

石景山区 2018 年初三统一练习二

数学试卷

学校 _____ 姓名 _____ 准考证号 _____

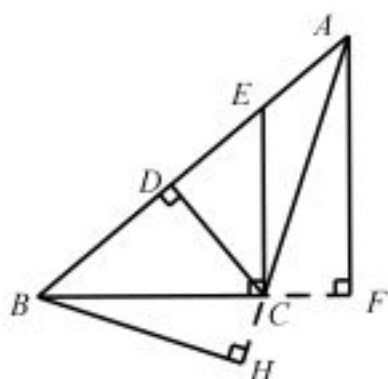
考生须知

1. 本试卷共 6 页，共三道大题，28 道小题，满分 100 分，考试时间 120 分钟。
2. 在试卷和答题卡上准确填写学校名称、姓名和准考证号。
3. 试卷答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。
4. 考试结束，将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

下面各题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. 数轴上的点 A 表示的数是 a ，当点 A 在数轴上向右平移了 6 个单位长度后得到点 B ，若点 A 和点 B 表示的数恰好互为相反数，则数 a 是
 (A) 6 (B) -6 (C) 3 (D) -3
2. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， BC 边上的高是
 (A) AF (B) BH (C) CD (D) EC



第 2 题图



第 3 题图

3. 如图是某个几何体的侧面展开图，则该几何体是
 (A) 三棱锥 (B) 四棱锥 (C) 三棱柱 (D) 四棱柱
4. 任意掷一枚骰子，下列情况出现的可能性比较大的是
 (A) 面朝上的点数是 6 (B) 面朝上的点数是偶数
 (C) 面朝上的点数大于 2 (D) 面朝上的点数小于 2
5. 下列是一组 logo 设计的图片，其中不是中心对称图形的是



(A)



(B)



(C)



(D)

6. 一个正方形的面积是 12，估计它的边长大小在
 (A) 2 与 3 之间 (B) 3 与 4 之间 (C) 4 与 5 之间 (D) 5 与 6 之间

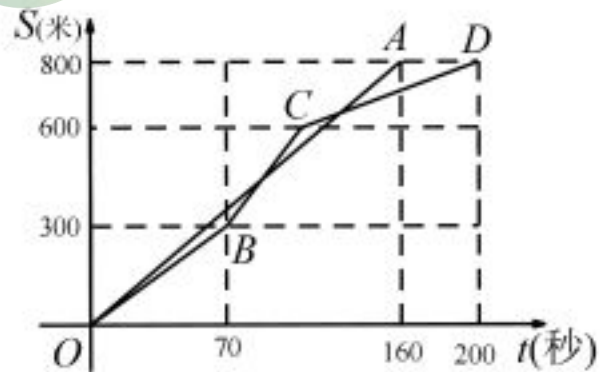
7. 某商场一名业务员 12 个月的销售额（单位：万元）如下表：

月份 (月)	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
销售额 (万元)	6.2	9.8	9.8	7.8	7.2	6.4	9.8	8	7	9.8	10	7.5

则这组数据的众数和中位数分别是

- (A) 10, 8 (B) 9.8, 9.8 (C) 9.8, 7.9 (D) 9.8, 8.1
8. 甲、乙两位同学进行长跑训练，甲和乙所跑的路程 S (单位：米) 与所用时间 t (单位：秒) 之间的函数图象分别为线段 OA 和折线 $OBCD$ 。则下列说法正确的是

- (A) 两人从起跑线同时出发，同时到达终点
 (B) 跑步过程中，两人相遇一次
 (C) 起跑后 160 秒时，甲、乙两人相距最远
 (D) 乙在跑前 300 米时，速度最慢



二、填空题 (本题共 16 分，每小题 2 分)

9. 分解因式： $x^3 - 2x^2 + x =$ _____.

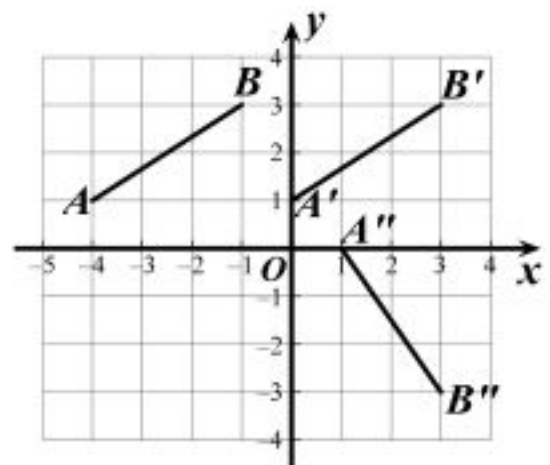
10. 若代数式 $\frac{x^2 - 4}{x + 2}$ 的值为 0，则实数 x 的值是_____.

11. 一次函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的图象过点 $(0, 2)$ ，且 y 随 x 的增大而减小，请写出一个符合条件的函数表达式：_____.

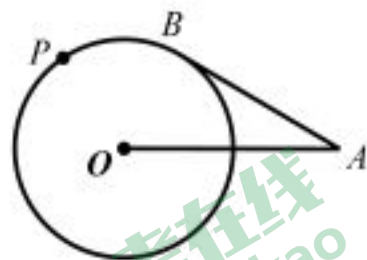
12. 某学校组织 600 名学生分别到野生动物园和植物园开展社会实践活动，到野生动物园的人数比到植物园人数的 2 倍少 30 人，若设到植物园的人数为 x 人，依题意，可列方程为_____.

13. 若 $2x^2 + 3y^2 - 5 = 1$ ，则代数式 $6x^2 + 9y^2 - 5$ 的值为_____.

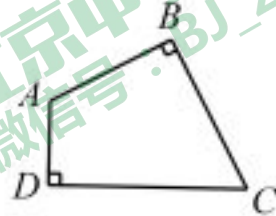
14. 如图，在平面直角坐标系 xOy 中，点 A 、 B 的坐标分别为 $(-4, 1)$ 、 $(-1, 3)$ ，在经过两次变化 (平移、轴对称、旋转) 得到对应点 A'' 、 B'' 的坐标分别为 $(1, 0)$ 、 $(3, -3)$ ，则由线段 AB 得到线段 $A'B'$ 的过程是：_____，由线段 $A'B'$ 得到线段 $A''B''$ 的过程是：_____.



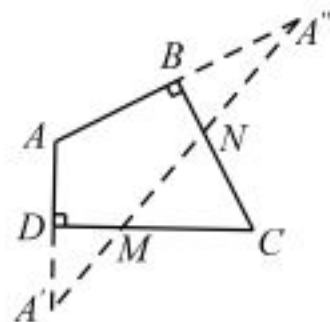
15. 如图, $\odot O$ 的半径为 2, 切线 AB 的长为 $2\sqrt{3}$, 点 P 是 $\odot O$ 上的动点, 则 AP 的长的取值范围是_____.



16. 已知: 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle ABC = \angle ADC = 90^\circ$, M 、 N 分别是 CD 和 BC 上的点.
求作: 点 M 、 N , 使 $\triangle AMN$ 的周长最小.
作法: 如图,



- (1) 延长 AD , 在 AD 的延长线上截取 $DA' = DA$;
(2) 延长 AB , 在 AB 的延长线上截取 $BA'' = BA$;
(3) 连接 $A'A''$, 分别交 CD 、 BC 于点 M 、 N .



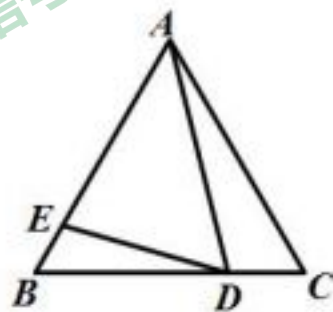
则点 M 、 N 即为所求作的点.
请回答: 这种作法的依据是_____.

三、解答题 (本题共 68 分, 第 17-22 题, 每小题 5 分; 第 23 题 6 分; 第 24、25 题, 每小题 5 分; 第 26、27 题, 每小题 7 分; 第 28 题 8 分). 解答应写出文字说明, 演算步骤或证明过程.

17. 计算: $(\frac{1}{2})^{-1} + \frac{1}{\sqrt{3}} - \tan 60^\circ - |\sqrt{3} - 2|$.

18. 解不等式 $\frac{x+2}{2} - \frac{4x-1}{6} \geq 1$, 并把它的解集在数轴上表示出来.

19. 如图, 在等边三角形 ABC 中, 点 D , E 分别在 BC , AB 上, 且 $\angle ADE = 60^\circ$.
求证: $\triangle ADC \sim \triangle DEB$.



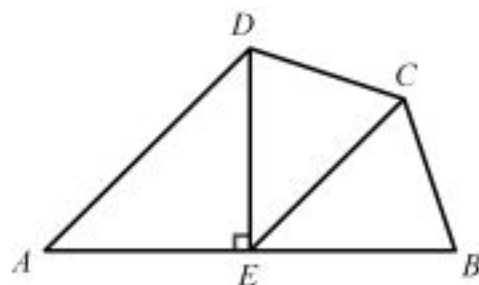
20. 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 + 2x + m = 0$.

- (1) 当 m 为何非负整数时, 方程有两个不相等的实数根;
(2) 在 (1) 的条件下, 求方程的根.

21. 如图, 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle A = 45^\circ$, $CD = BC$,

DE 是 AB 边的垂直平分线, 连接 CE .

- (1) 求证: $\angle DEC = \angle BEC$;
(2) 若 $AB = 8$, $BC = \sqrt{10}$, 求 CE 的长.



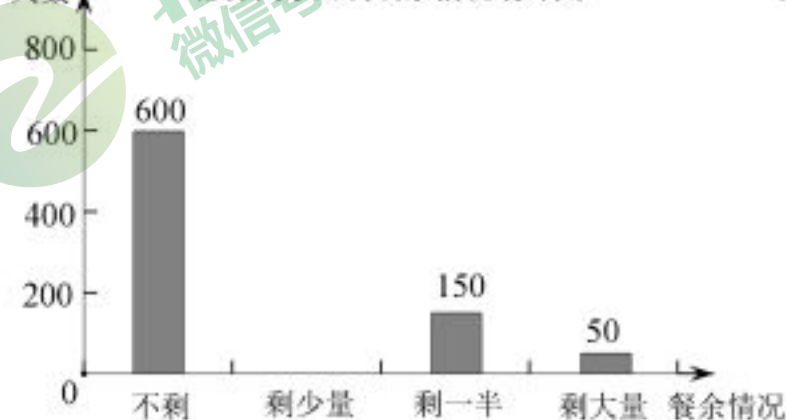
22. 在平面直角坐标系 xOy 中, 直线 $l_1: y = -2x + b$ 与 x 轴, y 轴分别交于点 $A(\frac{1}{2}, 0)$, B , 与反比例函数图象的一个交点为 $M(a, 3)$.

(1) 求反比例函数的表达式;

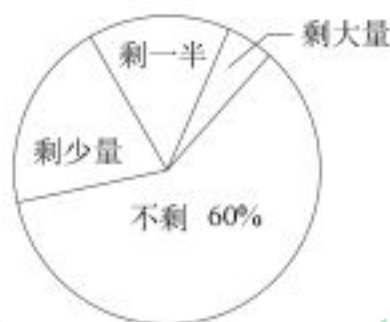
(2) 设直线 $l_2: y = -2x + m$ 与 x 轴, y 轴分别交于点 C, D , 且 $S_{\triangle OCD} = 3S_{\triangle OAB}$, 直接写出 m 的值_____.

23. 某校学生会发现同学们就餐时剩余饭菜较多, 浪费严重, 于是准备在校内倡导“光盘行动”, 让同学们珍惜粮食, 为了让同学们理解这次活动的重要性, 校学生会某天午餐后, 随机调查了部分同学这餐饭菜的剩余情况, 并将结果统计后绘制成了如图所示的不完整的统计图.

部分同学用餐剩余情况统计图



部分同学用餐剩余情况统计图



(1) 这次被调查的同学共有_____人;

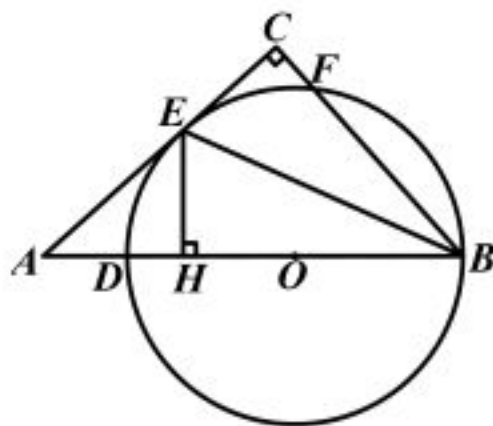
(2) 补全条形统计图, 并在图上标明相应的数据;

(3) 校学生会通过数据分析, 估计这次被调查的所有学生一餐浪费的食物可以供 50 人食用一餐. 据此估算, 该校 18 000 名学生一餐浪费的食物可供多少人食用一餐.

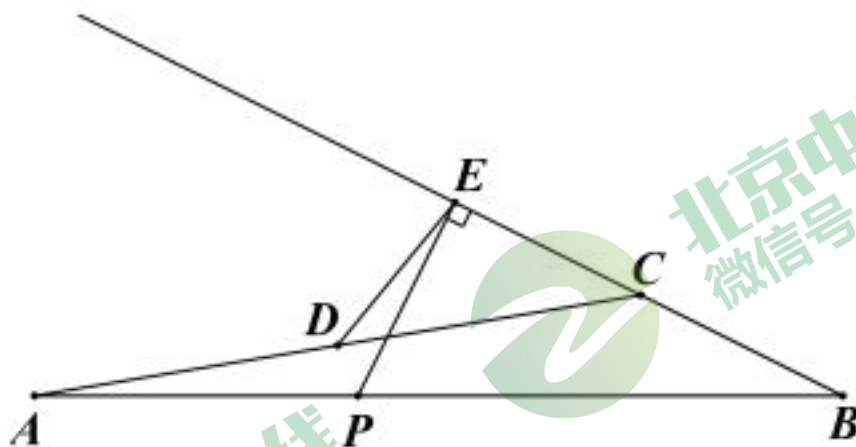
24. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 点 D 是 AB 边上一点, 以 BD 为直径的 $\odot O$ 与边 AC 相切于点 E , 与边 BC 交于点 F , 过点 E 作 $EH \perp AB$ 于点 H , 连接 BE .

(1) 求证: $EH = EC$;

(2) 若 $BC = 4$, $\sin A = \frac{2}{3}$, 求 AD 的长.



25. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB = 8\text{cm}$ ，点 D 是 AC 边的中点，点 P 是边 AB 上的一个动点，过点 P 作射线 BC 的垂线，垂足为点 E ，连接 DE 。设 $PA = x\text{cm}$ ， $ED = y\text{cm}$ 。



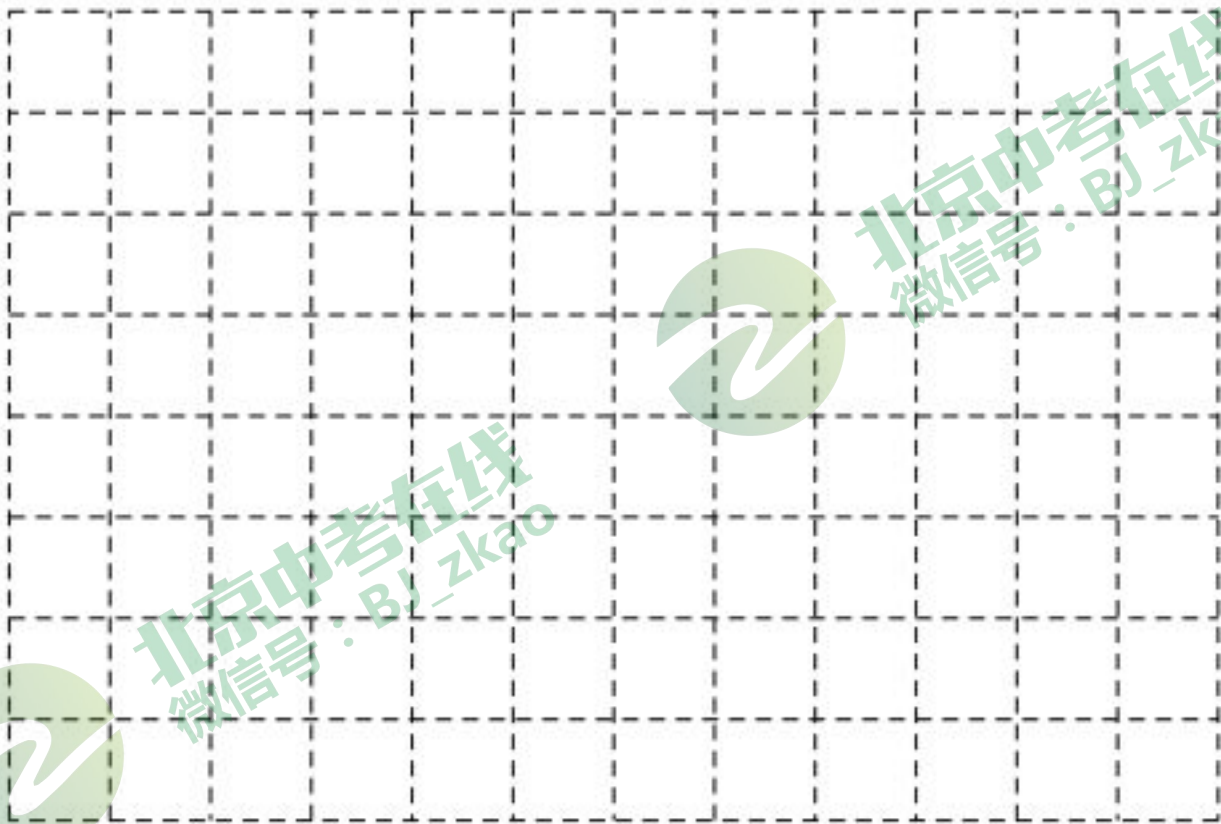
小石根据学习函数的经验，对函数 y 随自变量 x 的变化而变化的规律进行了探究。下面是小石的探究过程，请补充完整：

- (1) 通过取点、画图、测量，得到了 x 与 y 的几组值，如下表：

x/cm	0	1	2	3	4	5	6	7	8
y/cm	3.0	2.4	1.9	1.8	2.1		3.4	4.2	5.0

(说明：补全表格时相关数据保留一位小数)

- (2) 建立平面直角坐标系，描出以补全后的表中各对对应值为坐标的点，画出该函数的图象：



- (3) 结合画出的函数图象，解决问题：

点 E 是 BC 边的中点时， PA 的长度约为 _____ cm 。

26. 在平面直角坐标系 xOy 中, 抛物线 $y = ax^2 + 4x + c$ ($a \neq 0$) 经过点 $A(3, -4)$ 和 $B(0, 2)$.

(1) 求抛物线的表达式和顶点坐标;

(2) 将抛物线在 A 、 B 之间的部分记为图象 M (含 A 、 B 两点). 将图象 M 沿直线 $x = 3$ 翻折, 得到图象 N . 若过点 $C(9, 4)$ 的直线 $y = kx + b$ 与图象 M 、图象 N 都相交, 且只有两个交点, 求 b 的取值范围.

27. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC = 90^\circ$, $AB = BC = 4$, 点 M 是线段 BC 的中点, 点 N 在射线 MB 上, 连接 AN , 平移 $\triangle ABN$, 使点 N 移动到点 M , 得到 $\triangle DEM$ (点 D 与点 A 对应, 点 E 与点 B 对应), DM 交 AC 于点 P .

(1) 若点 N 是线段 MB 的中点, 如图 1.

① 依题意补全图 1;

② 求 DP 的长;

(2) 若点 N 在线段 MB 的延长线上, 射线 DM 与射线 AB 交于点 Q , 若 $MQ = DP$, 求 CE 的长.

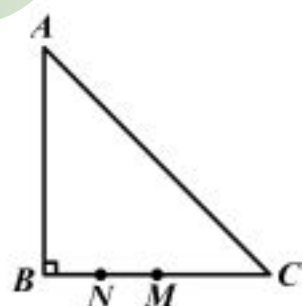
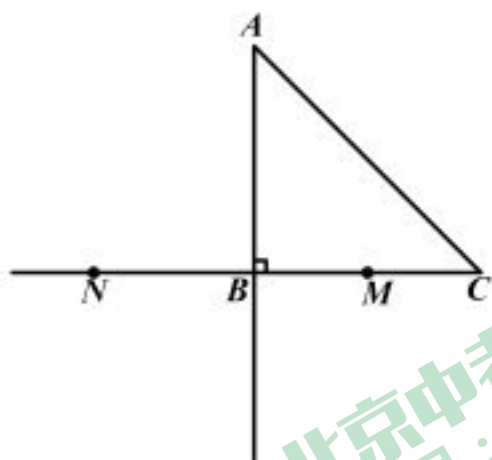


图 1



备用图

28. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于任意点 P , 给出如下定义: 若 $\odot P$ 的半径为 1, 则称 $\odot P$ 为点 P 的“伴随圆”.

(1) 已知, 点 $P(1, 0)$,

① 点 $A\left(\frac{1}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ 在点 P 的“伴随圆” _____ (填“上”或“内”或“外”);

② 点 $B(-1, 0)$ 在点 P 的“伴随圆” _____ (填“上”或“内”或“外”);

(2) 若点 P 在 x 轴上, 且点 P 的“伴随圆”与直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$ 相切, 求点 P 的坐标;

(3) 已知直线 $y = x + 2$ 与 x 、 y 轴分别交于点 A 、 B , 直线 $y = x - 2$ 与 x 、 y 轴分别交于点 C 、 D , 点 P 在四边形 $ABCD$ 的边上并沿 $AB \rightarrow BC \rightarrow CD \rightarrow DA$ 的方向移动, 直接写出点 P 的“伴随圆”经过的平面区域的面积.

石景山区 2018 年初三统一练习二 数学试卷答案及评分参考

阅卷须知：

1. 为便于阅卷，本试卷答案中有关解答题的推导步骤写得较为详细，阅卷时，只要考生将主要过程正确写出即可。
2. 若考生的解法与给出的解法不同，正确者可参照评分参考相应给分。
3. 评分参考中所注分数，表示考生正确做到此步应得的累加分数。

一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	D	A	B	C	A	B	C	C

二、填空题（本题共 16 分，每小题 2 分）

9. $x(x-1)^2$. 10. 2. 11. 答案不唯一. 如: $y = -x + 2$. 12. $x + (2x - 30) = 600$.
 13. 13. 14. 向右平移 4 个单位长度; 绕原点顺时针旋转 90° . 15. $2 \leq AP \leq 6$.
 16. ①线段垂直平分线的定义 (或线段垂直平分线的判定, 或轴对称的性质即对称点的连线段被对称轴垂直平分)
 ②线段垂直平分线上的点到线段两个端点的距离相等 (线段垂直平分线的性质);
 ③两点之间线段最短.

三、解答题（本题共 68 分，第 17-22 题，每小题 5 分；第 23 题 6 分；第 24、25 题，每小题 5 分；第 26、27 题，每小题 7 分；第 28 题 8 分）。解答应写出文字说明，演算步骤或证明过程。

17. 解：原式 $= 2 + \frac{\sqrt{3}}{3} - \sqrt{3} + \sqrt{3} - 2$ 4 分

$$= \frac{\sqrt{3}}{3}. \quad \text{.....5 分}$$

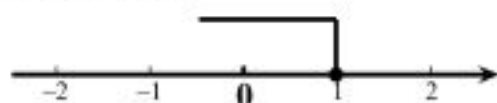
18. 解：去分母，得 $3(x+2) - (4x-1) \geq 6$ 1 分

去括号，得 $3x+6-4x+1 \geq 6$ 2 分

移项，合并同类项： $-x \geq -1$ 3 分

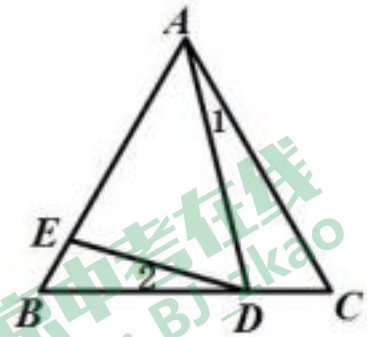
系数化为 1： $x \leq 1$4 分

把解集表示在数轴上：



.....5 分

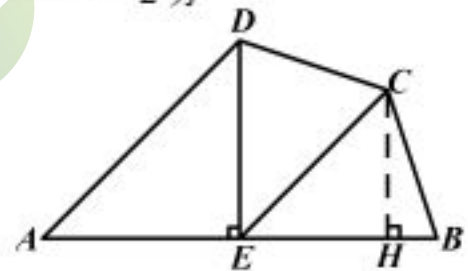
19. 证明: $\because \triangle ABC$ 是等边三角形, 1分
 $\therefore \angle B = \angle C = 60^\circ$, 2分
 $\therefore \angle ADB = \angle 1 + \angle C = \angle 1 + 60^\circ$, 3分
 $\because \angle ADE = 60^\circ$, 4分
 $\therefore \angle ADB = \angle 2 + 60^\circ$, 5分
 $\therefore \angle 1 = \angle 2$,
 $\therefore \triangle ADC \sim \triangle DEB$.



20. 解: (1) \because 方程有两个不相等的实数根, 1分
 $\therefore \Delta > 0$
 $\therefore 4 - 4m > 0$ 2分
 即 $m < 1$
 又 m 为非负整数,
 $\therefore m = 0$ 3分
 (2) 当 $m = 0$ 时, 原方程为 $x^2 + 2x = 0$,
 解得: $x_1 = 0, x_2 = -2$ 5分

21. (1) 证明: $\because DE$ 是 AB 边的垂直平分线, 1分
 $\therefore DE \perp AB, AE = EB = 4$,
 $\because \angle A = 45^\circ$,
 $\therefore DE = AE = EB$,
 又 $\because DC = CB, CE = CE$,
 $\therefore \triangle EDC \cong \triangle EBC$
 $\therefore \angle DEC = \angle BEC = 45^\circ$ 2分

- (2) 解: 过点 C 作 $CH \perp AB$ 于点 H ,
 可得, $CH = EH$,
 设 $EH = x$, 则 $BH = 4 - x$
 在 $\text{Rt} \triangle CHB$ 中,
 $CH^2 + BH^2 = BC^2$,
 即 $x^2 + (4 - x)^2 = 10$,
 解之, $x_1 = 3, x_2 = 1$ (不合题意, 舍), 4分
 即 $EH = 3$
 $\therefore CE = \sqrt{2}EH = 3\sqrt{2}$ 5分



22. 解: (1) \because 一次函数 $y = -2x + b$ 的图象过点 $A(\frac{1}{2}, 0)$,

$$\therefore 0 = -2 \times \frac{1}{2} + b.$$

\therefore 解得, $b = 1$.

\therefore 一次函数的表达式为 $y = -2x + 1$1分

\because 一次函数的图象与反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 图象交于点 $M(a, 3)$,

$\therefore 3 = -2a + 1$, 解得, $a = -1$2分

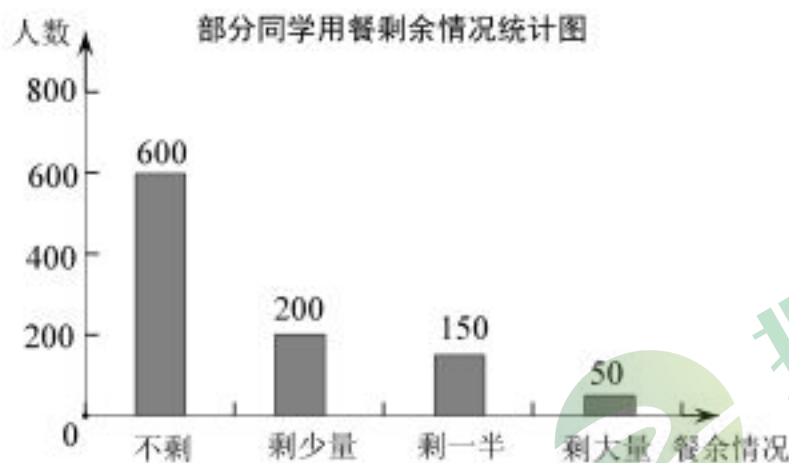
由反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 图象过点 $M(-1, 3)$, 得 $k = -3$.

\therefore 反比例函数的表达式为 $y = -\frac{3}{x}$3分

(2) $\sqrt{3}, -\sqrt{3}$5分

23. 解: (1) 1000;2分

(2)



(3) $18000 \times \frac{50}{1000} = 900$6分

答: 估计该校 18000 名学生一餐浪费的食物可供 900 人食用一餐.

24. (1) 证明: 连接 OE

$\because \odot O$ 与边 AC 相切

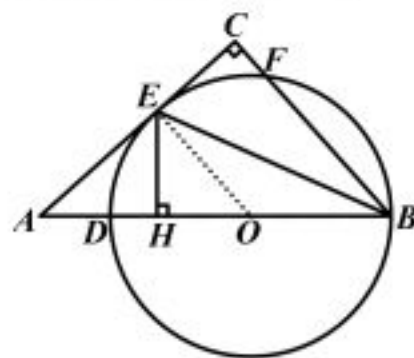
$\therefore OE \perp AC$

$\because \angle C = 90^\circ$

$\therefore OE \parallel BC$1分

$\therefore \angle OEB = \angle CBE$

$\because OB = OE$,



$\therefore \angle OEB = \angle OBE$

$\therefore \angle OBE = \angle CBE$

$\therefore EH \perp AB$

$\therefore EH = EC.$

.....2分

(2) 解: 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $BC = 4$, $\sin A = \frac{BC}{AB} = \frac{2}{3}$,

$\therefore AB = 6.$

.....3分

$\therefore OE \parallel BC$

$\therefore \frac{OE}{BC} = \frac{AO}{AB}$, 即 $\frac{OE}{4} = \frac{6 - OB}{6}$.

解得, $OB = \frac{12}{5}$

.....4分

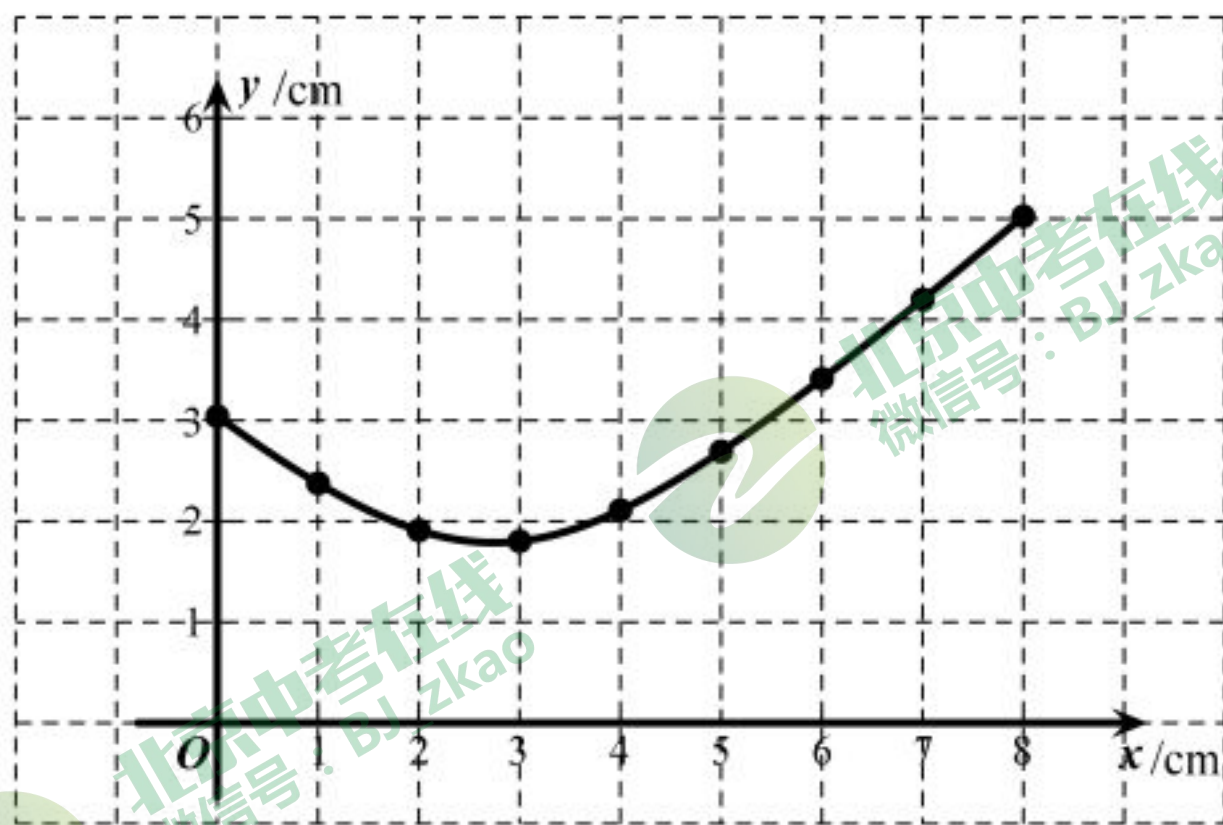
$\therefore AD = AB - BD = 6 - \frac{24}{5} = \frac{6}{5}$.

.....5分

25. 解: (1) 2.7

.....1分

(2)



.....4分

(3) 6.8

.....5分

26. 解: (1) \because 抛物线 $y = ax^2 + 4x + c (a \neq 0)$ 经过点 $A(3, -4)$ 和 $B(0, 2)$,

可得:
$$\begin{cases} 9a + 12 + c = -4 \\ c = 2 \end{cases}$$

解得： $\begin{cases} a = -2 \\ c = 2 \end{cases}$

∴ 抛物线的表达式为 $y = -2x^2 + 4x + 2$ 2分

∴ 顶点坐标为 $(1, 4)$ 3分

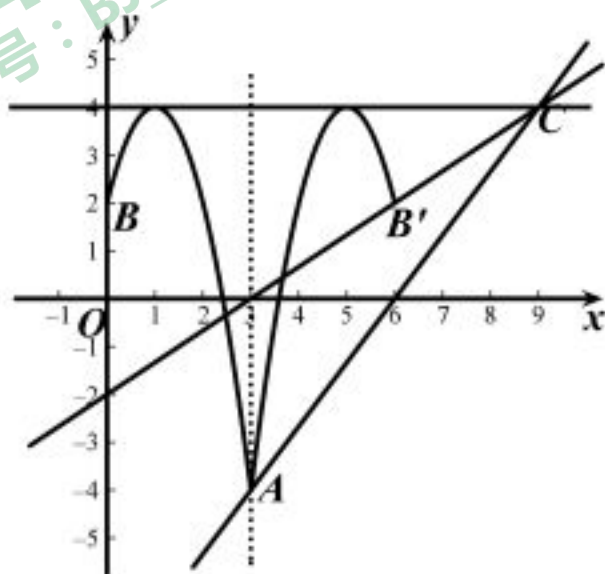
(2) 设点 $B(0, 2)$ 关于 $x = 3$ 的对称点为 B' , 则点 $B'(6, 2)$.

若直线 $y = kx + b$ 经过点 $C(9, 4)$ 和 $B'(6, 2)$, 可得 $b = -2$.

若直线 $y = kx + b$ 经过点 $C(9, 4)$ 和 $A(3, -4)$, 可得 $b = -8$.

直线 $y = kx + b$ 平行 x 轴时, $b = 4$.

综上, $-8 < b < -2$ 或 $b = 4$ 7分



27. 解: (1) ①如图 1, 补全图形. 1分

② 连接 AD , 如图 2.

在 $Rt\triangle ABN$ 中,

∵ $\angle B = 90^\circ$, $AB = 4$, $BN = 1$,

∴ $AN = \sqrt{17}$.

∵ 线段 AN 平移得到线段 DM ,

∴ $DM = AN = \sqrt{17}$,

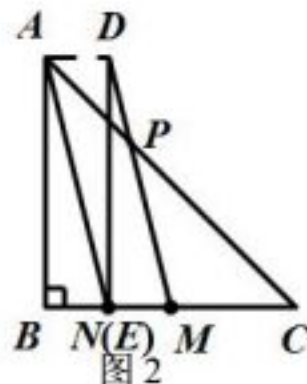
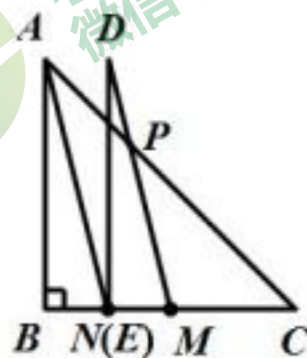
$AD = NM = 1$, $AD \parallel MC$,

∴ $\triangle ADP \sim \triangle CMP$.

∴ $\frac{DP}{MP} = \frac{AD}{MC} = \frac{1}{2}$.

∴ $DP = \frac{\sqrt{17}}{3}$ 3分

(2) 连接 NQ , 如图 3.



由平移知： $AN \parallel DM$ ， 且 $AN=DM$.

$$\therefore MQ = DP ,$$

$$\therefore PQ = DM .$$

$$\therefore AN \parallel PQ , \text{ 且 } AN=PQ .$$

\therefore 四边形 $ANQP$ 是平行四边形.

$$\therefore NQ \parallel AP .$$

$$\therefore \angle BQN = \angle BAC = 45^\circ .$$

又 $\because \angle NBQ = \angle ABC = 90^\circ$,

$$\therefore BN = BQ .$$

$$\therefore AN \parallel MQ ,$$

$$\therefore \frac{AB}{BQ} = \frac{NB}{BM} .$$

又 $\because M$ 是 BC 的中点， 且 $AB = BC = 4$,

$$\therefore \frac{4}{NB} = \frac{NB}{2} .$$

$$\therefore NB = 2\sqrt{2} \text{ (舍负)} .$$

$$\therefore ME = BN = 2\sqrt{2} .$$

$$\therefore CE = 2\sqrt{2} - 2 . \dots\dots\dots 7 \text{ 分}$$

(2) 法二， 连接 AD ， 如图 4.

设 CE 长为 x ，

\because 线段 AB 移动到得到线段 DE ，

$$\therefore AD = BE = x + 4 , AD \parallel BM .$$

$$\therefore \triangle ADP \sim \triangle CMP .$$

$$\therefore \frac{DP}{MP} = \frac{AD}{MC} = \frac{4+x}{2} .$$

$$\because MQ = DP ,$$

$$\therefore \frac{MQ}{QD} = \frac{DP}{2DP + MP} = \frac{4+x}{10+2x} .$$

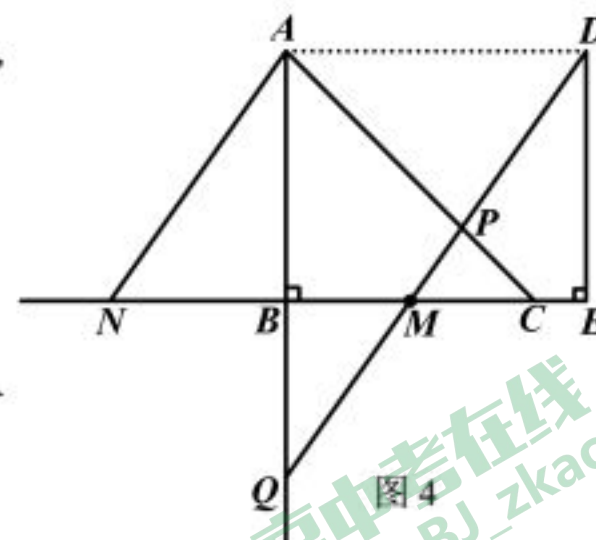
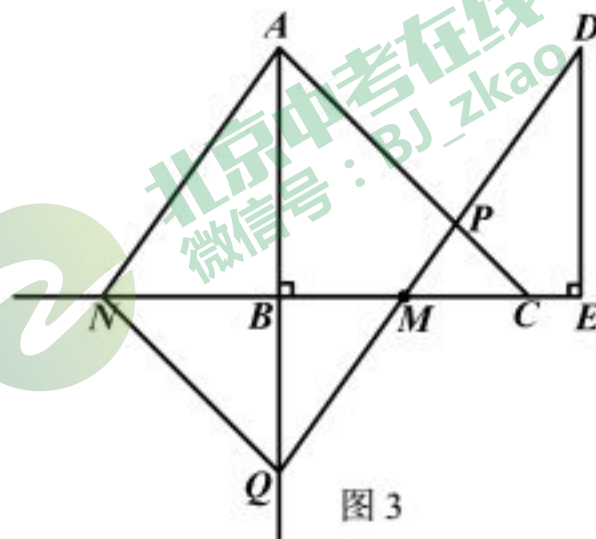
$$\because \triangle QBM \sim \triangle QAD ,$$

$$\therefore \frac{MQ}{QD} = \frac{BM}{AD} = \frac{2}{4+x} .$$

$$\text{解得 } x = 2\sqrt{2} - 2 .$$

$$\therefore CE = 2\sqrt{2} - 2 .$$

$\dots\dots\dots 7 \text{ 分}$



28. 解: (1) 上; 外;

..... 2分

(2) 连接 PH , 如图 1,

\because 点 P 的“伴随圆”与直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$ 相切,

$\therefore PH \perp OH$.

$\therefore PH = 1, \angle POH = 30^\circ$,

可得, $OP = 2$,

\therefore 点 $P(2,0)$ 或 $(-2,0)$;

..... 6分

(3) $16\sqrt{2} - 4 + \pi$. (可参考图 2)

..... 8分

