

2022 北京十一学校龙樾实验中学初一（下）期中

数 学

试题数：25，总分：100

1. (单选题, 3分) 下列说法中不正确的是 ()

- A. y轴上的点的横坐标为0
- B. 平面直角坐标系中(5, 3)和(3, 5)表示不同的点
- C. 坐标轴上的点不属于任何象限
- D. 横、纵坐标符号相同的点一定在第一象限

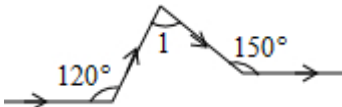
2. (单选题, 3分) 若 $\sqrt{x+1} - \sqrt{-1-x} = (x+y)^2$, 则 $y-x$ 的值为 ()

- A. -1
- B. 1
- C. 2
- D. 3

3. (单选题, 3分) 解二元一次方程组 $\begin{cases} 197x + 4y = 29 \\ 197x = 19 - 2y \end{cases}$, 得 $y =$ ()

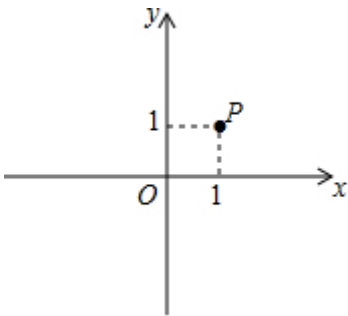
- A. -4
- B. $-\frac{4}{3}$
- C. $\frac{5}{3}$
- D. 5

4. (单选题, 3分) 某学生上学路线如图所示, 他总共拐了三次弯, 最后行车路线与开始的路线相互平行, 已知第一次转过的角度, 第三次转过的角度, 则第二次拐弯角($\angle 1$)的度数是 ()



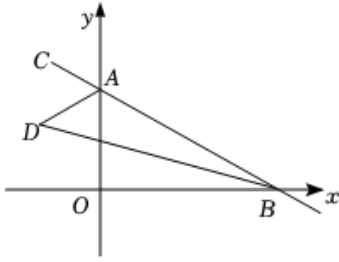
- A. 55°
- B. 70°
- C. 80°
- D. 90°

5. (单选题, 3分) 在平面直角坐标系 xOy 中, 点 P 的坐标为 $(1, 1)$. 如果将 x 轴向上平移 2 个单位长度, y 轴不变, 得到新坐标系, 那么点 P 在新坐标系中的坐标是 ()



- A. $(1, -1)$
- B. $(-1, 1)$
- C. $(3, 1)$
- D. $(1, 2)$

6. (单选题, 3分) 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 AB 与 y 轴在正半轴、 x 轴正半轴分别交 A 、 B 两点, 点 C 在 BA 的延长线上, AD 平分 $\angle CAO$, BD 平分 $\angle ABO$, 则 $\angle D$ 的度数是 ()

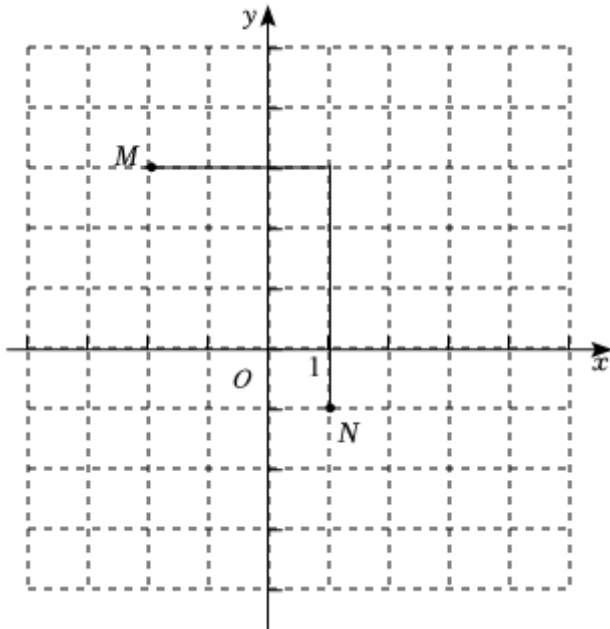


- A. 30° B. 45° C. 55° D. 60°

7. (单选题, 3分) 在数轴上, 点 A (表示整数 a) 在原点的左侧, 点 B (表示整数 b) 在原点的右侧. 若 $|a-b|=2022$, 且 $AO=2BO$, 则 $a+b$ 的值为 ()

- A. 674 B. 673 C. -673 D. -674

8. (单选题, 3分) 我们规定: 在平面直角坐标系 xOy 中, 任意不重合的两点 $M(x_1, y_1)$, $N(x_2, y_2)$ 之间的折线距离为 $d(M, N) = |x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$, 例如图中, 点 $M(-2, 3)$ 与 $N(1, -1)$ 之间的折线距离为 $d(M, N) = |-2-1| + |3-(-1)| = 3+4=7$. 已知点 $P(-3, 4)$, 若点 Q 的坐标为 $(1, t)$, 且 $d(P, Q) = 8$, 则 t 的值为 ()



- A. 0 B. -1 C. -1 或 7 D. 0 或 8

9. (填空题, 2分) 若 $\sqrt[3]{5a-2}$ 与 $\sqrt[3]{2+2b}$ 互为相反数, 则 $\frac{a}{b} = \underline{\hspace{1cm}}$.

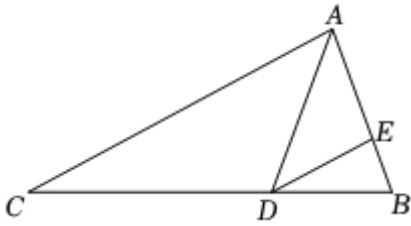
10. (填空题, 2分) 若点 $P(x, y)$ 的坐标满足方程组 $\begin{cases} x+y=k \\ x-y=6-3k \end{cases}$, 则点 P 不可能在第 象限.

11. (填空题, 2分) 已知点 P 在 y 轴的左侧, 点 P 到 x 轴的距离为 6, 且它到 y 轴的距离是到 x 轴距离的一半, 则 P 点坐标为 .

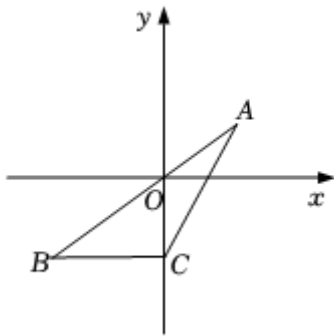
12. (填空题, 2分) 我国古代数学著作《增删算法统宗》记载“绳索量竿”问题: “一条竿子一条索, 索比竿子长一托. 折回索子却量竿, 却比竿子短一托.” 其大意为: 现有一根竿和一条绳索, 用绳索去

量竿，绳索比竿长 6 尺；如果将绳索对半折后再去量竿，就比竿短 6 尺．设绳索长 x 尺，竿长 y 尺，可列出符合题意的方程组为 ___ ．

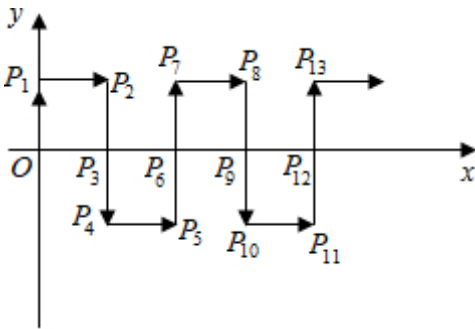
13. (填空题, 2 分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, AD 是角平分线, $DE \parallel AC$ 交 AB 于点 E , 若 $\angle DEB = 80^\circ$, 则 $\angle ADE$ 的度数为 ___ ．



14. (填空题, 2 分) 如图, 直线 AB 经过原点 O , 点 C 在 y 轴上, 若 $A(2, m)$, $B(-3, n)$, $C(0, -2)$, 则 $\triangle ABC$ 的面积为 ___ ．



15. (填空题, 2 分) 如图, 在平面直角坐标系中, 一动点从原点 O 出发, 沿着 P_1 、 P_2 、 P_3 、 P_4 ...所示方向, 每次移动一个单位, 依次得到点 $P_1(0, 1)$; $P_2(1, 1)$; $P_3(1, 0)$; $P_4(1, -1)$; $P_5(2, -1)$; $P_6(2, 0)$...则点 P_{2022} 的坐标是 ___ ．



16. (填空题, 2 分) 教材上曾让同学们探索过线段的中点坐标: 在平面直角坐标系中, 若两点 $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$, 所连线段 AB 的中点是 M , 则 M 的坐标为 $(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2})$, 例如: 点 $A(1, 2)$ 、点 $B(3, 6)$, 则线段 AB 的中点 M 的坐标为 $(\frac{1+3}{2}, \frac{2+6}{2})$, 即 $M(2, 4)$ 请利用以上结论解决问题: 在平面直角坐标系中, 若点 $E(a-1, a)$, $F(b, a-b)$, 线段 EF 的中点 G 恰好位于 x 轴上, 且到 y 轴的距离是 2, 则 $2a+b$ 的值等于 ___ ．

17. (问答题, 6 分) 计算:

(1) $3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} - |3\sqrt{5} - 2\sqrt{3}| + \sqrt[3]{-27}$;

(2) $\sqrt{(3.14 - \pi)^2} - |2 - \pi|$.

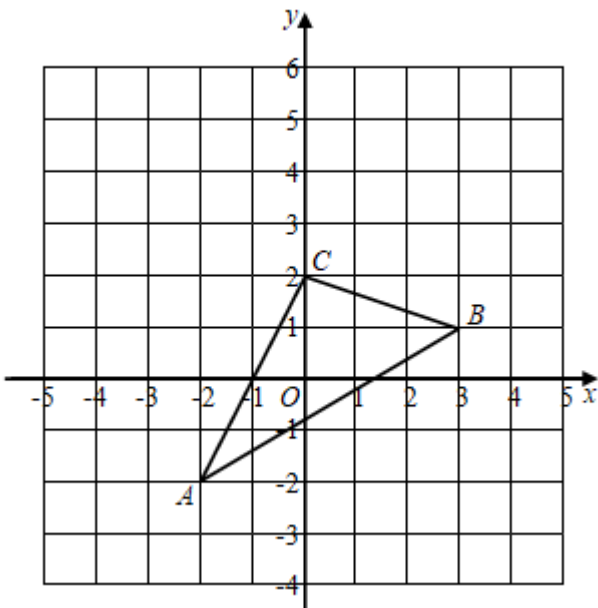
18. (问答题, 8分) 解方程组或不等式组:

$$(1) \begin{cases} \frac{x}{2} - y = 1 \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2 \end{cases};$$

$$(2) \begin{cases} \frac{x+y}{6} + \frac{x-y}{10} = 3 \\ 5(x+y) - 3(x-y) = -30 \end{cases}.$$

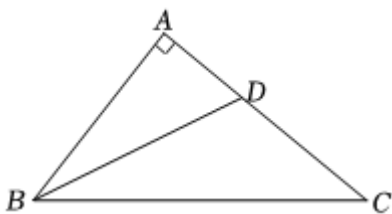
19. (问答题, 6分) 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, $\triangle ABC$ 三个顶点的坐标分别为 $(-2, -2)$, $(3, 1)$, $(0, 2)$, 若把 $\triangle ABC$ 向左平移 1 个单位长度, 再向上平移 3 个单位长度, 得到 $\triangle A'B'C'$, 点 A, B, C 的对应点分别为 A', B', C' .

- (1) 直接写出点 A', B', C' 的坐标;
- (2) 在图中画出平移后的 $\triangle A'B'C'$;
- (3) $\triangle A'B'C'$ 的面积为 ___ .

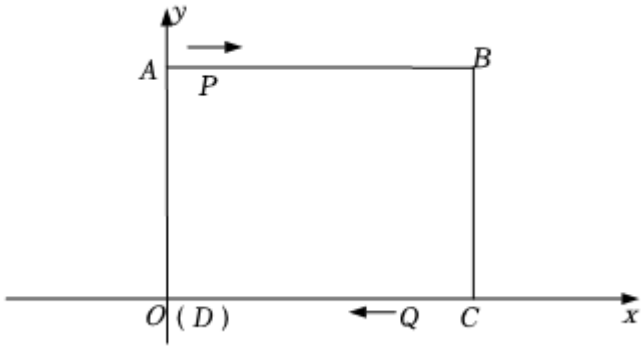


20. (问答题, 7分) 如图, $\angle A=90^\circ$, BD 平分 $\angle ABC$, 交 AC 于点 D , $DE \perp BC$ 于点 E , $DF \parallel AB$ 交 BC 于点 F .

- (1) 依题意补全图形;
- (2) 若 $\angle C=36^\circ$, 求 $\angle EDF$ 的度数;
- (3) 设 $\angle C=\alpha$, 则 $\angle EDF=$ ___ . (用含 α 的式子表示)



21. (问答题, 6分) 如图, 已知在平面直角坐标系中, 四边形 $ABCD$ 是长方形, $\angle A=\angle B=\angle C=\angle D=90^\circ$, $AB \parallel CD$, $AB=CD=8$, $AD=BC=6$, D 点与原点重合, 坐标为 $(0, 0)$.



(1) 点 B 的坐标为 ___ .

(2) 动点 P 从点 A 出发以每秒 3 个单位长度的速度向终点 B 匀速运动, 动点 Q 从点 C 出发以每秒 4 个单位长度的速度沿射线 CD 方向匀速运动, 若 P, Q 两点同时出发, 设运动时间为 t, 当 $t=$ ___ 时, $BP=CQ$;

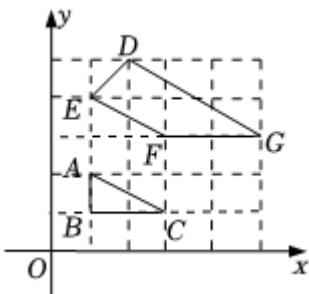
(3) 在 (2) 的条件下, 当 Q 运动到某一位置时, $\triangle ADQ$ 的面积为 9, 求此时 Q 点的坐标.

22. (问答题, 7 分) 在平面直角坐标系中, 我们把横纵坐标均为整数的点称为格点, 若一个多边形的顶点全是格点, 则称该多边形为格点多边形. 例如: 图中 $\triangle ABC$ 的与四边形 DEFG 均为格点多边形. 图中每个小正方形边长均为 1.

(1) $\triangle ABC$ 的面积为 ___ , 四边形 DEFG 的面积为 ___ .

(2) 格点多边形的面积记为 S, 其内部的格点数记为 N, 边界上的格点记为 L, 已知格点多边形的面积可表示为 $S=N+aL+b$ (a, b 为常数). 由 (1) 中所求图形的面积求 a, b 的值.

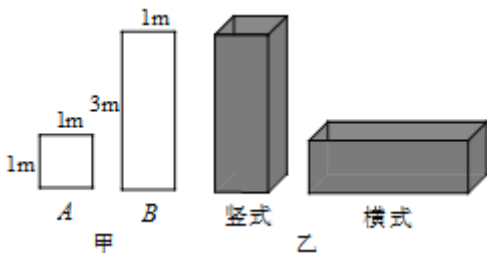
(3) 若某格点多边形对应的 $N=14, L=7$, 则 $S=$ ___ .



23. (问答题, 8 分) 某学校实践课准备用图甲所示的 A 型正方形板材和 B 型长方形板材, 制作成图乙所示的竖式和横式两种无盖箱子.

(1) 若学校现有库存 A 型板材 50 张, B 型板材 100 张, 用这批板材制作两种类型的箱子.

① 请完成下列表格:



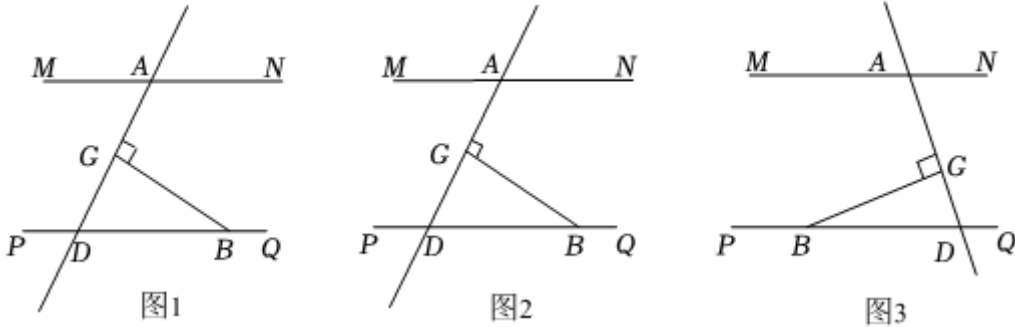
	x 只竖式箱子	y 只横式箱子
A 型板材张数 (张)	x	___

B 型板材张数 (张)	_____	3y
-------------	-------	----

② 恰好将库存板材用完时，能制作出竖式和横式的箱子各多少只。

(2) 若学校新购得 n 张规格为 $3 \times 3m$ 的 C 型正方形板材，将其中一张板材切割成了 3 张 A 型板材和 2 张 B 型板材，余下板材分成两部分，一部分全部切割成 A 型板材，另一部分全部切割成 B 型板材 (不计损耗)，用切割成的板材制作两种类型的箱子，要求竖式箱子制作 20 只，且材料恰好用完，则 n 的最小值是 _____，此时能制作横式箱子 _____ 只。

24. (问答题, 6 分) 如图 1, $MN \parallel PQ$, 直线 AD 与 MN 、 PQ 分别交于点 A 、 D , 点 B 在直线 PQ 上, 过点 B 作 $BG \perp AD$, 垂足为点 G .



(1) $\angle MAG + \angle PBG =$ _____ ;

(2) 若点 C 在线段 AD 上 (不与 A 、 D 、 G 重合), 连接 BC , $\angle MAG$ 和 $\angle PBC$ 的平分线交于点 H , 请在图 2 中补全图形, 猜想并证明 $\angle CBG$ 与 $\angle AHB$ 的数量关系;

(3) 若直线 AD 的位置如图 3 所示, 请直接写出 $\angle CBG$ 与 $\angle AHB$ 的数量关系 _____ .

25. (问答题, 6 分) 对于平面直角坐标系 xOy 中的图形 G 和点 P , 给出如下定义: 将图形 G 沿上、下、左、右四个方向中的任意一个方向平移一次, 平移距离小于或者等于 1 个单位长度, 平移后的图形记为 G' , 若点 P 在图形 G' 上, 则称点 P 为图形 G 的稳定点. 例如, 当图形 G 为点 $(-2, 3)$ 时, 点 $M(-1, 3)$, $N(-2, 3.5)$ 都是图形 G 的稳定点 (点 $M(-1, 3)$ 在图形 G 向右平移一个单位长度得到的图形 G' 上; 点 $N(-2, 3.5)$ 在图形 G 向上平移 0.5 单位长度得到的图形 G' 上).

(1) 已知点 $A(-1, 0)$, $B(3, 0)$.

① 在点 $P_1(-2, 0)$, $P_2(4, 0)$, $P_3(1, \frac{1}{2})$, $P_4(\frac{3}{2}, -\frac{3}{2})$ 中, 线段 AB 的稳定点是 _____ .

② 若将线段 AB 向上平移 t 个单位长度, 使得点 $E(0, 2)$ 或者点 $F(0, 7)$ 为线段 AB 的稳定点, 写出 t 的取值范围 _____ .

(2) 边长为 a 的正方形, 一个顶点是原点 O , 相邻两边分别在 x 轴、 y 轴的正半轴上, 这个正方形及其内部记为图形 G . 若以 $(0, 3)$, $(5, 0)$ 为端点的线段上的所有点都是这个图形 G 的稳定点, 直接写出 a 的最小值 _____ .

参考答案

1. 【正确答案】：D

【解析】：直接利用坐标系内点的坐标特点分别分析得出答案.

【解答】：解：A. y 轴上的点的横坐标为 0，正确，故此选项不合题意；

B. 平面直角坐标系中 (5, 3) 和 (3, 5) 表示不同的点，正确，故此选项不合题意；

C. 坐标轴上的点不属于任何象限，正确，故此选项不合题意；

D. 横、纵坐标符号相同的点一定在第一象限或第三象限，原说法错误，故此选项符合题意；

故选：D.

【点评】：此题主要考查了点的坐标，正确掌握点的坐标特点是解题关键.

2. 【正确答案】：C

【解析】：根据二次根式有意义的条件可求出 x 与 y 的值，然后代入原式即可求出答案.

【解答】：解：由题意可知：
$$\begin{cases} x+1 \geq 0 \\ -1-x \geq 0 \end{cases}$$

$\therefore x = -1$,

$\therefore (x+y)^2 = 0$,

$\therefore x+y = 0$,

$\therefore y = 1$,

$\therefore y-x = 1 - (-1) = 2$,

故选：C.

【点评】：本题考查二次根式有意义的条件，解题的关键是正确求出 x 与 y 的值，本题属于基础题型.

3. 【正确答案】：D

【解析】：方法一：用代入消元法解出 y；方法二：用加减消元法解出 y.

【解答】：解：方法一：
$$\begin{cases} 197x + 4y = 29 \text{①} \\ 197x = 19 - 2y \text{②} \end{cases}$$

把 ② 代入 ①，得

$19 - 2y + 4y = 29$,

解得 $y = 5$ ；

方法二：原方程组可化为
$$\begin{cases} 197x + 4y = 29 \text{①} \\ 197x + 2y = 19 \text{②} \end{cases}$$

① - ②，得 $2y = 10$,

解得 $y = 5$ ；

故选：D.

【点评】：本题考查了解二元一次方程组，掌握用代入消元法或加减消元法解二元一次方程组是解题关键.

4. 【正确答案】：D

【解析】：延长ED交BF于C，依据BA∥DE，即可得到 $\angle BCD = \angle B = 120^\circ$ ， $\angle FCD = 60^\circ$ ，再根据 $\angle FDE$ 是 $\triangle CDF$ 的外角，即可得出 $\angle 1 = \angle FDE - \angle DCF = 150^\circ - 60^\circ = 90^\circ$ 。

【解答】：解：如图，延长ED交BF于C，

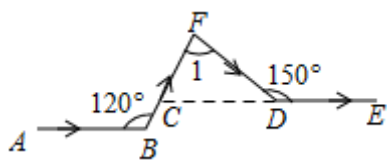
$\because BA \parallel DE$,

$\therefore \angle BCD = \angle B = 120^\circ$ ， $\angle FCD = 60^\circ$ ，

又 $\because \angle FDE$ 是 $\triangle CDF$ 的外角，

$\therefore \angle 1 = \angle FDE - \angle DCF = 150^\circ - 60^\circ = 90^\circ$ ，

故选：D.



【点评】：本题主要考查平行线的性质，掌握两直线平行，内错角相等是解题的关键。

5. 【正确答案】：A

【解析】：将坐标系中的x轴向上平移2个单位，即相当于将点A向下平移2个单位，根据左加右减，上加下减的规律求解即可。

【解答】：解：如果将x轴向上平移2个单位长度，则其纵坐标减少2，

\therefore 点P在新坐标系中的坐标是(1, -1)，

故选：A.

【点评】：本题考查了坐标与图形变化-平移，熟记左加右减，上加下减的规律是解题的关键。

6. 【正确答案】：B

【解析】：由 $OA \perp OB$ 即可得出 $\angle OAB + \angle ABO = 90^\circ$ 、 $\angle AOB = 90^\circ$ ，再根据角平分线的定义以及三角形内角和定理即可求出 $\angle P$ 的度数。

【解答】：解： $\because OA \perp OB$ ，

$\therefore \angle OAB + \angle ABO = 90^\circ$ ， $\angle AOB = 90^\circ$ 。

$\because AD$ 平分 $\angle CAO$ ，

$\therefore \angle DAO = \frac{1}{2} \angle OAC = \frac{1}{2} (180^\circ - \angle OAB)$ 。

$\because BD$ 平分 $\angle ABO$ ，

$\therefore \angle ABD = \frac{1}{2} \angle ABO$ ，

$\therefore \angle D = 180^\circ - \angle DAO - \angle OAB - \angle ABD = 180^\circ - \frac{1}{2} (180^\circ - \angle OAB) - \angle OAB - \frac{1}{2} \angle ABO = 90^\circ - \frac{1}{2} (\angle OAB + \angle ABO)$
 $= 45^\circ$ 。

故选：B.

【点评】：本题考查了三角形内角和定理，解题的关键是找出 $\angle P=90^\circ-\frac{1}{2}(\angle OAB+\angle ABO)$ 。本题属于基础题，难度不大，解决该题型题目时，熟练运用三角形内角和定理解决问题是关键

7.【正确答案】：D

【解析】：根据绝对值和数轴表示数的方法，可求出OA，OB的长，进而确定a、b的值，再代入计算即可。

【解答】：解： $\because |a-b|=2022$ ，即数轴上表示数a的点A，与表示数b的点B之间的距离为2022，也就是 $AB=2022$ ，

又 \because 且 $AO=2BO$ ，

$\therefore OB=674$ ， $OA=1348$ ，

\therefore 点A（表示整数a）在原点O的左侧，点B（表示整数b）在原点O的右侧，

$\therefore a=-1348$ ， $b=674$ ，

$\therefore a+b=-1348+674=-674$ ，

故选：D。

【点评】：本题考查数轴表示数，代数式求值以及绝对值的定义，掌握数轴表示数的方法，绝对值的定义是解决问题的前提。

8.【正确答案】：D

【解析】：根据“折线距离”的定义得到 $|-3-1|+|4-t|=8$ ，再求出t的值即可。

【解答】：解： \because 点P（-3，4），点Q（1，t）， $d(P, Q)=8$ ，

$\therefore |-3-1|+|4-t|=8$ ，

解得， $t=0$ 或 $t=8$ ，

故选：D。

【点评】：本题考查了坐标与图形性质，解题的关键是读懂材料，弄清楚“折线距离”的定义。

9.【正确答案】： $[1]-\frac{2}{5}$

【解析】：根据 $\sqrt[3]{5a-2}$ 与 $\sqrt[3]{2+2b}$ 互为相反数，得到被开方数互为相反数，化简即可得出答案。

【解答】：解： $\because \sqrt[3]{5a-2}$ 与 $\sqrt[3]{2+2b}$ 互为相反数，

$\therefore 5a-2+2+2b=0$ ，

$\therefore \frac{a}{b}=-\frac{2}{5}$ 。

故答案为： $-\frac{2}{5}$ 。

【点评】：本题考查了实数的性质，立方根，掌握 $\sqrt[3]{-a}=-\sqrt[3]{a}$ 是解题的关键。

10.【正确答案】：[1]三

【解析】：将k看作已知数求出方程组的解表示出x与y，即可做出判断。

【解答】：解：
$$\begin{cases} x+y=k \textcircled{1} \\ x-y=6-3k \textcircled{2} \end{cases}$$
，

① + ② 得: $x=3-k$,

将 $x=3-k$ 代入 ① 得: $y=2k-3$,

若点 P 在第三象限, 则有 $\begin{cases} 3-k < 0 \\ 2k-3 < 0 \end{cases}$,

此时不等式组无解,

则点 P 不可能在第三象限.

故答案为: 三.

【点评】: 此题考查了解二元一次方程组, 熟练掌握运算法则是解本题的关键.

11. 【正确答案】: [1] $(-3, 6)$ 或 $(-3, -6)$

【解析】: 根据点 P 在 y 轴的左侧, 点到 x 轴的距离等于纵坐标的绝对值, 到 y 轴的距离等于横坐标的绝对值解答.

【解答】: 解: \because 点 P 到 x 轴的距离为 6, 且它到 y 轴的距离是到 x 轴距离的一半,

\therefore 点 P 到 y 轴的距离是 3,

\therefore 点 P 在 y 轴左侧,

\therefore 点 P 的横坐标为 -3,

\therefore 点 P 到 x 轴的距离为 6,

\therefore 点 P 的纵坐标为 ± 6 ,

\therefore 点 P 的坐标为 $(-3, 6)$ 或 $(-3, -6)$,

故答案为: $(-3, 6)$ 或 $(-3, -6)$.

【点评】: 本题考查了点的坐标, 熟记点到 x 轴的距离等于纵坐标的绝对值, 到 y 轴的距离等于横坐标的绝对值是解题的关键.

12. 【正确答案】: [1] $\begin{cases} x = y + 6 \\ \frac{1}{2}x = y - 6 \end{cases}$

【解析】: 根据题意可得等量关系: 绳索长 = 竿长 + 6 尺, 竿长 = 绳索长的一半 + 6 尺, 根据等量关系可得方程组.

【解答】: 解: 由题意得: $\begin{cases} x = y + 6 \\ \frac{1}{2}x = y - 6 \end{cases}$.

故答案为: $\begin{cases} x = y + 6 \\ \frac{1}{2}x = y - 6 \end{cases}$.

【点评】: 此题主要考查了由实际问题抽象出二元一次方程组, 关键是正确理解题意, 找出题目中的等量关系, 设出未知数列方程.

13. 【正确答案】: [1] 40°

【解析】: 先根据平行线的性质得 $\angle BAC = \angle DEB = 80^\circ$, $\angle CAD = \angle ADE$, 再利用角平分线的定义得到 $\angle CAD = \frac{1}{2} \angle BAC = 40^\circ$, 于是可得到 $\angle ADE$ 的度数.

【解答】：解：∵DE || AC，

∴∠BAC=∠DEB=80°，∠CAD=∠ADE，

∵AD 是角平分线，

∴∠CAD= $\frac{1}{2}$ ∠BAC=40°，

∴∠ADE=40°.

故答案为：40°

【点评】：本题主要考查了平行线的性质，角平分线的定义，关键是根据平行线的性质求得∠BAC.

14. **【正确答案】**：[1]6

【解析】：直接利用三角形面积公式计算.

【解答】：解：∵A (2, m) , B (-3, n) , C (0, -2) ,

∴ $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times (0+3) \times (2+2) = 6.$

故答案为：6.

【点评】：本题考查了三角形的面积：三角形的面积等于底边长与高线乘积的一半，即 $S = \frac{1}{2} \times \text{底} \times \text{高}$. 也考查了坐标与图形性质.

15. **【正确答案】**：[1] (674, 0)

【解析】：根据图形可以发现规律，动点从原点 O 出发，每移动 6 次组成一个循环， $P_{6n} (2n, 0)$, $P_{6n+1} (2n, 1)$, $P_{6n+2} (2n+1, 1)$, $P_{6n+3} (2n+1, 0)$, $P_{6n+4} (2n+1, -1)$, $P_{6n+5} (2n+2, -1)$,

根据规律求解即可.

【解答】：解：由图可知，动点从原点 O 出发，每移动 6 次组成一个循环，

∴ $P_{6n} (2n, 0)$, $P_{6n+1} (2n, 1)$, $P_{6n+2} (2n+1, 1)$, $P_{6n+3} (2n+1, 0)$, $P_{6n+4} (2n+1, -1)$, $P_{6n+5} (2n+2, -1)$,

∴ $2022 = 337 \times 6$,

∴点 P_{2022} 的坐标是 (674, 0) ,

故答案为：(674, 0) .

【点评】：本题主要考查规律型：点的坐标，读懂题意，准确找到点的坐标规律是解答此题的关键.

16. **【正确答案】**：[1] $\frac{20}{3}$ 或-4

【解析】：根据线段的中点坐标公式即可得到结论.

【解答】：解：∵点 E (a-1, a) , F (b, a-b) ,

∴中点 G ($\frac{a-1+b}{2}$, $\frac{2a-b}{2}$) ,

∴中点 G 恰好位于 x 轴上，且到 y 轴的距离是 2，

$$\therefore \begin{cases} \frac{|a-1+b|}{2} = 2 \\ \frac{2a-b}{2} = 0 \end{cases},$$

$$\text{解得: } \begin{cases} a_1 = \frac{5}{3} \\ b_1 = \frac{10}{3} \end{cases}, \quad \begin{cases} a_2 = -1 \\ b_2 = -2 \end{cases},$$

$$\therefore 2a+b = \frac{20}{3} \text{ 或 } -4;$$

$$\text{故答案为: } \frac{20}{3} \text{ 或 } -4.$$

【点评】：此题考查坐标与图形性质，中点坐标公式，关键是根据线段的中点坐标公式解答。

17. 【正确答案】：

【解析】：（1）首先计算开立方和绝对值，然后从左向右依次计算，求出算式的值即可。

（2）首先计算开方和绝对值，然后从左向右依次计算，求出算式的值即可。

$$\begin{aligned} \text{【解答】：解：} & (1) 3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} - |3\sqrt{5} - 2\sqrt{3}| + \sqrt[3]{-27} \\ & = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} - (3\sqrt{5} - 2\sqrt{3}) + (-3) \\ & = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} - 3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} + (-3) \\ & = 4\sqrt{3} - 3. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (2) \sqrt{(3.14 - \pi)^2} - |2 - \pi| \\ & = \pi - 3.14 - (\pi - 2) \\ & = \pi - 3.14 - \pi + 2 \\ & = -1.14. \end{aligned}$$

【点评】：此题主要考查了实数的运算，解答此题的关键是要明确：在进行实数运算时，和有理数运算一样，要从高级到低级，即先算乘方、开方，再算乘除，最后算加减，有括号的要先算括号里面的，同级运算要按照从左到右的顺序进行。

18. 【正确答案】：

【解析】：（1）方程组整理后，利用加减消元法求出解即可；

（2）方程组整理后，利用加减消元法求出解即可。

$$\text{【解答】：解：} (1) \text{ 方程组整理得: } \begin{cases} x - 2y = 2 \text{ ①} \\ x + 3y = 12 \text{ ②} \end{cases},$$

$$\text{②} - \text{①} \text{ 得: } 5y = 10,$$

$$\text{解得: } y = 2,$$

$$\text{把 } y = 2 \text{ 代入 ① 得: } x - 4 = 2,$$

$$\text{解得: } x = 6,$$

$$\text{则方程组的解为 } \begin{cases} x = 6 \\ y = 2 \end{cases};$$

$$(2) \text{ 方程组整理得: } \begin{cases} 5(x + y) + 3(x - y) = 90 \text{ ①} \\ 5(x + y) - 3(x - y) = -30 \text{ ②} \end{cases},$$

① + ② 得: $10(x+y) = 60$, 即 $x+y=6$ ③,

① - ② 得: $6(x-y) = 120$, 即 $x-y=20$ ④,

③ + ④ 得: $2x=26$,

解得: $x=13$,

③ - ④ 得: $2y=-14$,

解得: $y=-7$,

则方程组的解为 $\begin{cases} x = 13 \\ y = -7 \end{cases}$.

【点评】: 此题考查了解二元一次方程组, 利用了消元的思想, 消元的方法有: 代入消元法与加减消元法.

19. 【正确答案】: 7

【解析】: (1) 根据平面直角坐标系中点的坐标的平移规律可得答案;

(2) 描点、连线即可;

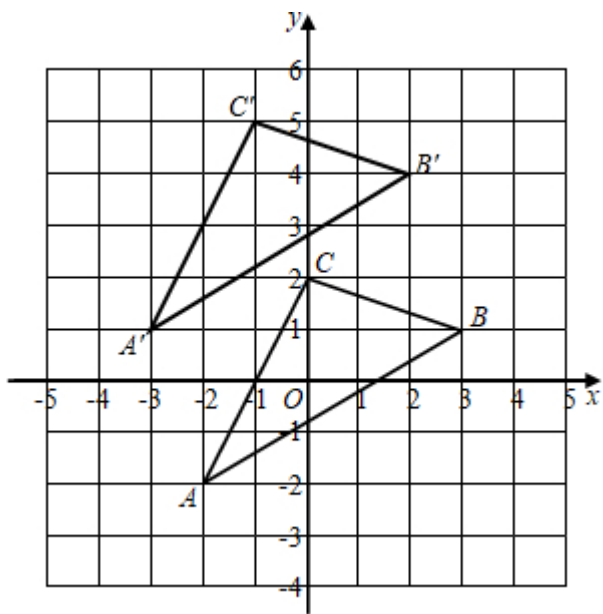
(3) 用矩形的面积减去四周三个三角形面积即可.

【解答】: 解: (1) 点 A (-2, -2) 的对应点 A' 的坐标为 (-2-1, -2+3), 即 (-3, 1);

点 B (3, 1) 的对应点 B' 的坐标为 (3-1, 1+3), 即 (2, 4);

点 C (0, 2) 的对应点 C' 的坐标为 (0-1, 2+3), 即 (-1, 5);

(2) 如图所示, $\triangle A'B'C'$ 即为所求.



(3) $\triangle A'B'C'$ 的面积为 $5 \times 4 - \frac{1}{2} \times 2 \times 4 - \frac{1}{2} \times 1 \times 3 - \frac{1}{2} \times 3 \times 5 = 7$,

故答案为: 7.

【点评】: 本题主要考查作图—平移变换, 解题的关键是掌握平移变换的定义与性质, 并据此得出变换后的对应点.

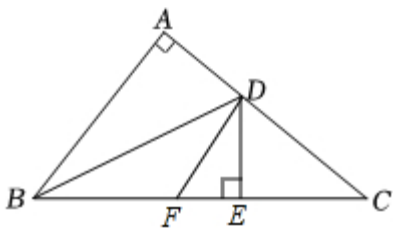
20. 【正确答案】: α

【解析】：（1）根据要求作出图形即可；

（2）利用三角形内角和定理求出 $\angle ABC$ ，再利用平行线的性质求出 $\angle DFE$ ，可得结论；

（3）解法类似（2）.

【解答】：解：（1）图形如图所示：



（2） $\because \angle A=90^\circ, \angle C=36^\circ,$

$\therefore \angle ABC=90^\circ-36^\circ=54^\circ,$

$\because DF \parallel AB,$

$\therefore \angle DFC=\angle ABC=54^\circ,$

$\because DE \perp CB,$

$\therefore \angle DEF=90^\circ,$

$\therefore \angle EDF=90^\circ-54^\circ=36^\circ;$

（3）当 $\angle C=\alpha$ ，同法可得 $\angle EDF=\alpha$.

故答案为： α .

【点评】：本题考查作图-复杂作图，平行线的性质，三角形内角和定理等知识，解题的关键是灵活运用所学知识解决问题，属于中考常考题型.

21. 【正确答案】：（8，6）； $\frac{8}{7}$

【解析】：（1）由 $AB=CD=8, AD=BC=6$ ，D点与原点重合，可求点B坐标；

（2）根据运动速度和时间，表示出BP，CQ，建立方程即可求出时间t；

（3）根据三角形的面积公式求出OQ即可.

【解答】：解：（1） \because 四边形ABCD是长方形， $AB=CD=8, AD=BC=6$ ，D点与原点重合，

\therefore 点B（8，6），

故答案为：（8，6）；

（2）由运动知， $AP=3t, CQ=4t,$

$\therefore BP=AB-AP=8-3t,$

$\because BP=CQ,$

$\therefore 4t=8-3t,$

$\therefore t=\frac{8}{7},$

\therefore 当t为 $\frac{8}{7}$ 时， $BP=CQ,$

故答案为： $\frac{8}{7}$ ；

(3) $\because \triangle ADQ$ 的面积为 9,

$$\therefore S_{\triangle ADQ} = \frac{1}{2} \times OQ \times AD = \frac{1}{2} \times OQ \times 6 = 9,$$

$$\therefore OQ = 3,$$

$$\therefore Q(3, 0) \text{ 或 } (-3, 0)$$

即: 当 Q 运动到距原点 3cm 位置时, 使 $\triangle ADQ$ 的面积为 9, 此时 Q 点的坐标 $(3, 0)$ 或 $(-3, 0)$.

【点评】: 此题是四边形综合题, 主要考查了坐标与图形性质, 矩形性质, 平行线的性质, 三角形的面积公式. 解本题的关键是根据题意表示出 AP, DQ, 是一道比较简单的中考常考题.

22. 【正确答案】: 1; 3.5; 16

【解析】: (1) 直接观察图形即可得出结论;

(2) 先根据图形得出图中格点三角形 ABC 的面积为 1, 格点四边形 DEFG 的面积为 3.5, 进而代入格点多边形的面积公式即可求出 a, b;

(3) 代入 (2) 中得出的格点多边形的面积公式即可得出结论.

【解答】: 解: (1) $\triangle ABC$ 的面积为 $\frac{1}{2} \times 2 \times 1 = 1$,

$$\text{四边形 DEFG 的面积为 } \frac{1}{2} \times (1+4) \times 2 - \frac{1}{2} \times 1 \times 1 - \frac{1}{2} \times 2 \times 1 = 3.5,$$

故答案为: 1, 3.5;

(2) 由 (1) 可得, 图中格点三角形 ABC 的面积为 1, 格点四边形 DEFG 的面积为 3.5,

\therefore 格点多边形的面积 $S = N + aL + b$,

\therefore 结合图中的格点三角形 ABC 及格点四边形 DEFG 可得,
$$\begin{cases} 3a + b = 1 \\ 2 + 5a + b = 3.5 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} a = \frac{1}{4} \\ b = \frac{1}{4} \end{cases};$$

(3) 由 (2) 知, $S = N + \frac{1}{4}L + \frac{1}{4}$,

$$\text{将 } N=14, L=7 \text{ 代入 } S = N + \frac{1}{4}L + \frac{1}{4}, \text{ 得 } S = 14 + \frac{7}{4} + \frac{1}{4} = 16.$$

故答案为: 16.

【点评】: 本题考查二元一次方程组的应用和新定义的理解, 也考查了学生分析、解决问题的能力, 注意区分多边形内部格点数和边界格点数是解本题的关键.

23. 【正确答案】: 2y; 4x; 35; 5

【解析】: (1) ① 根据题意做一个竖式箱子, 需 1 张 A 板, 4 张 B 板, 做一个横式箱子, 需 2 张 A 板, 3 张 B 板, 即可解答本题;

② 根据题意可以列出相应的二元一次方程组, 再解方程组即可解答本题;

(2) 根据题意可以列出相应的不等式, 从而可以解决问题.

【解答】: 解: (1) ① 如图所示: 做一个竖式箱子, 需 1 张 A 板, 4 张 B 板, 做一个横式箱子, 需 2 张 A 板, 3 张 B 板,

故答案为：4x，2y；

② ∵恰好将库存板材用完，根据题意，得

$$\begin{cases} x + 2y = 50 \\ 4x + 3y = 100 \end{cases},$$

解得 $\begin{cases} x = 10 \\ y = 20 \end{cases}$ ，

答：制作出竖式和横式的箱子各 20 只和 10 只；

(2) 设 C 型板有 x 张全部切成 A 板，则有 (n-x-1) 张全部切成 B 板，

且一张 3×3m 的 C 型板可以切成 3×3=9 张 A 型板或 3 张 B 型板，

得 (3+9x) 张 A 板，[2+3(n-x-1)]=(3n-3x-1) 张 B 板，

因为竖式箱子制作 20 只用掉 20 张 A 板，80 张 B 板，

则剩余 A 板 (9x-17) 张，B 板 (3n-3x-81) 张，

根据题意，得 $\frac{9x-17}{3n-3x-81} = \frac{2}{3}$ ，

整理，得 $n = \frac{11}{2}x + \frac{111}{6}$ ，

∵9x-17>0，

∴x > $\frac{17}{9}$ ，

∵3n-3x-81>0，

∴n > x+27，

$$\begin{cases} n = \frac{11}{2}x + \frac{111}{6} \\ n = x + 27 \end{cases},$$

解得 $\begin{cases} x = \frac{17}{9} \\ n = \frac{260}{9} \end{cases}$ ，

∴x > $\frac{17}{9}$ ，且 x 为整数，

∴x 取最小值为 2 时，代入 $n = \frac{11}{2}x + \frac{111}{6}$ ，得 $n = 11 + \frac{111}{6}$ (不符合题意，舍去)，

当 x=3 时，代入 $n = \frac{11}{2}x + \frac{111}{6}$ ，得 n=35，

∴x 取最小值为 3 时，n=35 最小。

此时，剩余 A 板 10 张，可以做 5 只横式板。

∴n 的最小值是 35，此时能制作横式箱子 5 只。

故答案为：35，5。

【点评】：本题考查一元一次不等式的应用、二元一次方程(组)的应用，解答本题的关键是明确题意，利用方程和不等式的性质解答。

24. 【正确答案】：90°; 2∠AHB+∠CBG=270°或 2∠AHB-∠CBG=270°

【解析】：(1) 依据平行线的性质以及三角形外角性质，即可得到∠MAG+∠PBG=90°；

(2) 分两种情况讨论：当点 C 在 AG 上时，依据平行线的性质以及三角形外角性质， $2\angle AHB - \angle CBG = 90^\circ$ ；当点 C 在 DG 上时，依据平行线的性质以及三角形外角性质， $2\angle AHB + \angle CBG = 90^\circ$ ；

(3) 分两种情况讨论：当点 C 在 AG 上时，依据平行线的性质以及三角形外角性质， $2\angle AHB + \angle CBG = 270^\circ$ ；当 C 在 DG 上时，依据平行线的性质以及三角形外角性质， $2\angle AHB - \angle CBG = 270^\circ$ 。

【解答】：解：(1) 如图 1， $\because MN \parallel PQ$ ，

$$\therefore \angle MAG = \angle BDG,$$

$\because \angle AGB$ 是 $\triangle BDG$ 的外角， $BG \perp AD$ ，

$$\therefore \angle AGB = \angle BDG + \angle PBG = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle MAG + \angle PBG = 90^\circ,$$

故答案为： 90° ；

(2) $2\angle AHB - \angle CBG = 90^\circ$ 或 $2\angle AHB + \angle CBG = 90^\circ$ ，证明：

① 如图，当点 C 在 AG 上时，

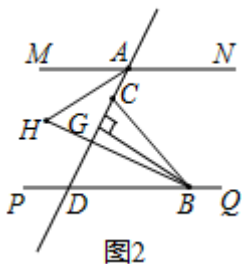


图2

$\because MN \parallel PQ$ ，

$$\therefore \angle MAC = \angle BDC,$$

$\because \angle ACB$ 是 $\triangle BCD$ 的外角，

$$\therefore \angle ACB = \angle BDC + \angle DBC = \angle MAC + \angle DBC,$$

$\because AH$ 平分 $\angle MAC$ ， BH 平分 $\angle DBC$ ，

$$\therefore \angle MAC = 2\angle MAH, \angle DBC = 2\angle DBH,$$

$$\therefore \angle ACB = 2(\angle MAH + \angle DBH),$$

同理可得， $\angle AHB = \angle MAH + \angle DBH$ ，

$$\therefore \angle ACB = 2(\angle MAH + \angle DBH) = 2\angle AHB,$$

又 $\because \angle ACB$ 是 $\triangle BCG$ 的外角，

$$\therefore \angle ACB = \angle CBG + 90^\circ,$$

$$\therefore 2\angle AHB = \angle CBG + 90^\circ, \text{ 即 } 2\angle AHB - \angle CBG = 90^\circ;$$

② 如图，当点 C 在 DG 上时，

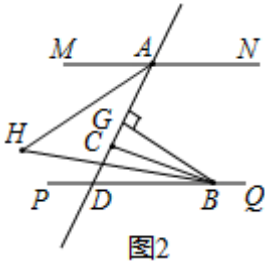


图2

同理可得， $\angle ACB=2\angle AHB$ ，

又 \because Rt $\triangle BCG$ 中， $\angle ACB=90^\circ-\angle CBG$ ，

$\therefore 2\angle AHB=90^\circ-\angle CBG$ ，即 $2\angle AHB+\angle CBG=90^\circ$ ；

(3) (2) 中的结论不成立. 存在： $2\angle AHB+\angle CBG=270^\circ$ 或 $2\angle AHB-\angle CBG=270^\circ$.

① 如图，当点 C 在 AG 上时，由 $MN \parallel PQ$ ，可得：

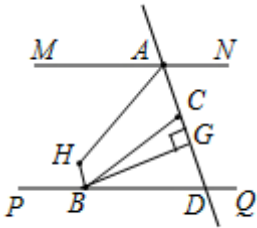


图3

$\angle ACB=360^\circ-\angle MAC-\angle PBC=360^\circ-2(\angle MAH+\angle PBH)$ ，

$\angle AHB=\angle MAH+\angle PBH$ ，

$\therefore \angle ACB=360^\circ-2\angle AHB$ ，

又 $\because \angle ACB$ 是 $\triangle BCG$ 的外角，

$\therefore \angle ACB=90^\circ+\angle CBG$ ，

$\therefore 360^\circ-2\angle AHB=90^\circ+\angle CBG$ ，

即 $2\angle AHB+\angle CBG=270^\circ$ ；

② 如图，当 C 在 DG 上时，

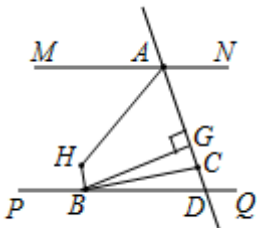


图3

同理可得， $\angle ACB=360^\circ-2(\angle MAH+\angle PBH)$ ，

$\angle AHB=\angle MAH+\angle PBH$ ，

$\therefore \angle ACB=360^\circ-2\angle AHB$ ，

又 \because Rt $\triangle BCG$ 中， $\angle ACB=90^\circ-\angle CBG$ ，

$\therefore 360^\circ-2\angle AHB=90^\circ-\angle CBG$ ，

$\therefore 2\angle AHB-\angle CBG=270^\circ$ ，

故答案为： $2\angle AHB + \angle CBG = 270^\circ$ 或 $2\angle AHB - \angle CBG = 270^\circ$.

【点评】：本题考查了作图-复杂作图，平行线的性质，角平分线的定义的运用，准确识图并理清图中各角度之间的关系是解题的关键，难点在于利用三角形外角性质进行计算.

25. 【正确答案】： $P_1, P_3; 1 \leq t \leq 3$ 或 $6 \leq t \leq 8; 4$

【解析】：(1) ① 画出图形，根据稳定点的定义即可判断.

② 画出图形，利用图象法解决问题即可.

(2) 画出图形利用图象法解决问题即可.

【解答】：解：(1) ① 如图 1 中，

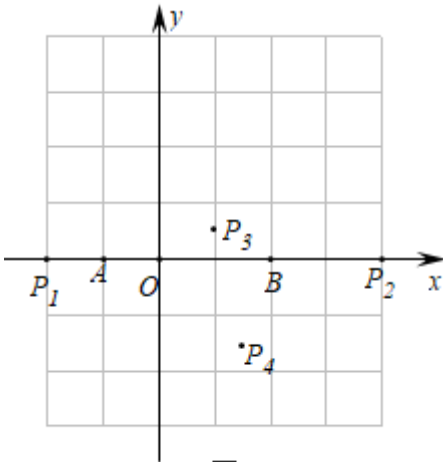


图1

观察图象，根据图形 G 的稳定点的定义可知： P_1, P_3 是线段 AB 的稳定点.

故答案为： P_1, P_3 ;

② 如图 2 中，

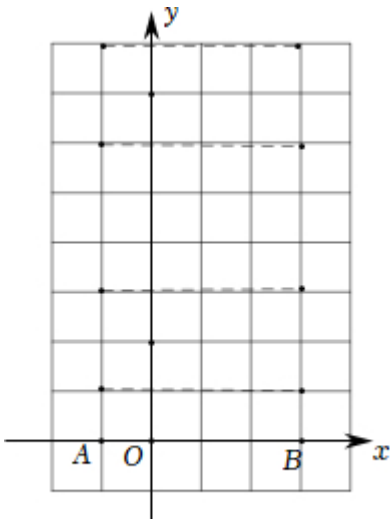


图2

观察图象可知当 $1 \leq t \leq 3$ 或 $6 \leq t \leq 8$ 时，点 E (0, 2) 或者点 F (0, 7) 为线段 AB 的稳定点.

故答案为： $1 \leq t \leq 3$ 或 $6 \leq t \leq 8$;

(2) 如图 3 中，正方形 OABC 的边长为 a，P (0, 3)，Q (5, 0)，

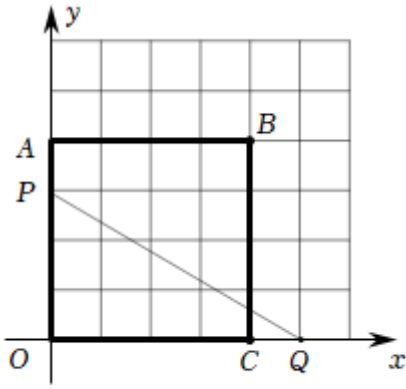


图3

观察图象可知当 $a \geq 4$ 时，线段 PQ 上的点都是图形 G 的稳定点.

$\therefore a$ 的最小值为 4，

故答案为 4.

【点评】：本题属于几何变换综合题，考查了正方形的性质，图形稳定点的定义等知识，解题的关键是理解题意，学会利用图象法解决问题.