



# 门头沟区 2019—2020 学年度第一学期期末调研试卷

## 九年级数学

考生须知	<p>1. 本试卷共 8 页，共三道大题，28 个小题，满分 100 分。考试时间 120 分钟。</p> <p>2. 在试卷和答题卡上认真填写学校和姓名，并将条形码粘贴在答题卡相应位置处。</p> <p>3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。</p> <p>4. 在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。</p> <p>5. 考试结束，请将试卷、答案卡和草稿纸一并交回。</p>
------	--

### 一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

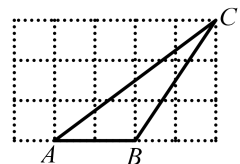
第 1-8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

- 反比例函数  $y = \frac{2}{x}$  的图象分布的象限是  
 A. 第一、三象限      B. 第二、四象限      C. 第一象限      D. 第二象限
- $\odot O$  的半径为 3，点  $P$  到圆心  $O$  的距离为 5，点  $P$  与  $\odot O$  的位置关系是  
 A. 无法确定      B. 点  $P$  在  $\odot O$  外      C. 点  $P$  在  $\odot O$  上      D. 点  $P$  在  $\odot O$  内
- 将抛物线  $y = 2x^2$  先沿  $x$  轴向右平移 2 个单位长度，再向上平移 3 个单位长度后得到新的抛物线，那么新抛物线的表达式为

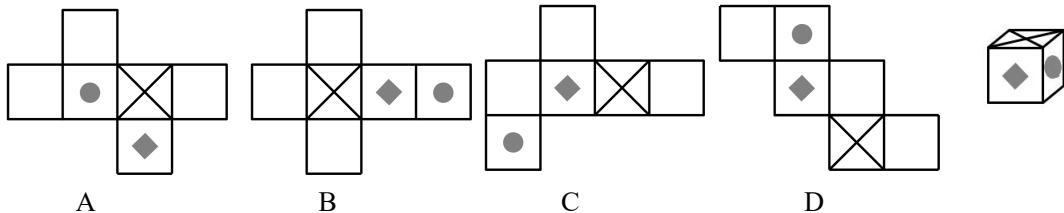
- A.  $y = 2(x+2)^2 + 3$       B.  $y = 2(x+2)^2 - 3$       C.  $y = 2(x-2)^2 - 3$       D.  $y = 2(x-2)^2 + 3$

- 如图， $\triangle ABC$  的顶点都在方格纸的格点上，那么  $\sin A$  的值为

- A.  $\frac{3}{2}$       B.  $\frac{3}{4}$       C.  $\frac{4}{5}$       D.  $\frac{3}{5}$

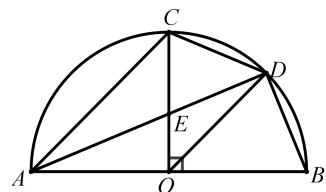


- 如图是一个正方体纸盒，在下面四个平面图形中，是这个正方体纸盒展开图的是



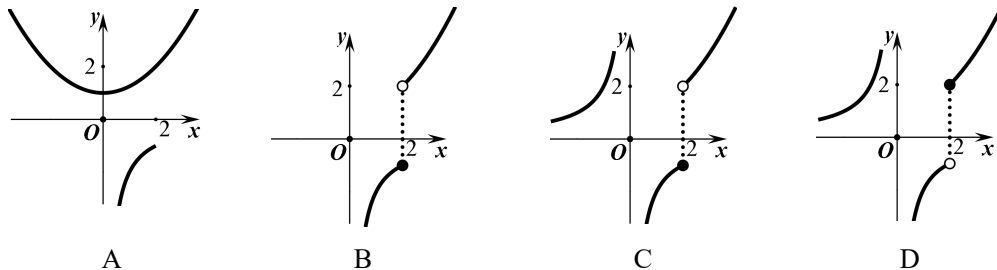
- 如图， $AB$  是半圆  $O$  的直径，半径  $OC \perp AB$  于  $O$ ， $AD$  平分  $\angle CAB$  交  $BC$  于点  $D$ ，连接  $CD$ ， $OD$ ， $BD$ 。下列结论中正确的是

- A.  $AC \parallel OD$       B.  $CE = OE$   
 C.  $\triangle ODE \sim \triangle ADO$       D.  $AC = 2CD$



7. 对于不为零的两个实数  $a, b$ , 如果规定  $a \star b = \begin{cases} \frac{1}{4}a^2 + \frac{1}{2}b (a > b), \\ -\frac{b}{a} (a \leq b). \end{cases}$ , 那么函数  $y = x \star 2$  的图

象大致是



8. 近年来, 移动支付已成为主要支付方式之一. 为了解某校 800 名学生上个月  $A, B$  两种移动支付方式使用的情况, 从全校学生中随机抽取了 100 人, 发现样本中  $A, B$  两种支付方式都不使用的有 5 人, 样本中仅使用  $A$  和仅使用  $B$  的学生的支付金额分布情况如下:

支付方式 \ 使用人数	支付金额 (元)		
	$0 < x \leq 500$	$500 < x \leq 1000$	$x > 1000$
仅使用 $A$ 支付	18 人	9 人	3 人
仅使用 $B$ 支付	10 人	14 人	1 人

下面有四个推断:

- ① 从全校学生中随机抽取 1 人, 该学生上个月仅使用  $A$  支付的概率为 0.3;
- ② 从全校学生中随机抽取 1 人, 该学生上个月  $A, B$  两种支付方式都使用的概率为 0.45;
- ③ 估计全校仅使用  $B$  支付的学生人数为 200 人;
- ④ 这 100 名学生中, 上个月仅使用  $A$  和仅使用  $B$  支付的学生支付金额的中位数为 800 元.

其中合理推断的序号是

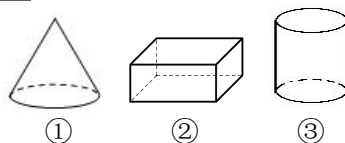
- A. ①②                      B. ①③                      C. ①④                      D. ②③

## 二、填空题 (本题共 16 分, 每小题 2 分)

9. 已知  $\angle A$  为锐角, 且  $\sin A = \frac{1}{2}$ , 那么  $\angle A =$  \_\_\_\_\_  $^\circ$ .

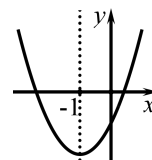
10. 在如图所示的几何体中,

其三视图中有三角形的是 \_\_\_\_\_ (填序号).



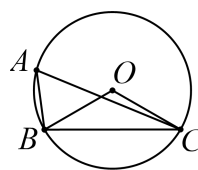
11. 如果二次函数  $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$  的图象如图所示, 那么  $abc$  \_\_\_\_\_ 0

(填 “>”, “=”, 或 “<”).



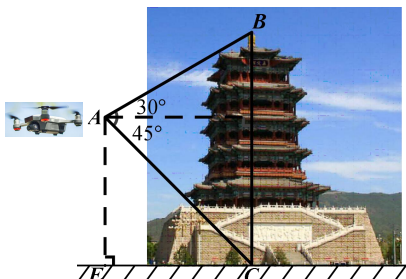
12. 写出一个当自变量  $x > 0$  时,  $y$  随  $x$  的增大而减小的反比例函数的表达式\_\_\_\_\_.

13. 如图,  $\odot O$  是  $\triangle ABC$  的外接圆,  $\angle BAC = 60^\circ$ . 如果  $\odot O$  的半径为 2, 那么弦  $BC$  的长为\_\_\_\_\_.



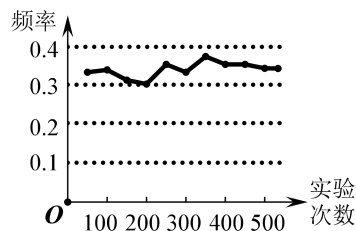
14. “永定楼”, 作为门头沟区的地标性建筑, 因其坐落在永定河畔而得名.

为测得其高度, 低空无人机在  $A$  处, 测得楼顶端  $B$  的仰角为  $30^\circ$ , 楼底端  $C$  的俯角为  $45^\circ$ , 此时低空无人机到地面的垂直距离  $AE$  为  $23\sqrt{3}$  米, 那么永定楼的高度  $BC$  是\_\_\_\_\_米 (结果保留根号).



15. 如图是某小组同学做“频率估计概率”的实验时, 绘出的某一实验结果出现的频率折线图, 则符合图中这一结果的实验可能是\_\_\_\_\_ (填序号).

- ①抛一枚质地均匀的硬币, 落地时结果“正面朝上”;
- ②在“石头, 剪刀, 布”的游戏中, 小明随机出的是剪刀;
- ③四张一样的卡片, 分别标有数字 1, 2, 3, 4, 从中随机取出一张, 数字是 1.



16. 张华在网上经营一家礼品店, 春节期间准备推出四套礼品进行促销, 其中礼品甲 45 元/套, 礼品乙 50 元/套, 礼品丙 70 元/套, 礼品丁 80 元/套, 如果顾客一次购买礼品的总价达到 100 元, 顾客就少付  $x$  元, 每笔订单顾客网上支付成功后, 张华会得到支付款的 80%.

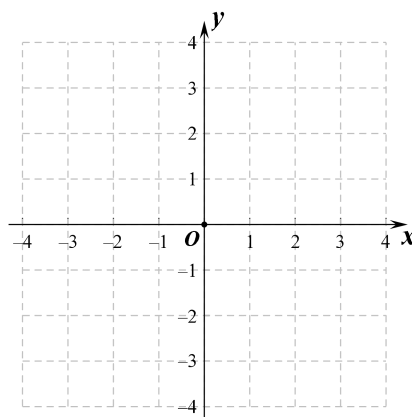
- ①当  $x=5$  时, 顾客一次购买礼品甲和礼品丁各 1 套, 需要支付\_\_\_\_\_元;
- ②在促销活动中, 为保证张华每笔订单得到的金额均不低于促销前总价的六折, 则  $x$  的最大值为\_\_\_\_\_.

**三、解答题 (本题共 68 分, 第 17~22 题每小题 5 分, 第 23~26 题每小题 6 分, 第 27~28 题每小题 7 分) 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.**

17. 计算:  $|\sqrt{3}| - (2 - \sqrt{2})^0 - \tan 60^\circ + \left(\frac{1}{2}\right)^{-2}$ .

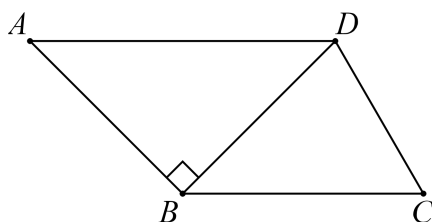
18. 已知二次函数  $y = x^2 - 2x - 3$ .

- (1) 用配方法将其化为  $y = a(x-h)^2 + k$  的形式;
- (2) 在所给的平面直角坐标系  $xOy$  中, 画出它的图象.





21. 如图, 在四边形  $ABCD$  中,  $AD \parallel BC$ ,  $AB \perp BD$  于点  $B$ . 已知  $\angle A = 45^\circ$ ,  $\angle C = 60^\circ$ ,  $CD = 2$ , 求  $AD$  的长.

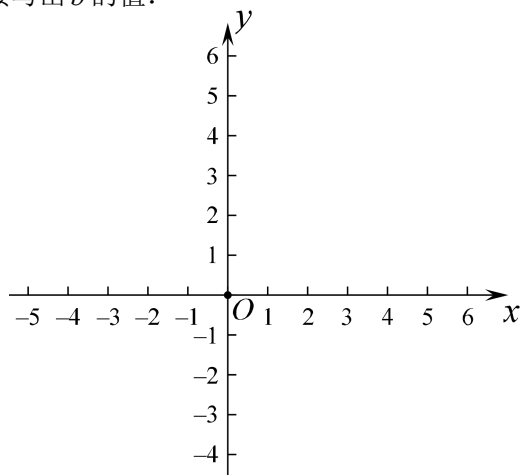


22. 已知二次函数  $y = x^2 - mx + 2m - 4$ .

- (1) 求证: 无论  $m$  取任何实数时, 该函数图象与  $x$  轴总有交点;
- (2) 如果该函数的图象与  $x$  轴交点的横坐标均为正数, 求  $m$  的最小整数值.

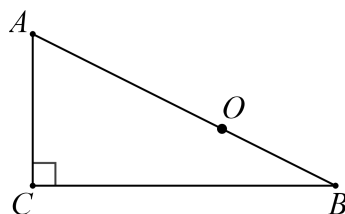
23. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 直线  $y = x$  与双曲线  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$  交于点  $A(2, a)$ .

- (1) 求  $a$  与  $k$  的值;
- (2) 画出双曲线  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$  的示意图;
- (3) 设点  $P(m, n)$  是双曲线  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$  上一点 ( $P$  与  $A$  不重合), 直线  $PA$  与  $y$  轴交于点  $B(0, b)$ , 当  $AB = 2BP$  时, 结合图象, 直接写出  $b$  的值.

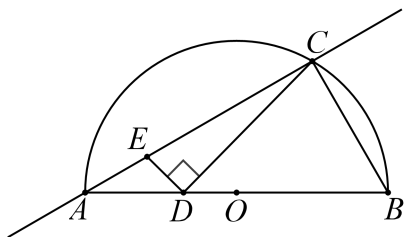


24. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ , 点  $O$  是斜边  $AB$  上一定点, 到点  $O$  的距离等于  $OB$  的所有点组成图形  $W$ , 图形  $W$  与  $AB, BC$  分别交于点  $D, E$ , 连接  $AE, DE$ ,  $\angle AED = \angle B$ .

- (1) 判断图形  $W$  与  $AE$  所在直线的公共点个数, 并证明.
- (2) 若  $BC = 4$ ,  $\tan B = \frac{1}{2}$ , 求  $OB$ .



25. 如图， $\widehat{AB}$  是直径  $AB$  所对的半圆弧，点  $C$  在  $\widehat{AB}$  上，且  $\angle CAB = 30^\circ$ ， $D$  为  $AB$  边上的动点（点  $D$  与点  $B$  不重合），连接  $CD$ ，过点  $D$  作  $DE \perp CD$  交直线  $AC$  于点  $E$ 。



小明根据学习函数的经验，对线段  $AE$ ， $AD$  长度之间的关系进行了探究。

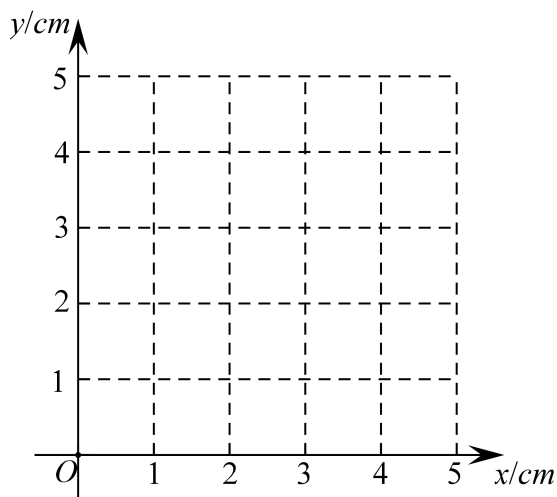
下面是小明的探究过程，请补充完整：

- (1) 对于点  $D$  在  $AB$  上的不同位置，画图、测量，得到线段  $AE$ ， $AD$  长度的几组值，如下表：

	位置1	位置2	位置3	位置4	位置5	位置6	位置7	位置8	位置9	
$AE/cm$	0.00	0.41	0.77	1.00	1.15	1.00	0.00	1.00	4.04	...
$AD/cm$	0.00	0.50	1.00	1.41	2.00	2.45	3.00	3.21	3.50	...

在  $AE$ ， $AD$  的长度这两个量中，确定\_\_\_\_\_的长度是自变量，\_\_\_\_\_的长度是这个自变量的函数；

- (2) 在下面的平面直角坐标系  $xOy$  中，画出 (1) 中所确定的函数的图象：



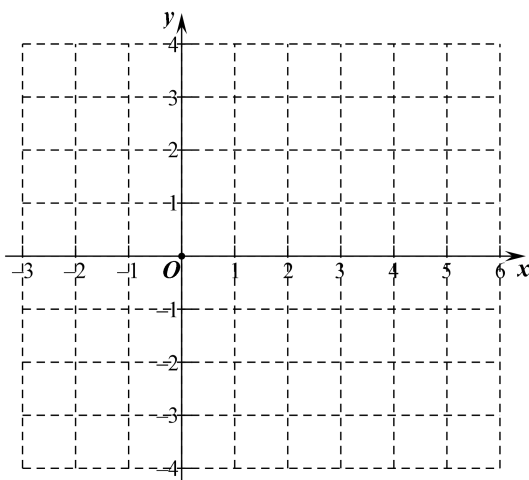
- (3) 结合画出的函数图象，解决问题：当  $AE = \frac{1}{2}AD$  时， $AD$  的长度约为\_\_\_\_\_  $cm$

(结果精确到 0.1).



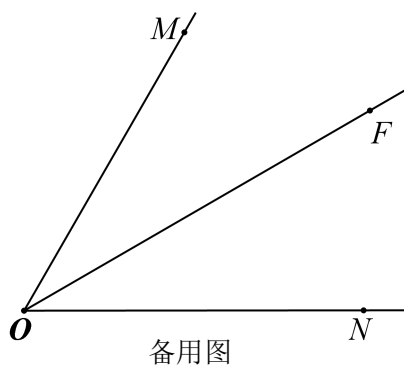
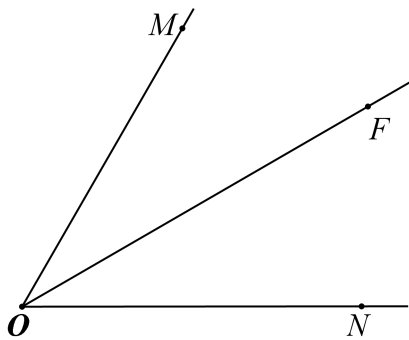
26. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 抛物线  $y = ax^2 - 4ax + 2a$  ( $a \neq 0$ ) 的顶点为  $P$ , 且与  $y$  轴交于点  $A$ , 与直线  $y = -a$  交于点  $B, C$  (点  $B$  在点  $C$  的左侧).

- (1) 求抛物线  $y = ax^2 - 4ax + 2a$  ( $a \neq 0$ ) 的顶点  $P$  的坐标 (用含  $a$  的代数式表示);
- (2) 横、纵坐标都是整数的点叫做整点, 记抛物线与线段  $AC$  围成的封闭区域 (不含边界) 为 “ $W$  区域”.
- ① 当  $a = 2$  时, 请直接写出 “ $W$  区域” 内的整点个数;
- ② 当 “ $W$  区域” 内恰有 2 个整点时, 结合函数图象, 直接写出  $a$  的取值范围.



27. 如图,  $\angle MON = 60^\circ$ ,  $OF$  平分  $\angle MON$ , 点  $A$  在射线  $OM$  上,  $P, Q$  是射线  $ON$  上的两动点, 点  $P$  在点  $Q$  的左侧, 且  $PQ = OA$ , 作线段  $OQ$  的垂直平分线, 分别交  $OM, OF, ON$  于点  $D, B, C$ , 连接  $AB, PB$ .

- (1) 依题意补全图形;
- (2) 判断线段  $AB, PB$  之间的数量关系, 并证明;
- (3) 连接  $AP$ , 设  $\frac{AP}{OQ} = k$ , 当  $P$  和  $Q$  两点都在射线  $ON$  上移动时,  $k$  是否存在最小值? 若存在, 请直接写出  $k$  的最小值; 若不存在, 请说明理由.



28. 对于平面直角坐标系  $xOy$  中的图形  $M, N$ , 给出如下定义: 如果点  $P$  为图形  $M$  上任意一点, 点  $Q$  为图形  $N$  上任意一点, 那么称线段  $PQ$  长度的最小值为图形  $M, N$  的“近距离”, 记作  $d(M, N)$ . 若图形  $M, N$  的“近距离”小于或等于 1, 则称图形  $M, N$  互为“可及图形”.

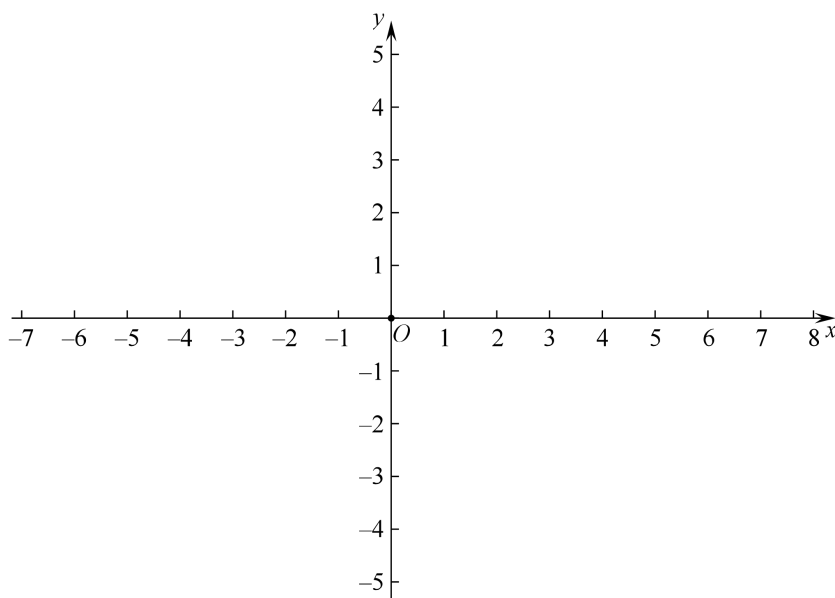
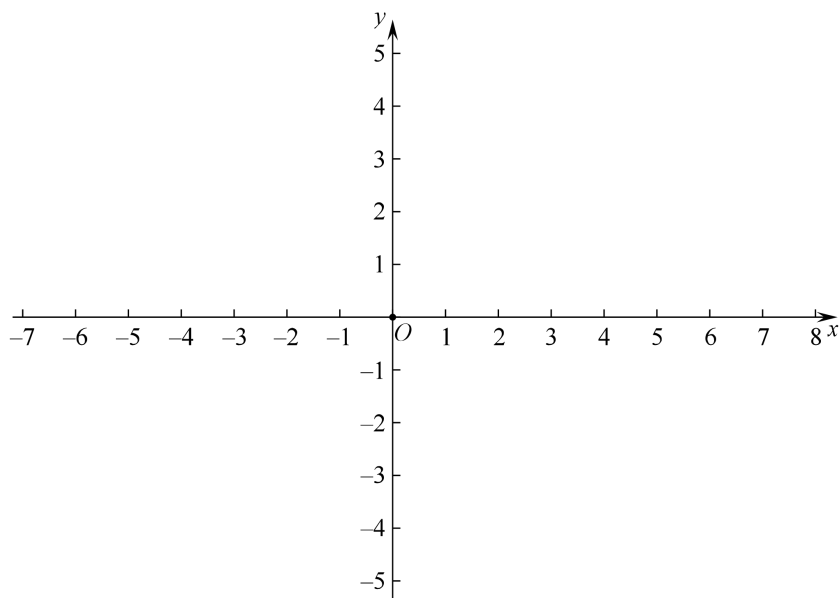
(1) 当  $\odot O$  的半径为 2 时,

①如果点  $A(0, 1), B(3, 4)$ , 那么  $d(A, \odot O) = \underline{\hspace{2cm}}, d(B, \odot O) = \underline{\hspace{2cm}}$ ;

②如果直线  $y = x + b$  与  $\odot O$  互为“可及图形”, 求  $b$  的取值范围;

(2)  $\odot G$  的圆心  $G$  在  $x$  轴上, 半径为 1, 直线  $y = -x + 5$  与  $x$  轴交于点  $C$ , 与  $y$  轴交于点  $D$ ,

如果  $\odot G$  和  $\angle CDO$  互为“可及图形”, 直接写出圆心  $G$  的横坐标  $m$  的取值范围.



备用图

