



育英学校四年制初三第一学期数学期中练习 2023年11月

班级：\_\_\_\_\_ 姓名：\_\_\_\_\_

一、选择题：(本大题共8小题，每小题3分，共24分)

1. 下列二次根式中，最简二次根式是 ( )

- (A)  $\sqrt{b^2+4}$       (B)  $\sqrt{\frac{1}{5}}$       (C)  $\sqrt{8}$       (D)  $\sqrt{b^2}$

2. 在 $\square ABCD$ 中， $\angle A : \angle B : \angle C : \angle D$ 的值可以是 ( )

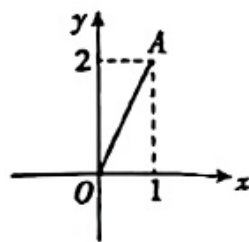
- (A) 1:2:3:4      (B) 1:2:2:1  
(C) 1:1:2:2      (D) 2:1:2:1

3. 关于 $\sqrt{20}$ 的叙述正确的是 ( )

- (A) 在数轴上不存在表示 $\sqrt{20}$ 的点      (B)  $\sqrt{20} = \sqrt{8} + \sqrt{12}$   
(C)  $\sqrt{20} = \pm 2\sqrt{5}$       (D) 与 $\sqrt{20}$ 最接近的整数是4

4. 如图，已知点A的坐标为(1, 2)，则线段OA的长为 ( )

- (A) 3      (B)  $\frac{5}{2}$   
(C)  $\sqrt{5}$       (D)  $\sqrt{3}$



5. 下列条件中，不能判断四边形ABCD是平行四边形的是 ( )

- (A)  $\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$       (B)  $AB \parallel CD, AB = CD$   
(C)  $AB = CD, AD \parallel BC$       (D)  $AB \parallel CD, AD \parallel BC$

6. 估计  $(3\sqrt{15} - \sqrt{45}) \cdot \sqrt{\frac{1}{15}}$  的值应该在 ( )

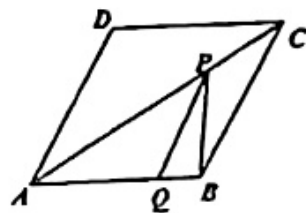
- (A) 0到1之间      (B) 1到2之间      (C) 2到3之间      (D) 3到4之间

7. 在 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC = 5, BC = 6$ ，则AC边上的高BD的长为 ( )

- (A) 4      (B) 4.4      (C) 4.8      (D) 5

8. 如图，在 $\square ABCD$ 中， $AD = 4, \angle D = 120^\circ$ ，AC平分 $\angle BAD$ ，P是对角线AC上的一个动点，点Q是AB边上的一个动点，则PB+PQ的最小值是 ( )

- (A) 4      (B)  $2\sqrt{3}$       (C)  $2\sqrt{3}+1$       (D) 3





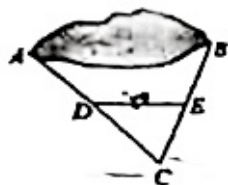
二、填空题：(本大题共8小题，每小题2分，共16分)

9. 要使二次根式  $\sqrt{x-3}$  在实数范围内有意义，则  $x$  的取值范围是\_\_\_\_\_

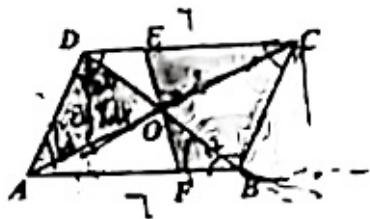
10. 命题“平行四边形的对角线互相平分”的逆命题是\_\_\_\_\_

11. 如图，在湖的两例有  $A, B$  两个观测亭，为测定它们之间的距离，小明在岸上任选一点  $C$ ，并量取了  $AC$  中点  $D$  和  $BC$  中点  $E$  之间的距离为 50 米，则  $A, B$  之间的距离应为\_\_\_\_\_米。

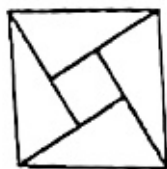
12. 如图， $\square ABCD$  的对角线  $AC$  和  $BD$  相交于点  $O$ ，过点  $O$  的直线分别交  $CD$  和  $AB$  于点  $E, F$ ，且  $AB=7$ ， $BC=4$ ， $\angle DAB=60^\circ$ ，那么图中阴影部分的面积为\_\_\_\_\_



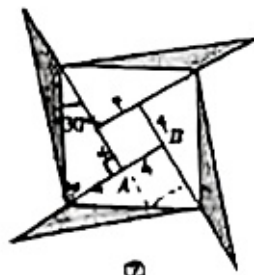
第 11 题



第 12 题



①



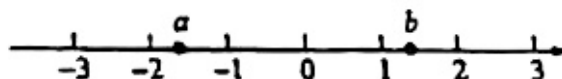
②

第 16 题

13. 在  $Rt\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=4$ ， $AB=5$ 。点  $P$  在直线  $AC$  上，且  $BP=6$ ，则线段  $AP$  的长为\_\_\_\_\_

14. 已知  $\sqrt{b+1} + |a-2| = 0$ ，则  $\frac{2}{3}\sqrt{\frac{9}{a}} + \sqrt{a-2b} =$ \_\_\_\_\_

15. 实数  $a, b$  在数轴上的位置如图所示，



化简  $\sqrt{(a-b)^2} + \sqrt{(a+2)^2} + \sqrt{(b-2)^2}$  的结果是\_\_\_\_\_

16. 图①是我国古代著名的“赵爽弦图”的示意图，它是由四个全等的直角三角形围成的。若直角三角形的一个锐角为  $30^\circ$ ，将各三角形较短的直角边分别向外延长一倍，得到图②所示的“数学风车”，设  $AB=4$ ，则图中阴影部分面积为\_\_\_\_\_

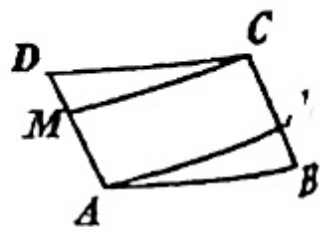
三、解答题：(本大题共10小题，第17题8分，第18-21题每小题5分，第22-25题每小题6分，第26题8分，共60分)

17. 计算：(1)  $4\sqrt{5} + \sqrt{20} - \sqrt{12} + 2\sqrt{3}$ ； (2)  $(4\sqrt{3} + 6\sqrt{6}) \div 2\sqrt{3} + \sqrt{2}(\sqrt{2} - 1)$ 。

18. 已知  $x = \sqrt{2} + 1, y = \sqrt{2} - 1$ , 求  $\frac{x+y}{y}$  的值.



19. 如图, 在  $\square ABCD$  中,  $M, N$  是  $AD, BC$  上的两点且  $DM=BN$ , 连接  $CM, AN$ .  
请写出线段  $CM$  和  $AN$  的关系, 并证明.



20. 已知, 如图点  $M$  为  $\angle BAC$  的边上的一个定点, 点  $N$  为  $\angle BAC$  内部的一个定点, 连接  $MN$ , 在  $\angle BAC$  的内部求作一点  $P$ , 使得  $\angle APN = \angle AMN$ .

下面是小兵设计的一种尺规作图过程.

①连接  $AN$ ;

②作线段  $AN$  的垂直平分线  $m$ , 交  $AN$  与点  $O$ ;

③连接  $MO$ , 并延长  $MO$  至  $P$ , 使得  $PO=MO$ ;

则点  $P$  即为所求

根据小兵设计的尺规作图过程.

(1) 使用直尺和圆规, 补全图形. (保留作图痕迹)

(2) 完成下面的证明:

证明: 连接  $AP, PN$ .

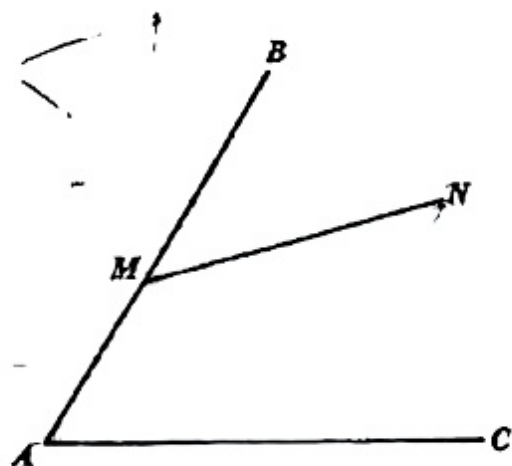
$\because$  直线  $m$  为线段  $AN$  的垂直平分线,

$\therefore AO=NO$ ,

又  $\because PO=MO$

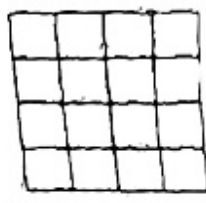
$\therefore$  四边形  $AMNP$  为平行四边形 ( ) (填推理依据)

$\therefore \angle APN = \angle AMN$  ( ) (填推理依据)

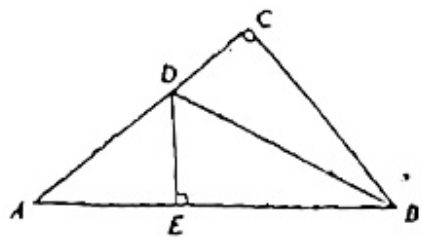




21. 如图，在  $4 \times 4$  的正方形网格中，每个小方格的顶点叫做格点，以格点为顶点画  $\triangle ABC$ ，使  $AB = \sqrt{10}$ ,  $AC = \sqrt{10}$ ,  $BC = \sqrt{20}$ ，请标出顶点位置，并判断  $\triangle ABC$  形状为\_\_\_\_\_三角形。

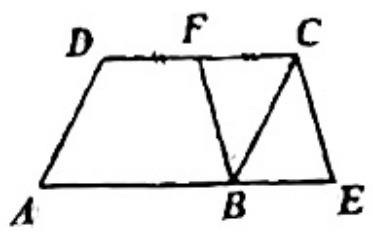


22. 如图， $Rt\triangle ABC$  中， $\angle C = 90^\circ$ ， $BD$  平分  $\angle ABC$  交  $AC$  于点  $D$ ， $DE \perp AB$  交  $AB$  于点  $E$ ，已知  $CD = 6$ ， $AD = 10$ ，请判断线段  $AD$  和  $BD$  的大小，并说明理由。



23. 如图，在  $\square ABCD$  中， $F$  是  $CD$  的中点，延长  $AB$  到点  $E$ ，使  $BE = \frac{1}{2}AB$ ，连接  $BF$ ， $CE$

- (1) 求证： $BF \parallel EC$ ；
- (2) 若  $AB = 6$ ， $AD = 4$ ， $\angle A = 60^\circ$ ，求  $CE$  的长。





24. 小明在解方程  $\sqrt{24-x} - \sqrt{8-x} = 2$  时采用了下面的方法:

$$(\sqrt{24-x} - \sqrt{8-x})(\sqrt{24-x} + \sqrt{8-x}) = (\sqrt{24-x})^2 - (\sqrt{8-x})^2 = (24-x) - (8-x) = 16$$

$$= \sqrt{24-x} - \sqrt{8-x} = 2. \quad \text{①}$$

$$= \sqrt{24-x} + \sqrt{8-x} = 8. \quad \text{②}$$

将这①②两式相加可得  $\sqrt{24-x} = 5$  解得  $x = -1$ .

经检验  $x = -1$  是原方程的解.

请你学习小明的方法, 解下列方程:

(1) 方程  $\sqrt{x+6} + \sqrt{x+2} = 4$  的解是\_\_\_\_\_ (直接写出答案)

(2) 解方程  $\sqrt{9x^2 + 8x - 3} - \sqrt{9x^2 - 4x - 3} = 2$

25. 在二次根式的计算和比较大小中, 有时候用“平方法”会取得很好的效果.



例如, 比较  $a = 2\sqrt{3}$  和  $b = 3\sqrt{2}$  的大小, 我们可以把  $a$  和  $b$  分别平方,

$$\because a^2 = 12 \quad b^2 = 18$$

请利用“平方法”解决下面问题:

(1) 比较  $c = 4\sqrt{2}$ ,  $d = 2\sqrt{7}$  的大小.

(2) 猜想  $m = 2\sqrt{5} + \sqrt{6}$ ,  $n = 2\sqrt{3} + \sqrt{14}$  之间的大小, 并证明.

(3) 化简  $\sqrt{p-2\sqrt{p-1}} + \sqrt{4p+8\sqrt{p-1}} =$  \_\_\_\_\_ (直接写出答案).



26. 在平面直角坐标系  $xOy$  中，给定线段  $MN$  和图形  $F$ ，给出如下定义：

平移线段  $MN$  至  $M'N'$ ，使得线段  $M'N'$  上的所有点均在图形  $F$  上或其内部，则称该变换为线段  $MN$  到图形  $F$  的平移重合变换，线段  $MM'$  的长度称为该次平移重合变换的平移距离，其中，所有平移重合变换的平移距离中的最大值称为线段  $MN$  到图形  $F$  的最大平移距离，最小值称为线段  $MN$  到图形  $F$  的最小平移距离：

如图 1，点  $A(1,0), P(-1, \sqrt{3}), Q(5, \sqrt{3})$

(1) ①在图 1 中作出线段  $OA$  到线段  $PQ$  的平移重合变换（任作一条平移后的线段  $O'A'$  即可）：

②线段  $OA$  到线段  $PQ$  的最小平移距离是\_\_\_\_\_，最大平移距离是\_\_\_\_\_。

(2) 如图 2，作等边  $\triangle PQR$ （点  $R$  在线段  $PQ$  的上方），

①求线段  $OA$  到等边  $\triangle PQR$  最大平移距离。

②点  $B$  是坐标平面内一点，线段  $OB$  的长度为 1，线段  $OB$  到等边  $\triangle PQR$  的最小平移距离的最大值为\_\_\_\_\_，最大平移距离的最小值为\_\_\_\_\_。

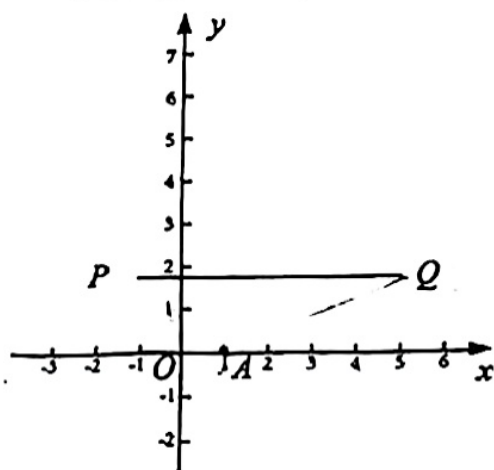


图1

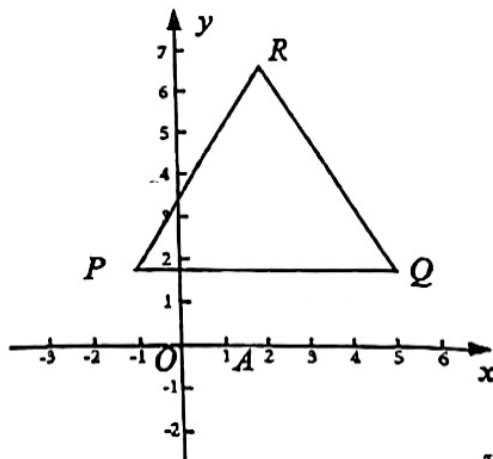


图2

