

命题人：初三年级数学学科备课组

2018 年 10 月

第 I 卷

一、选择题(本题共 16 分，每小题 2 分)

1. 下面的函数是二次函数的是()

- A. $y=3x+1$ B. $y=x^2+2x$ C. $y=\frac{x}{2}$ D. $y=\frac{2}{x}$

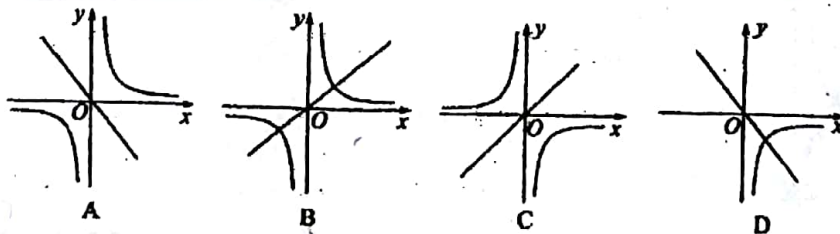
2. 若反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ 的图象经过点(2, -1), 则该反比例函数的图象在()

- A. 第一、二象限 B. 第一、三象限
C. 第二、三象限 D. 第二、四象限

3. 反比例函数 $y=\frac{m+1}{x}$ 在每个象限内的函数值 y 随 x 的增大而增大, 则 m 的取值范围是()

- A. $m < 0$ B. $m > 0$ C. $m > -1$ D. $m < -1$

4. 指出当 $k > 0$ 时, 下列图象中哪些可能是 $y=kx$ 与 $y=\frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 在同一坐标系中的图象 ()



5. 二次函数 $y=2(x-1)^2+3$ 的图象的顶点坐标是 ()

- A. (1,3) B. (-1,3) C. (1,-3) D. (-1,-3)



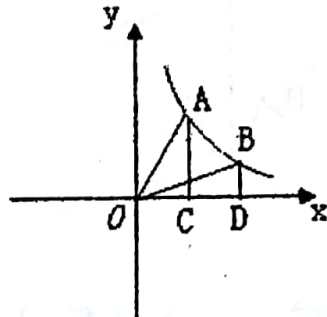
6. 用配方法将二次函数 $y = x^2 - 8x + 9$ 化为 $y = a(x-h)^2 + k$ 的形式为 ()

- A. $y = (x-4)^2 + 7$ B. $y = (x+4)^2 + 7$
 C. $y = (x-4)^2 - 25$ D. $y = (x+4)^2 - 25$

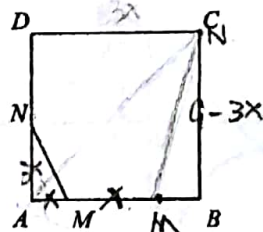
7. 如图, 过反比例函数 $y = \frac{1}{x}$ ($x > 0$) 的图象上任意两点

A、B 分别作 x 轴的垂线, 垂足分别为 C、D, 连接 OA、OB, 设 $\triangle AOC$ 和 $\triangle BOD$ 的面积分别是 S_1 、 S_2 , 比较它们的大小, 可得 ()

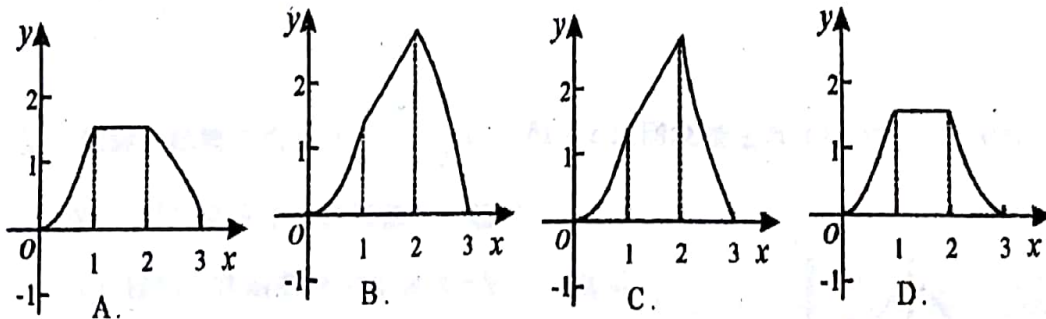
- (A) $S_1 > S_2$ (B) $S_1 < S_2$
 (C) $S_1 = S_2$ (D) 大小关系不能确定



8. 如图, 在正方形 $ABCD$ 中, $AB = 3\text{cm}$, 动点 M 自点 A 出发沿 AB 方向以每秒 1 厘米的速度运动, 同时动点 N 自点 A 出发沿折线 $AD-DC-CB$ 以每秒 3 厘米的速度运动, 到达点 B 时运动同时停止. 设 $\triangle AMN$ 的面积为 y (厘米²), 运动时间为 x (秒), 则下列图象中能大致反映 y 与 x 之间的函数关系的是 ()



(花)
 ① 关键点
 ② 趋势
 ③ 解析式



$$y = \begin{cases} \frac{3}{2}x^2 & (0 \leq x < 1) \\ \frac{3}{2}x & (1 \leq x < 2) \\ \frac{1}{2}x(4-3x) & (2 \leq x \leq 3) \end{cases}$$

第 II 卷

二、填空题(本题共 16 分, 每小题 2 分)

9. 若反比例函数的图象经过点 $(-3, 2)$, 则其解析式是_____.

10. 已知反比例函数 $y = \frac{2m+1}{x}$ 的图象在第一、三象限, 则 m 的取值范围是

_____.

$$\begin{aligned} 2m+1 &> 0 \\ m &> -\frac{1}{2} \end{aligned}$$



11. 请你写出一个二次函数，其图象满足条件：①开口向上；②与 y 轴的交点坐标为 $(0, 1)$ 。此二次函数的解析式可以是_____。

12. 二次函数 $y=2(x-3)^2-4$ 的最小值为_____。

$$y = ax^2 + 1 \quad 9a + 1 = 2$$

13. 已知抛物线的顶点是点 $(0, 1)$ ，且经过点 $(-3, 2)$ ，则此抛物线的解析式为_____；当 $x > 0$ 时， y 随 x 的增大而_____。

$$9a = 1$$

14. 若反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 与一次函数 $y = 3x + b$ 的一个交点为 $(1, 4)$ ，则 $kb =$ _____。

$$kb = 4$$

15. 直线 $y=2x$ 与双曲线 $y = \frac{8}{x}$ 有一交点 $(2, 4)$ ，则它们的另一交点为_____。

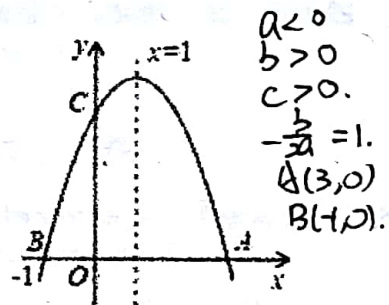
16. 如图，若二次函数 $y=ax^2+bx+c$ ($a \neq 0$) 图象的对称轴为 $x=1$ ，与 y 轴交于点 C ，与 x 轴交于点 A 、点 $B(-1, 0)$ ，则

①二次函数的最大值为 $a+b+c$ ；

② $a-b+c < 0$ ；

③ $b^2 - 4ac < 0$ ；

④当 $y > 0$ 时， $-1 < x < 3$ 。



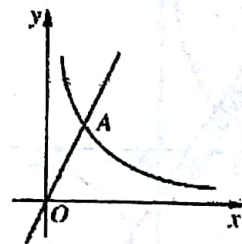
其中正确的结论有_____ (填序号)。

三、解答题(本题共 68 分，第 17-24 题，每小题 5 分，第 25 题 6 分，第 26-27，每小题 7 分，第 28 题 8 分)

17. 已知图中的曲线为函数 $y = \frac{m-5}{x}$ (m 为常数) 图象的一支。

(1) 求常数 m 的取值范围；

(2) 若该函数的图象与正比例函数 $y=2x$ 的图象在第一象限的交点为 $A(2, n)$ ，求点 A 的坐标及反比例函数的解析式。



18. 已知二次函数 $y = \frac{1}{2}x^2 + 2x - \frac{5}{2}$ 。

(1) 求出抛物线的顶点坐标、对称轴方程；

(2) 求出抛物线与 x 轴、 y 轴的交点坐标；

$$x^2 + 4x - 5 = 0$$

$$(x-1)(x+5) = 0$$

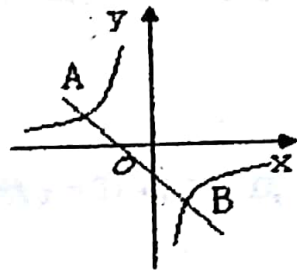


19. 如图，一次函数 $y=kx+b$ 的图象与反比例函数 $y=\frac{m}{x}$ 的图象交于 $A(-2, 1)$ 、

$(1, n)$ 两点。

(1) 求反比例函数和一次函数的解析式；

(2) 根据图象写出一一次函数的值大于反比例函数的值的 x 的取值范围。



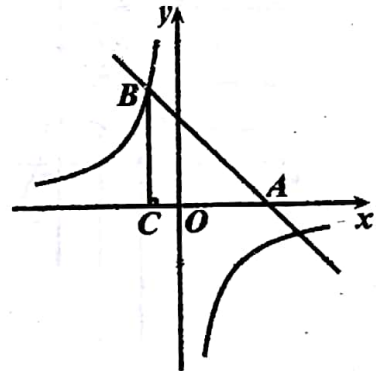
20. 如图，在平面直角坐标系 xOy 中，直线 $y=kx+3(k \neq 0)$ 与 x 轴交于点 A ，与双曲线

$y=\frac{m}{x}(m \neq 0)$ 的一个交点为 $B(-1, 4)$ 。

(1) 求直线与双曲线的表达式；

(2) 过点 B 作 $BC \perp x$ 轴于点 C ，若点 P 在双曲线

$y=\frac{m}{x}$ 上，且 $\triangle PAC$ 的面积为 4，求点 P 的坐标。

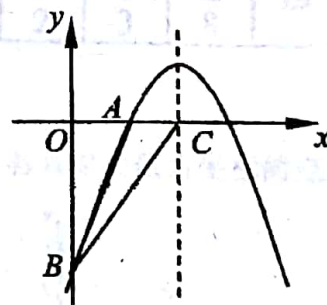


21. 如图，已知二次函数 $y=-\frac{1}{2}x^2+bx+c$ 的图象经过 $A(2, 0)$ 、 $B(0, -6)$ 两

点。(1) 求这个二次函数的解析式

(2) 设该二次函数的对称轴与 x 轴交于点 C ，

连结 BA 、 BC ，求 $\triangle ABC$ 的面积。



$$-10x^2 + 400x + 700x - 28000$$

$$-10(x^2 - 110x) - 28000$$

$$-10(x^2 - 110x + 12100) - 28000 + 121000$$

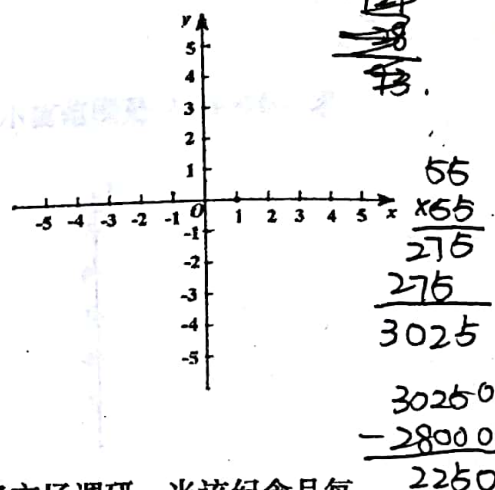
$$3025$$

22. 已知二次函数 $y = x^2 + bx + c$ 图象上部分点的横坐标 x 、纵坐标 y 的对应值如下表:

x	...	0	1	2	3	...
y	...	3	0	-1	0	...

(1) 求二次函数的表达式.

(2) 画出二次函数的示意图, 结合函数图象, 直接写出 $y < 0$ 时自变量 x 的取值范围.



23. 某景区商店销售一种纪念品, 每件的进货价为 40 元. 经市场调研, 当该纪念品每件的销售价为 50 元时, 每天可销售 200 件; 当每件的销售价每增加 1 元, 每天的销售数量将减少 10 件.

$$(50+x)(200-10x)$$

(1) 当每件的销售价为 52 元时, 该纪念品每天的销售数量为 _____ 件;

(2) 当每件的销售价 x 为多少时, 销售该纪念品每天获得的利润 y 最大? 并求出最大利润.

$$y = (x-40)(200-10x) = (x-40)(-10x-300)$$

$$y = (50-m)(200-10m) = (50-40+m)(200-10m) = (10+m)(200-10m) = 2000 - 100m + 200m - 10m^2 = -10m^2 + 100m + 2000$$

24. 如图, 已知一次函数 $y = \frac{1}{2}x - 3$ 的图象与反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象相交于点 $A(4, n)$,

与 x 轴相交于点 B .

(1) n 的值为 _____, k 的值为 _____;

(2) 以 AB 为边作菱形 $ABCD$, 使点 C 在 x 轴正半轴上,

点 D 在第一象限, 求点 D 的坐标;

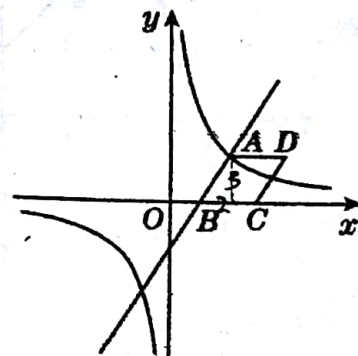
(3) 考虑反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象, 当 $y \geq -2$ 时, 请直接

写出自变量 x 的取值范围.

$$-2, 6.$$

$$(6, -2).$$

$$(-6, -2).$$



25. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 函数 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 的图象与直线 $y = 2x + 1$ 交于点 $A(1, m)$.

(1) 求 k, m 的值;

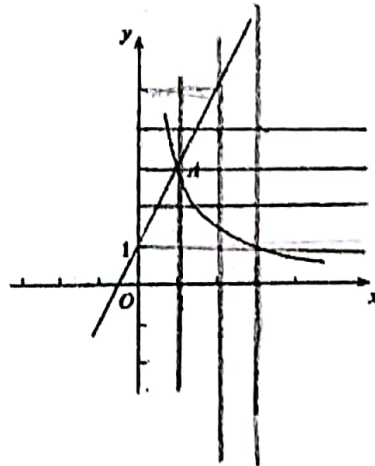
(2) 已知点 $P(n, 0)$ ($n > 1$), 过点 P 作平行于 y 轴的直线, 交直线 $y = 2x + 1$ 于点 B ,

交函数 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 的图象于点 C . 横、纵坐标都是整数的点叫做整点.

① 当 $n = 3$ 时, 求线段 AB 上的整点个数.

② 若 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 的图象在点 A, C 之间的部分与线段 AB, BC 所围成的区域内 (包括边界) 恰有 5 个整点, 直接写出

n 的取值范围.



26. 下面是小华的探究过程, 请补充完整:

(1) 函数 $y = \frac{6}{(x-2)^2}$ 的自变量 x 的取值范围是 _____;

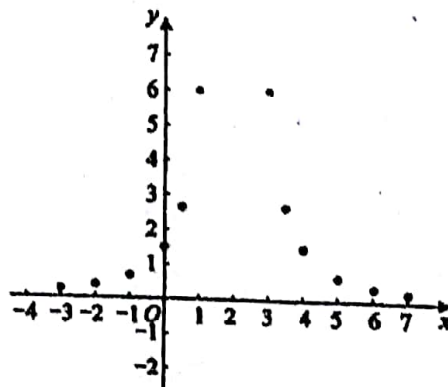
(2) 下表是 y 与 x 的几组对应值.

x	...	-3	-2	-1	0	$\frac{1}{2}$	1	3	$\frac{7}{2}$	4	5	6	7	...
y	...	$\frac{6}{25}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{8}{3}$	6	6	$\frac{8}{3}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{8}$	m	...

求 m 的值;

(3) 如下图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 描出了以上表中各对对应值为坐标的点. 根据描出的点, 画出该函数的图象;

(4) 结合函数的图象, 写出该函数的一条性质: _____.



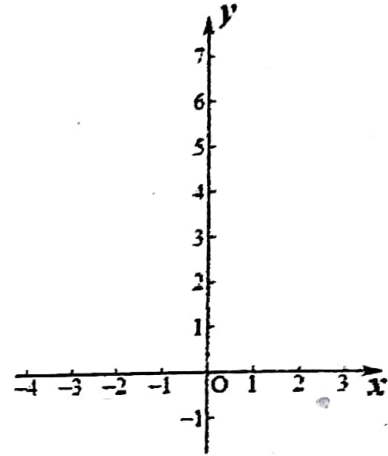
27. 已知二次函数 $y = ax^2 + 2ax + a - 1$ ($a > 0$).

$$4a^2 - 4a^2 + 4a.$$

$$\begin{cases} -b+c=1 \\ 2b+c=7. \end{cases}$$

$$\begin{aligned} 3b &= 6 \\ b &= 2. \end{aligned}$$

- (1) 求证：抛物线与 x 轴有两个交点；
- (2) 求该抛物线的顶点坐标；
- (3) 结合函数图象回答：当 $x > 1$ 时，其对应的函数值 y 的最小值范围是 $2 < y < 6$ ，求 a 的取值范围。

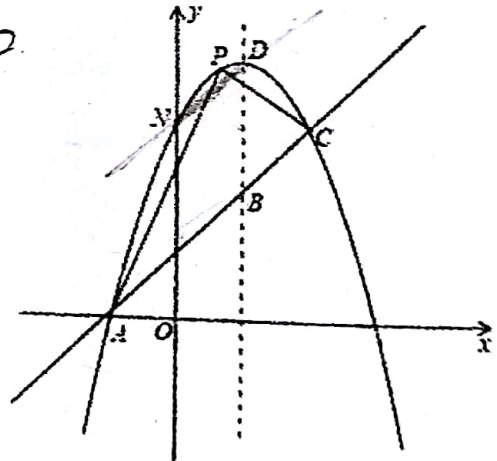


28. 如图，已知抛物线 $y = -x^2 + bx + c$ 与一直线相交于 $A(-1, 0)$, $C(2, 3)$ 两点，与 y 轴交于点 N . 其顶点为 D .

- (1) 抛物线及直线 AC 的函数关系式；
- (2) 设点 $M(3, m)$ ，求使 $MN + MD$ 的值最小时 m 的值；
- (3) 若抛物线的对称轴与直线 AC 相交于点 B ， E 为直线 AC 上的任意一点，过点 E 作 $EF \parallel BD$ 交抛物线于点 F ，以 B, D, E, F 为顶点的四边形能否为平行四边形？若能，求点 E 的坐标；若不能，请说明理由；

设 $E(n, n+1)$
 $F(n,$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} -n^2 + 2n + 3 - n - 1 &= 2 \\ -n^2 + n + 2 &= 2 \\ -n^2 + n &= 0 \\ n^2 - n &= 0 \\ n(n-1) &= 0 \\ n &= 0, n = 1. \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \textcircled{1} n+1 + n^2 - 2n - 3 &= 0 \\ n^2 - n - 2 &= 0 \\ n^2 - n - 4 &= 0 \quad \frac{16}{4} \\ n^2 - n &= 4 \\ n^2 - n + \frac{1}{4} &= \frac{17}{4} \end{aligned}$$

第 7 页 共 8 页

$$\begin{aligned} (n - \frac{1}{2})^2 &= \frac{17}{4} \\ n - \frac{1}{2} &= \pm \frac{\sqrt{17}}{2} \end{aligned}$$

$$25 + 1$$

$$\begin{aligned} -\frac{1}{5} \\ b &= \frac{21}{5} \end{aligned}$$

$$-\frac{6}{5} + \frac{21}{5}$$

$$\frac{21}{5} - \frac{3}{5}$$

