

初二数学期中考试试卷

命题人：孙竹溪 审核人：曲莹

考查目标

1. 知识：八年级下册第十六章《二次根式》、第十七章《勾股定理》、第十八章《平行四边形》。
2. 能力：几何直观能力，数学运算能力，阅读理解能力，逻辑推理能力，实际应用能力，数形结合能力。

A 卷面成绩 90%
(满分 90 分)B 过程性评价
(满分 10 分)学业成绩总评=
A+B (满分 100 分)

考生须知

1. 本试卷分为第 I 卷、第 II 卷和答题卡，共 15 页；其中第 I 卷 3 页，第 II 卷 6 页，答题卡 6 页。全卷共三道大题，28 道小题。
2. 本试卷满分 100 分，考试时间 120 分钟。
3. 在第 I 卷、第 II 卷指定位置和答题卡的密封线内准确填写班级、姓名、考号、座位号。
4. 考试结束，将答题卡交回。

第 I 卷 (选择题 共 30 分)

一、选择题 (以下每题只有一个正确的选项，每小题 3 分，共 30 分)

1. 下列根式是最简二次根式的是

A. $\sqrt{0.5}$

B. $\sqrt{8}$

C. $\sqrt{\frac{1}{7}}$

D. $-\sqrt{3}$

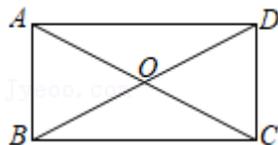
2. 如图，矩形 $ABCD$ 的对角线 AC 与 BD 相交于点 O ， $\angle ADB=30^\circ$ ， $AB=6$ ，则 $OC=$

A. 12

B. $6\sqrt{3}$

C. 6

D. 3

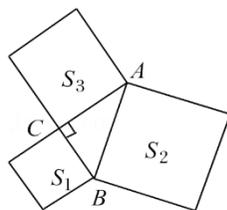


3. 以下列长度的三条线段为边，能组成直角三角形的是

- A. 1, 1, 1 B. 2, 3, 4 C. $\sqrt{7}$, 3, 5 D. 1, $\sqrt{3}$, 2

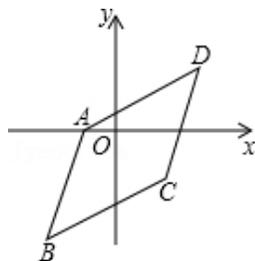
4. 如图，在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle ACB=90^\circ$ ，以 $\triangle ABC$ 的各边为边在 $\triangle ABC$ 外作三个正方形， S_1, S_2, S_3 分别表示这三个正方形的面积，若 $S_1=3, S_2=11$ ，则 $S_3=$

- A. 16 B. 14
C. 8 D. 4



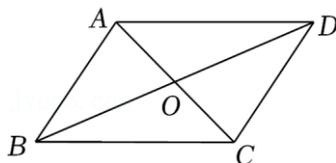
5. 如图，已知 $\square ABCD$ 的三个顶点坐标分别是 $A(-1, 0)$ 、 $B(-2, -3)$ 、 $C(2, -1)$ ，那么第四个顶点 D 的坐标是

- A. (3, 1) B. (3, 2)
C. (4, 2) D. (5, 3)



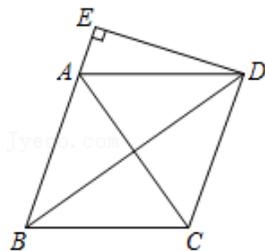
6. 如图，四边形 $ABCD$ 的对角线 AC 和 BD 相交于点 O ，下列不能判定四边形 $ABCD$ 为平行四边形的条件是

- A. $OA=OC, AB\parallel CD$
B. $\angle ABC=\angle ADC, AD\parallel BC$
C. $AB=DC, AD=BC$
D. $AB=CD, AD\parallel BC$



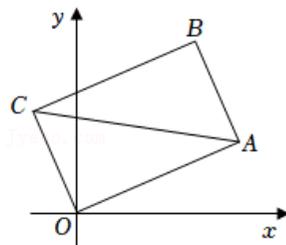
7. 如图，在菱形 $ABCD$ 中， $BD=8, AC=6$ ，过点 D 作 $DE\perp BA$ ，交 BA 的延长线于点 E ，则线段 DE 的长为

- A. $\frac{48}{5}$ B. $\frac{24}{5}$
C. $\frac{18}{5}$ D. $\frac{12}{5}$



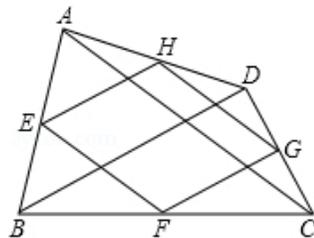
8. 如图，矩形 $OABC$ 的顶点 B 的坐标为 $(2, 3)$ ，则 AC 长为

- A. $\sqrt{13}$ B. $\sqrt{7}$ C. 5 D. 4



9. 如图，点 E 、 F 、 G 、 H 分别是四边形 $ABCD$ 的边 AB 、 BC 、 CD 、 DA 的中点。则下列说法：

- ①若 $AC=BD$ ，则四边形 $EFGH$ 为矩形；
- ②若 $AC \perp BD$ ，则四边形 $EFGH$ 为菱形；
- ③若 AC 与 BD 互相垂直且相等，则四边形 $EFGH$ 是正方形；
- ④若四边形 $EFGH$ 是平行四边形，则 AC 与 BD 互相平分。

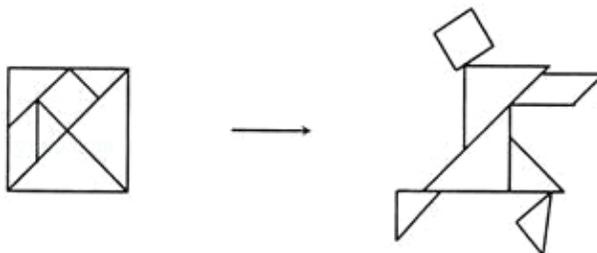


其中正确的个数是

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

10. 七巧板是一种古老的汉族传统智力游戏，由七块板组成，可拼成许多图形 (1600 种以上)。现在用边长为 4 的正方形制作的七巧板拼成一幅土家摆手舞图案，其中舞者头部正方形的面积是

- A. 1 B. 2
C. 4 D. 6



第 II 卷（非选择题 共 70 分）

二、填空题（每题 2 分，共 16 分）

11. 若代数式 $\sqrt{x+1}$ 有意义，则实数 x 的取值范围是_____.

12. 已知三角形三边之长你能求出三角形的面积吗？

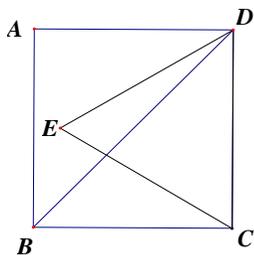
海伦公式告诉你计算的方法是： $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ ，其中 S 表示三角形的面积， a, b, c 分别表示三边之长， p 表示周长之半，即 $p = \frac{a+b+c}{2}$.

我国宋代数学家秦九韶提出的“三斜求积术”与这个公式基本一致，所以这个公式也叫“海伦 - 秦九韶公式”.

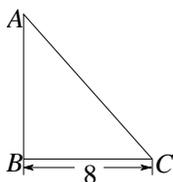
已知在 $\triangle ABC$ 中， $AB=5, BC=6, CA=7$ ， $\triangle ABC$ 的面积是_____.

13. 如图，在正方形 $ABCD$ 内部作等边 $\triangle CDE$ ，连接 BD . 则 $\angle BDE$ 的度数为_____.

14. 我国古代的数学名著《九章算术》中有这样一道题目“今有立木，系索其末委地三尺.引索却行，去本八尺而索尽. 问索长几何？”译文为今有一竖立着的木柱，在木柱的上端系有绳索，绳索从木柱上端顺木柱下垂后，堆在地面的部分尚有 3 尺，牵索沿地面退行，在离木柱根部 8 尺处时，绳药用尽. 问绳索长是多少？示意图如图所示，设绳索 AC 的长为 x 尺，根据题意，可列方程为_____.



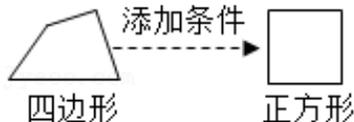
13 题图



14 题图



15. 如图，数学课上老师给出了以下四个条件： a 两组对边分别相等； b 一组对边平行且相等； c 一组邻边相等； d 一个角是直角. 有三位同学给出了不同的组合方式：① a, c, d ；② b, c, d ；③ a, b, c . 你认为能得到正方形的是_____。（填写你认为正确的序号）



16. 把图 1 中边长为 10 的菱形沿对角线分成四个全等的直角三角形，且此菱形的一条对角线长为 16，将这四个直角三角形拼成如图 2 所示的正方形，图 2 中的阴影的面积为_____.

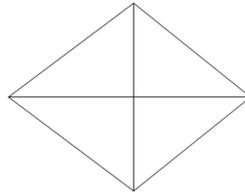


图 1

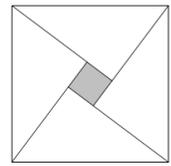
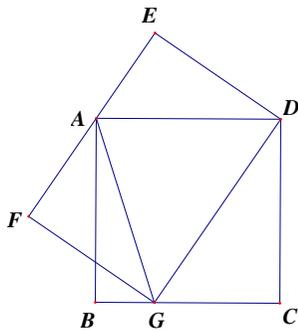


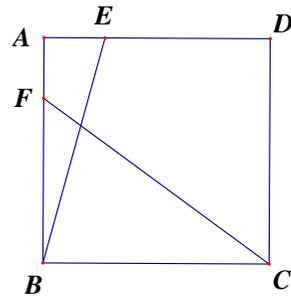
图 2

17. 如图，点 A 在 EF 上，点 G 在 BC 上，矩形 $DEFG$ 的边长分别是 4 和 6，则正方形 $ABCD$ 的边长为_____.

18. 在正方形 $ABCD$ 中， $AB=5$ ，点 E 、 F 分别为 AD 、 AB 上一点，且 $AE=AF$ ，连接 BE 、 CF ，则 $BE+CF$ 的最小值是_____.



17 题图



18 题图

三、解答题（共 54 分）

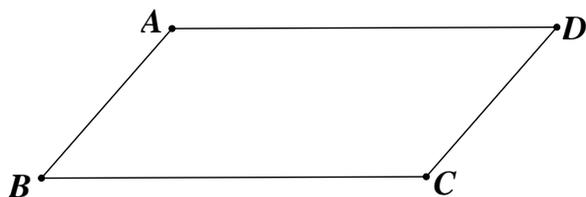
19. （本题 4 分）计算：(1) $\sqrt{27} + \sqrt{\frac{1}{3}} - \sqrt{12}$.



20. （本题 4 分）计算： $(\sqrt{24} - \sqrt{48}) \div \sqrt{3} + \sqrt{2}$.

21. (本题 4 分) 下面是小明设计的“在一个平行四边形内作菱形”的尺规作图过程.

已知: 四边形 $ABCD$ 是平行四边形.



求作: 菱形 $ABEF$ (点 E 在 BC 上, 点 F 在 AD 上).

作法: ①以 A 为圆心, AB 长为半径作弧, 交 AD 于点 F ;

②以 B 为圆心, AB 长为半径作弧, 交 BC 于点 E ;

③连接 EF .

所以四边形 $ABEF$ 为所求作的菱形.

(1) 根据小明的做法, 使用直尺和圆规, 补全图形; (保留作图痕迹)

(2) 完成下面的证明:

证明: $\because AF=AB, BE=AB$

\therefore _____ = _____

在 $\square ABCD$ 中, $AD \parallel BC$

即 $AF \parallel BE$

\therefore 四边形 $ABEF$ 为平行四边形

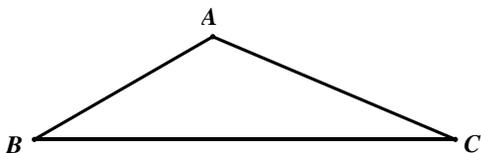
(_____) (填推理的依据)

$\because AF=AB$

\therefore 四边形 $ABEF$ 为菱形

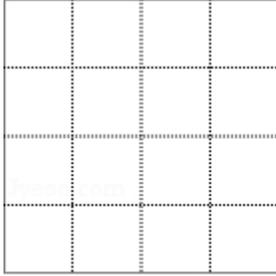
(_____) (填推理的依据)

22. (本题 5 分) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle B=30^\circ$, $AB=10$, $AC=13$, 求 BC 的长.

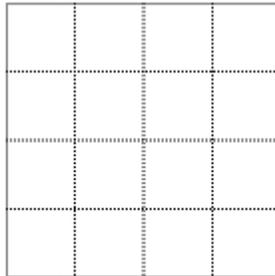


23. (本题 6 分) 如图, 在 4×4 的正方形网格中, 每个小方格的顶点叫做格点, 以格点为顶点按下列要求画图.

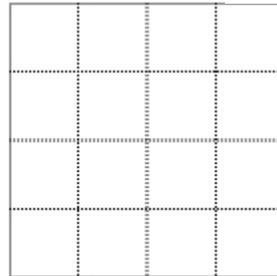
- (1) 在图①中, 画一个面积为 6 的平行四边形;
- (2) 在图②中, 画一个面积为 5 的正方形;
- (3) 在图③中, 画一个三边长分别为 $\sqrt{2}$, 4, $\sqrt{10}$ 的三角形.



图①

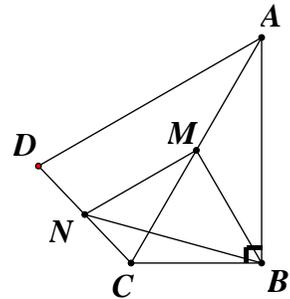


图②



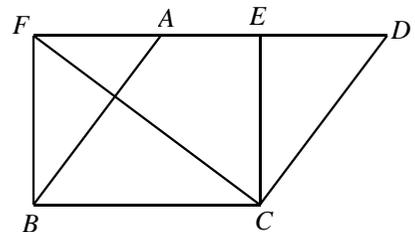
图③

24. (本题 5 分) 如图, 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle ABC=90^\circ$, $AC=AD$, M 、 N 分别为 AC 、 AD 的中点, 连接 BM , MN , BN . $\angle BAD=60^\circ$, AC 平分 $\angle BAD$. 判断 $\triangle BMN$ 的形状并证明.



25. (本题 6 分) 如图, 在平行四边形 $ABCD$ 中, $CE \perp AD$ 于点 E , 延长 DA 至点 F , 使得 $EF=DA$, 连接 BF , CF .

- (1) 求证: 四边形 $BCEF$ 是矩形;
- (2) 若 $AB=3$, $CF=4$, $DF=5$, 求 CE 的长.



26. (本题 6 分) 把根式 $\sqrt{x \pm 2\sqrt{y}}$ 进行化简, 若能找到两个数 m, n , 使 $m^2 + n^2 = x$ 且 $mn = \sqrt{y}$, 则把 $x \pm 2\sqrt{y}$ 变成 $m^2 + n^2 \pm 2mn = (m \pm n)^2$, 然后开方, 从而使得 $\sqrt{x \pm 2\sqrt{y}}$ 化简.

例如: 化简 $\sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$.

解: $\because 3 + 2\sqrt{2} = 1 + 2 + 2\sqrt{2} = 1^2 + (\sqrt{2})^2 + 2 \times 1 \times \sqrt{2} = (1 + \sqrt{2})^2$,

$$\therefore \sqrt{3 + 2\sqrt{2}} = \sqrt{(1 + \sqrt{2})^2} = 1 + \sqrt{2}.$$

利用上述方法完成下列各题 (结果要化为最简形式):

(1) $\sqrt{5 + 2\sqrt{6}} =$ _____; (2) $\sqrt{7 - \sqrt{40}} =$ _____;

(3) Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $BC = 1$, $AC = 2 + \sqrt{3}$, AB 的长为 _____.



27. (本题 7 分) 在正方形 $ABCD$ 中, E 是 CD 边上一点 ($CE > DE$), AE, BD 交于点 F .

- (1) 如图 1, 过点 F 作 $FH \perp AE$, 交 BC 边于点 H . 求证: $AF = FH$;
- (2) AE 的垂直平分线分别与 AD, AE, BD 交于点 P, M, N , 连接 CN .
 - ① 依题意在图 2 中补全图形;
 - ② 用等式表示线段 AB, DE 与 CN 之间的数量关系, 并证明.

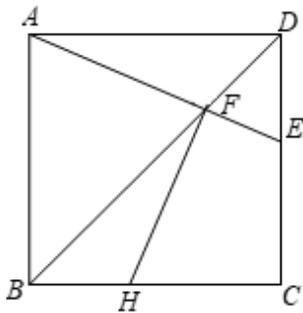


图 1

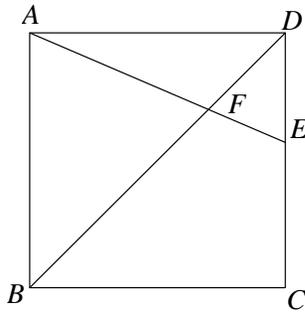


图 2

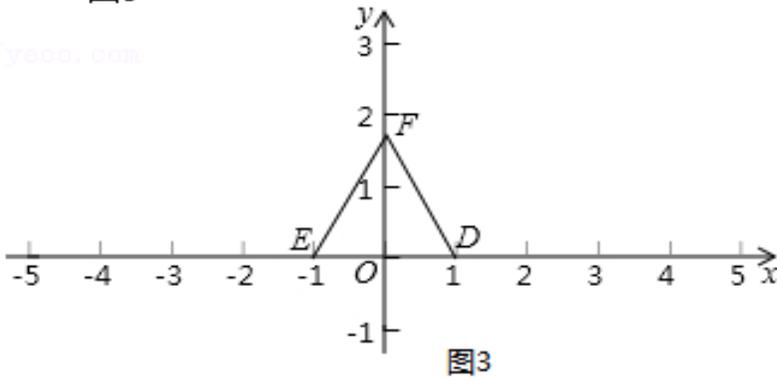
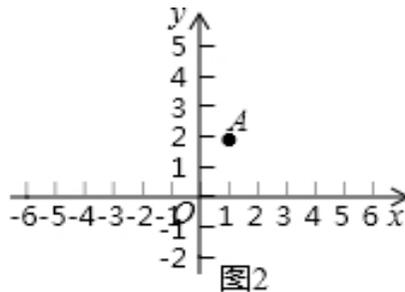
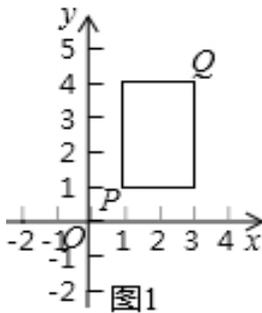
28. (本题7分) 在平面直角坐标系 xOy 中, 若 P, Q 为某个矩形不相邻的两个顶点, 且该矩形的边均与某条坐标轴垂直, 则称该矩形为点 P, Q 的“相关矩形”. 图1为点 P, Q 的“相关矩形”的示意图.

(1) 如图2, 已知点 A 的坐标为 $(1, 2)$, 点 B 的坐标为 $(0, b)$.

①若 $b=4$, 则点 A, B 的“相关矩形”的面积是_____;

②若点 A, B 的“相关矩形”的面积是5, 则 b 的值为_____.

(2) 如图3, 等边 $\triangle DEF$ 的边 DE 在 x 轴上, 顶点 F 在 y 轴的正半轴上, 点 D 的坐标为 $(1, 0)$, 点 M 的坐标为 $(m, 2)$. 若在 $\triangle DEF$ 的边上存在一点 N , 使得点 M, N 的“相关矩形”为正方形, 请在图3中画出示意图并直接写出 m 的取值范围.



线
 座位号
 考号
 封
 姓名
 班级
 密