

北京市西城区 2019—2020 学年度第一学期期末试卷  
 八年级数学答案及评分参考 2020.1



一、选择题 (本题共 30 分, 每小题 3 分)

|    |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 答案 | D | D | C | C | A | B | A | B | C | C  |

二、填空题 (本题共 20 分, 第 11~15 题每小题 2 分, 第 16、17 题每小题 3 分, 第 18 题 4 分)

11. -3. 12.  $\frac{1}{a^4b^5}$ . 13. 720. 14.  $1 \times 10^{-8}$ . 15.  $\frac{4a^6}{9b^2}$ .

16. (-2, 0) (1 分),  $y = -2x - 4$  (2 分).

17. (1) 45 (1 分); (2) BE (1 分), ABC, BDE (1 分).

18. 见图 1 (3 分). 不相同. (1 分)

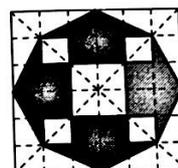


图 1

三、解答题 (本题共 50 分, 第 19~24 题每小题 6 分, 第 25 题、26 题每小题 7 分)

19. 解: (1)  $a^2b - 4b^3$  ..... 1 分  
 $= b(a^2 - 4b^2)$  .....  
 $= b(a + 2b)(a - 2b)$ . ..... 3 分

(2)  $y(2a - b) + x(b - 2a)$   
 $= y(2a - b) - x(2a - b)$  ..... 1 分  
 $= (2a - b)(y - x)$ . ..... 3 分

20. 解:  $(x + \frac{y^2 - 2xy}{x}) \div \frac{x^2 - y^2}{x}$   
 $= \frac{x^2 + y^2 - 2xy}{x} \cdot \frac{x}{x^2 - y^2}$  ..... 2 分  
 $= \frac{(x - y)^2}{x} \cdot \frac{x}{(x + y)(x - y)}$  ..... 4 分  
 $= \frac{x - y}{x + y}$ . ..... 5 分

当  $x = 4y$ , 且  $x, y$  均不为 0 时, 原式  $= \frac{x - y}{x + y} = \frac{4y - y}{4y + y} = \frac{3y}{5y} = \frac{3}{5}$ . ..... 6 分

21. 证明: 如图 2.

∵ 在  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC$ ,  
 ∴  $\angle B=\angle C$ . ..... 1 分  
 ∵  $D$  为  $BC$  的中点,  
 ∴  $BD=CD$ . ..... 2 分  
 在  $\triangle BDE$  与  $\triangle CDF$  中,

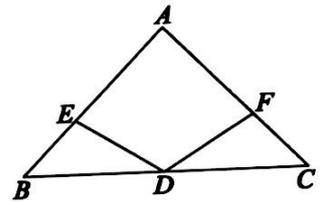


图 2

$$\begin{cases} BD=CD, \\ \angle B=\angle C, \\ BE=CF, \end{cases} \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

∴  $\triangle BDE \cong \triangle CDF$ . ..... 5 分  
 ∴  $DE=DF$ . ..... 6 分

22. 解: (1) ∵ 直线  $l_1$  与直线  $l_2$  的交点为  $M(3, a)$ ,

∴  $M(3, a)$  在直线  $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$  上, 也在直线  $y = kx$  上.

将  $M(3, a)$  的坐标代入  $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ , 得  $\frac{3}{2} + \frac{3}{2} = a$ .

解得  $a = 3$ . ..... 2 分

∴ 点  $M$  的坐标为  $M(3, 3)$ .

将  $M(3, 3)$  的坐标代入  $y = kx$ , 得  $3 = 3k$ .

解得  $k = 1$ . ..... 3 分

(2)  $x > 3$ . ..... 4 分

(3)  $B_1(\frac{3}{2}, 0)$ ,  $B_2(\frac{9}{2}, 0)$  (如图 3). ..... 6 分

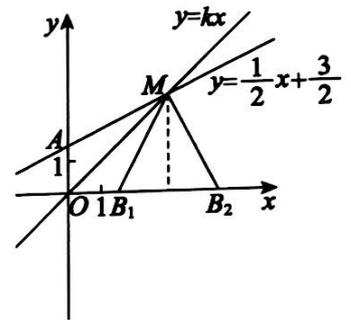


图 3

23. 解: 设 C2701 次列车在 A 段运行所用时间为  $t$ (h), 则在 B 段运行所用时间为  $1.5t$ (h).

..... 1 分

根据题意可得  $\frac{33}{1.5t} - \frac{15}{t} = 35$ . ..... 2 分

化简, 得  $\frac{22}{t} - \frac{15}{t} = 35$ .

方程两边乘以  $t$ , 得  $22 - 15 = 35t$ .

化简, 得  $35t = 7$ .

解得  $t = 0.2$ . ..... 3 分

经检验, 原分式方程的解为  $t = 0.2$ . ..... 4 分

$t = 0.2$  符合实际意义.

C2701 次从“北京西”站到“大兴机场”站所需要的时间为

$t + 1.5t = 2.5t = 2.5 \times 0.2 = 0.5$  (h). ..... 5 分

答: C2701 次从“北京西”站到“大兴机场”站全程需要 0.5 小时. .... 6 分





$$\begin{cases} AB = AC, \\ \angle 1 = \angle 2, \\ AD = AE, \end{cases}$$

$\therefore \triangle ABD \cong \triangle ACE$ . ..... 2分

$\therefore \angle B = \angle ACE$ . ..... 3分

(2) ①补全图形见图 8. .... 4分

证明： $\because$  点  $A$  关于直线  $CE$  的对称点为  $M$ ，点  $C$ ，点  $E$  在对称轴上，

$\therefore \triangle EMC \cong \triangle EAC$ .

$\therefore \angle EMC = \angle EAC$ .

$\therefore \angle EAC = \angle BAD$ ,

$\therefore \angle EMC = \angle BAD$ . ..... 5分

② 22.5. .... 6分

符合题意的图形见图 9. .... 7分

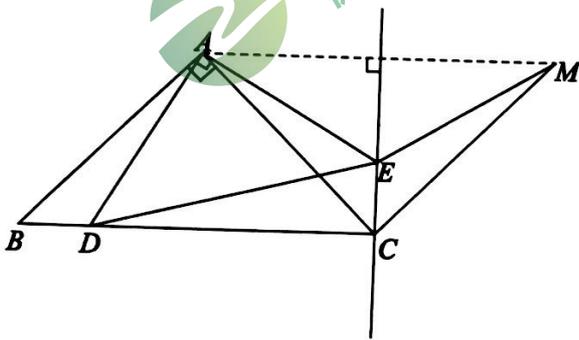


图 8

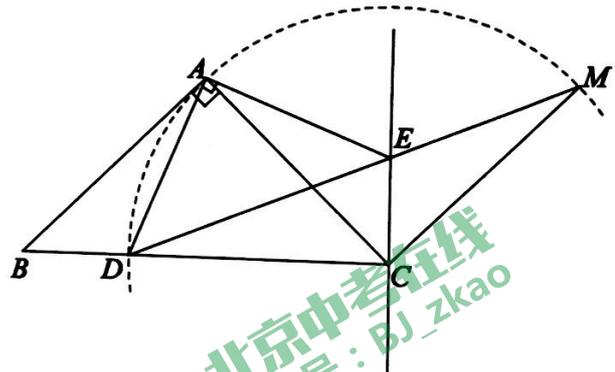


图 9

北京中考在线  
微信号：BJ\_zkao





# 北京市西城区 2019—2020 学年度第一学期期末试卷

## 八年级数学附加题答案及评分参考

2020.1

### 一、填空题 (本题 6 分)

解: (1)  $(-5) \times \frac{5}{6} = (-5) + \frac{5}{6}$ , ..... 1 分

$(-n) \cdot \frac{n}{n+1} = (-n) + \frac{n}{n+1}$ , ..... 3 分

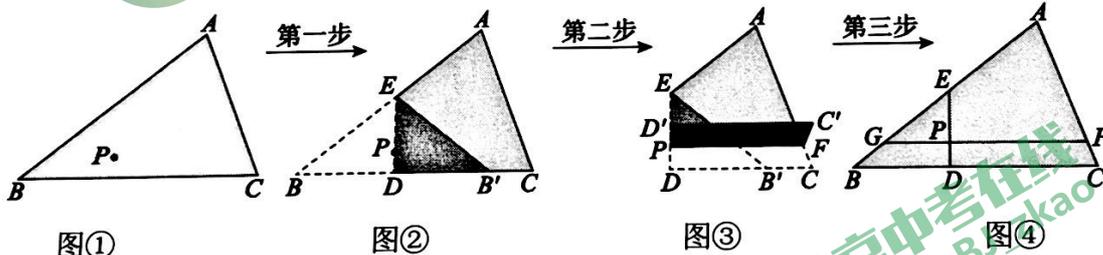
(2) 证明  $\because (-n) \cdot \frac{n}{n+1} = -\frac{n^2}{n+1}$ ,

$(-n) + \frac{n}{n+1} = \frac{-n(n+1)+n}{n+1} = \frac{-n^2-n+n}{n+1} = -\frac{n^2}{n+1}$ ,

$\therefore (-n) \cdot \frac{n}{n+1} = (-n) + \frac{n}{n+1}$ , ..... 6 分

### 二、操作题 (本题 7 分)

解:



(1) 90° ..... 1 分

(2) 过点 P 折叠纸片, 使得点 D 落在 PE 上, 落点记为 D', 折痕交原 AC 边于点 F.

..... 3 分

解: 由折叠过程可知  $\angle D'PF = \angle EPF = \angle DPF$ . ..... 4 分

$\because D', P, D$  三点共线,

$\therefore \angle D'PF + \angle DPF = 180^\circ$ .

$\therefore \angle D'PF = 90^\circ$ .

$\therefore \angle EPF = 90^\circ$ , ..... 5 分

完成操作中的说理:

$\because \angle EDC = 90^\circ, \angle EPF = 90^\circ,$

$\therefore \angle EDC = \angle EPF$ , ..... 6 分

$\therefore FG \parallel BC$ . ..... 7 分

三、解答题（本题 7 分）

解：(1) ①点  $P$ ； ..... 1 分

②答案不唯一，点  $S$  是点  $P$  关于点  $M$  的“正矩点”，点  $Q$  是点  $P$  关于点  $S$  的“正矩点”。 ..... 3 分

(2) ①符合题意的图形如图 1 所示，作  $CE \perp x$  轴于点  $E$ ， $CF \perp y$  轴于点  $F$ ，可得

$$\underline{\angle BFC = \angle AOB = 90^\circ}.$$

$\therefore$  直线  $y = kx + 3$  ( $k < 0$ ) 与  $x$  轴交于点  $A$ ，与  $y$  轴交于点  $B$ ，

$\therefore$  点  $B$  的坐标为  $B(0, 3)$ ， $A(-\frac{3}{k}, 0)$  在  $x$  轴的正半轴上。

$\therefore$  点  $A$  关于点  $B$  的“正矩点”为点  $C(x_C, y_C)$ ，

$\therefore \angle ABC = 90^\circ$ ， $\underline{BC = BA}$ 。

$\therefore \angle 1 + \angle 2 = 90^\circ$ 。

$\therefore \angle AOB = 90^\circ$ ，

$\therefore \angle 2 + \angle 3 = 90^\circ$ 。

$\therefore \underline{\angle 1 = \angle 3}$ 。

$\therefore \triangle BFC \cong \triangle AOB$

$\therefore FC = OB = 3$ 。

可得  $OE = 3$ 。

$\therefore$  点  $A$  在  $x$  轴的正半轴上且  $OA < 3$ ，

$\therefore x_C < 0$ 。

$\therefore$  点  $C$  的横坐标  $x_C$  的值为  $-3$ 。 ..... 5 分

②  $-3 \leq k < -\frac{3}{4}$ （如图 2）。 ..... 7 分

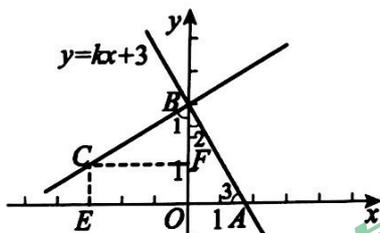


图 1

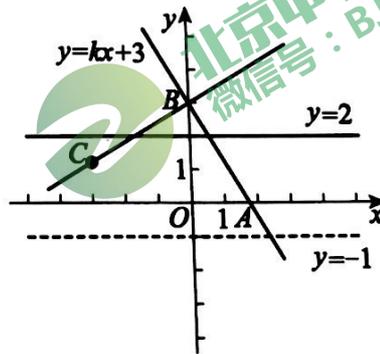


图 2

