therefore \angle AHD = \angle MND, DH = DN$.

$\therefore \angle DHN = \angle HND = 45^\circ$6分

$\therefore \angle HDN = 90^\circ$.

$\therefore HN^2 = DH^2 + DN^2 = 2DN^2$.

$\therefore HN = \sqrt{2}DN$.

$\therefore AN = AH + HN = MN + \sqrt{2}DN$7分



28. 解:

- (1) P_1, P_3 ;2分
- (2) b 的取值范围为: $-5 < b < 5$;4分
- (3) $-7 \leq m < -3$ 或 $-2 < m \leq 2$7分

