

通州区 2019—2020 学年第一学期九年级期中学业水平质量检测

数学试卷

2019 年 11 月

学校 \_\_\_\_\_

班级 \_\_\_\_\_

姓名 \_\_\_\_\_

考生须知

1. 本试卷共 6 页, 共三道大题, 28 个小题, 满分 100 分, 考试时间 120 分钟.
2. 在试卷和答题卡上准确填写学校、班级、姓名.
3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上, 在试卷上作答无效.
4. 在答题卡上, 选择题、画图题用 2B 铅笔作答, 其他试题用黑色字迹签字笔作答.
5. 考试结束后, 请将本试卷和答题卡一并交回.

一、选择题(本题共 8 个小题, 每小题 2 分, 共 16 分. 每小题只有一个正确选项)

1. 在函数  $y = -3x^2 + 2x - 1$  中, 其二次项系数、一次项系数和常数项分别为  
 A. 3, 2, -1      B. 3, -2, 1      C. -3, 2, -1      D. -3, -2, -1

2. 已知  $3a = 4b$ , 则  $\frac{a}{b}$  的值为

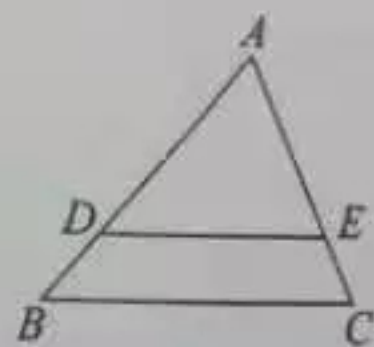
- A.  $\frac{3}{4}$       B.  $\frac{4}{3}$       C.  $\frac{3}{7}$       D.  $\frac{4}{7}$

3. 抛物线  $y = -(x+2)^2$  的顶点坐标为

- A. (-1, -2)      B. (-2, -1)      C. (2, 0)      D. (-2, 0)

4. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $DE \parallel BC$ ,  $AD = 3BD$ ,  $DE = 9$ , 则  $BC$  的长为

- A. 12  
 B. 16  
 C. 24  
 D. 36



5. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 点  $A(1, b)$  在双曲线  $y = \frac{2}{x}$  上, 点  $A$  关于  $y$  轴的对称点  $B$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象上, 则  $k$  的值为

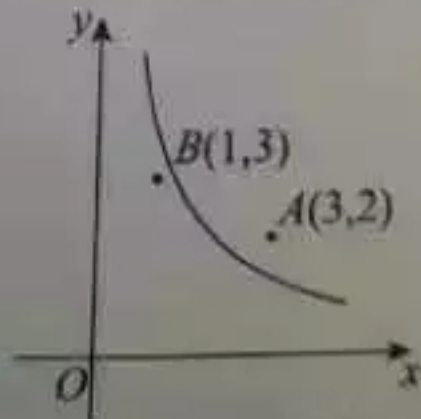
- A. -4      B. -2      C. 2      D. 4

6. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 抛物线  $y = -x^2 + ax + 1$  与  $y$  轴交于点  $A$ , 将点  $A$  向左平移两个单位长度, 得到点  $B$ . 若点  $B$  也在该抛物线上, 则  $a$  的值为

- A. -2      B. -1      C. 1      D. 2

7. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  在第一象限的图象如图所示. 下列数值中, 可能是  $k$  值的为

- A. -3  
 B. 2  
 C. 4  
 D. 6



8. 在关于  $n$  的函数  $S = an^2 + bn$  中,  $n$  为自然数. 当  $n = 9$  时,  $S < 0$ ; 当  $n = 10$  时,  $S > 0$ . 则当  $S$  的值最小时,  $n$  的值为

- A. 3      B. 4      C. 5      D. 6



二、填空题(本题共 8 个小题,每小题 2 分,共 16 分)

9. 抛物线  $y = -(x-1)(x+3)$  的对称轴为 \_\_\_\_\_

10. 写出一个图象与  $y$  轴没有交点的函数表达式: \_\_\_\_\_

11. 把二次函数表达式  $y = x^2 - 4x + 1$  化为  $y = (x-h)^2 + k$  的形式, 则  $h =$  \_\_\_\_\_,  $k =$  \_\_\_\_\_

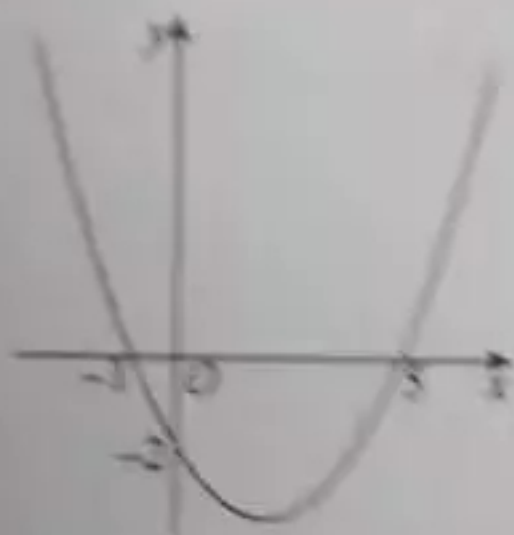
12. 如图, 点  $D$  为  $\triangle ABC$  的  $AB$  边上一点,  $AD=2$ ,  $DB=3$ . 若  $\triangle ABC \sim \triangle ACD$ , 则  $AC$  的长为 \_\_\_\_\_



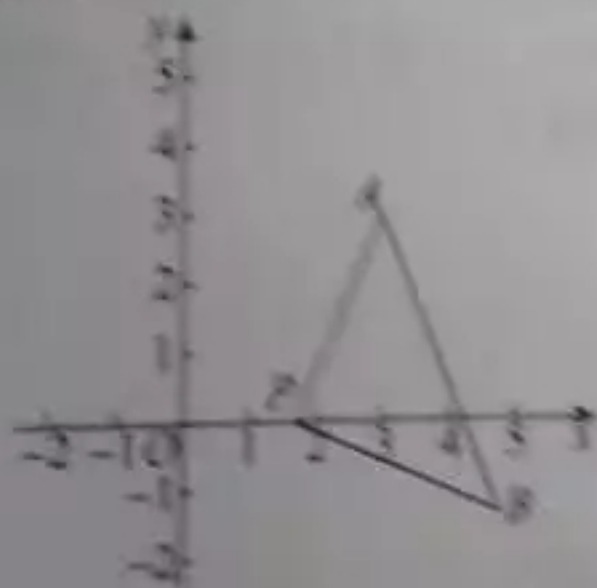
13. 已知点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ ,  $(x_3, y_3)$  在双曲线  $y = \frac{1}{x}$  上, 当  $x_1 < x_2 < 0 < x_3$  时,  $y_1, y_2, y_3$  的大小关系是 \_\_\_\_\_

14. 已知点  $A, B, C$  在同一条直线上, 且  $\frac{BC}{AB} = \frac{1}{3}$ , 则  $\frac{AC}{AB}$  的值为 \_\_\_\_\_

15. 已知关于  $x$  的二次函数  $y = ax^2 - bx - 2$  的图象如下图所示, 则关于  $x$  的方程  $ax^2 - bx = 0$  的根为 \_\_\_\_\_



16. 如图, 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 点  $A(3, 3)$ , 点  $P$  为  $x$  轴上任意一点, 且  $AP \perp PB$ ,  $AP = PB$ . 则在 ①  $(3, -3)$ , ②  $(-1, -4)$ , ③  $(6, 6)$ , ④  $(8, 2)$  这四个坐标中, 点  $B$  的坐标可以为 \_\_\_\_\_ (填序号).

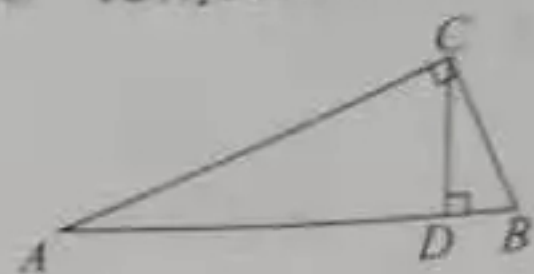


三、解答题(本题共 68 分, 第 17-21 题, 每小题 5 分, 第 22-24 题, 每小题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题, 每小题 7 分)

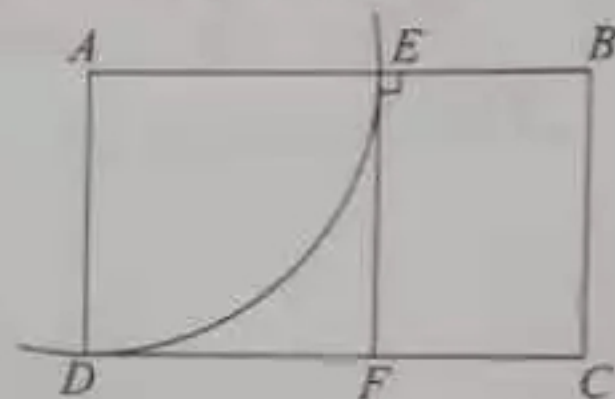
17. 求二次函数  $y = x^2 + 4x + 3$  的顶点坐标.



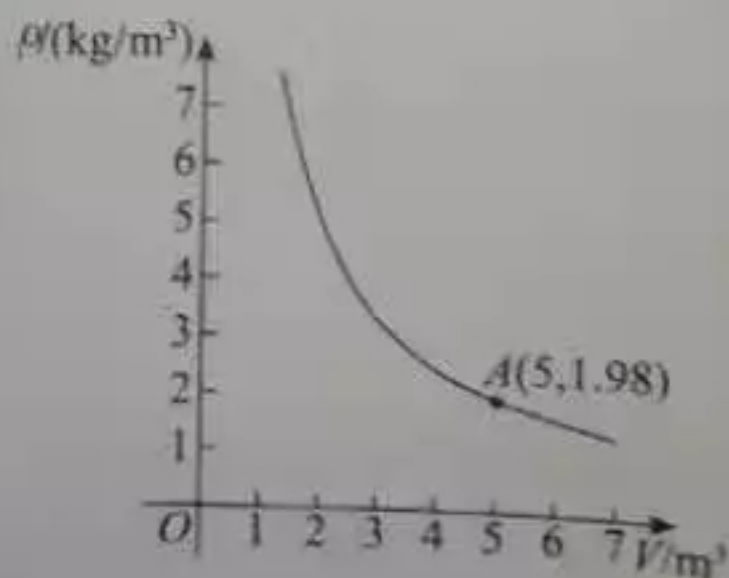
18. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $CD \perp AB$  于点  $D$ . 若  $BC=5$ ,  $AC=12$ , 求  $CD$  的长.



19. 如图, 以矩形  $ABCD$  的宽为边作正方形  $AEFD$ . 若矩形  $EBCF$  的宽与长的比值等于矩形  $ABCD$  的宽与长的比值, 则将矩形  $ABCD$  称为“黄金矩形”. 若  $AD=2$ , 求  $BE$  的长.

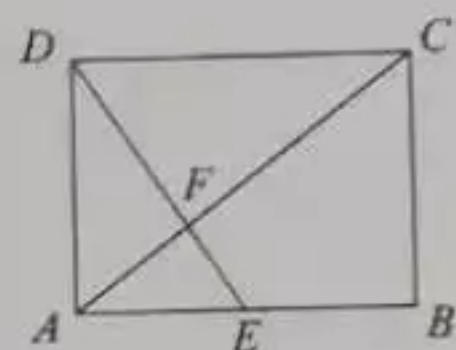


20. 密闭容器内有一定质量的二氧化碳, 当容器的体积  $V$  (单位:  $m^3$ ) 变化时, 气体的密度  $\rho$  (单位:  $kg/m^3$ ) 随之变化. 已知密度  $\rho$  与体积  $V$  是反比例函数关系, 它的图象如图所示. 当  $V=9 m^3$  时, 求二氧化碳的密度  $\rho$ .

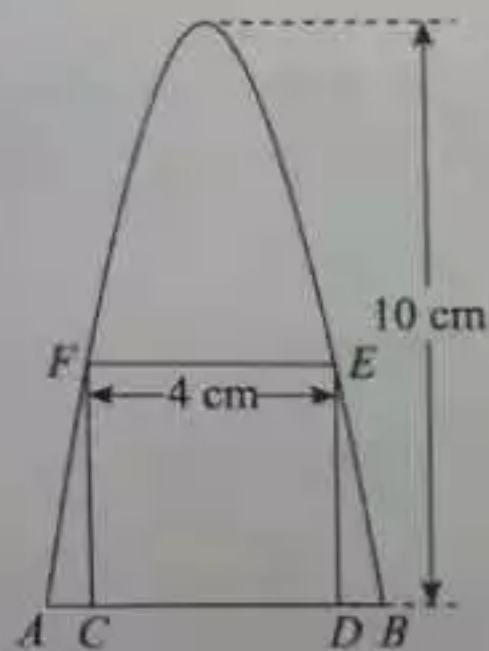


21. 已知函数  $y = x^2 + bx + c$  在  $x = 0$  和  $x = 4$  时的函数值相等, 且函数的最小值为  $-2$ , 求函数的表达式.

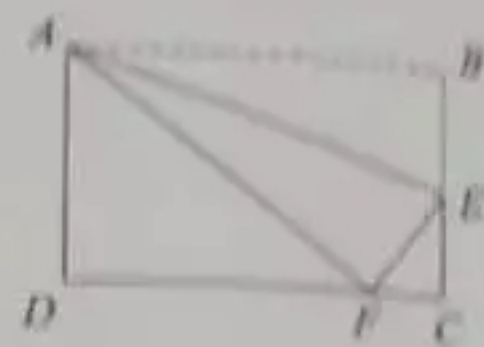
22. 如图, 在矩形  $ABCD$  中,  $E$  是边  $AB$  的中点, 连接  $DE$  交对角线  $AC$  于点  $F$ . 若  $AB = 8$ ,  $AD = 6$ , 求  $CF$  的长.



23. 有一块如图所示的铁片下脚料, 其中曲线是一条抛物线的一部分. 从该铁片下脚料上裁出了一个边长为  $4\text{ cm}$  的正方形  $CDEF$ , 该正方形的一边在线段  $AB$  上, 对边的端点在抛物线上. 建立平面直角坐标系, 求出抛物线的表达式.



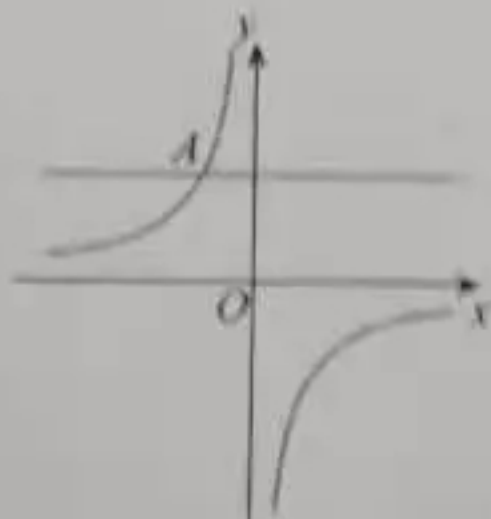
24. 将矩形纸片  $ABCD$  沿  $AE$  翻折, 使点  $B$  落在线段  $DC$  上, 对应的点为  $F$ . 若  $AB=5$ ,  $AD=3$ , 求  $AE$  的长.



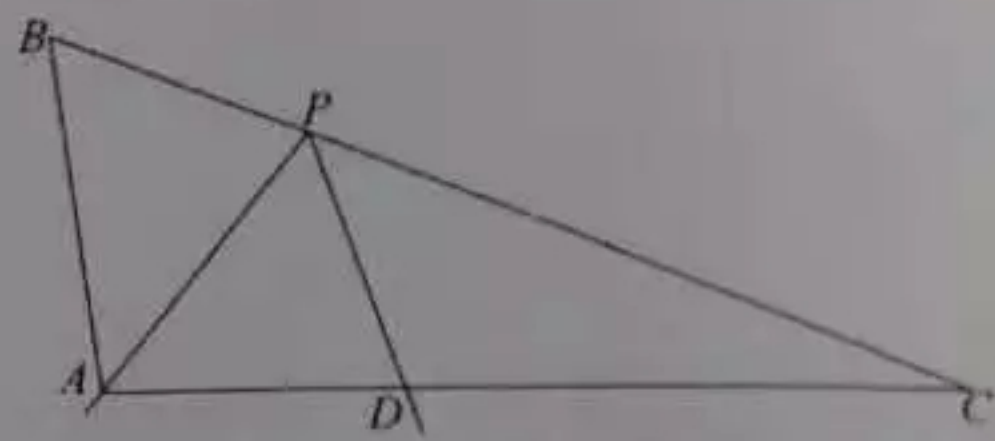
25. 如图, 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 直线  $y=2$  与反比例函数  $y=\frac{k}{x}$  交于点  $A(-1, n)$ .

(1) 求出反比例函数的表达式;

(2) 结合函数图象, 直接写出不等式  $-n < \frac{k}{x} < n$  的解集.



26. 如图, 在钝角  $\triangle ABC$  中, 点  $P$  为  $BC$  上的一个动点, 连接  $PA$ . 将射线  $PA$  绕点  $P$  逆时针旋转  $60^\circ$ , 交线段  $AC$  于点  $D$ . 已知  $\angle B=60^\circ$ ,  $BC=6.70$  cm, 设  $B, P$  两点间的距离为  $x$  cm,  $A, D$  两点间的距离为  $y$  cm.



小牧根据学习函数的经验, 对函数  $y$  随自变量  $x$  的变化而变化的规律进行了探究. 下面是小牧探究的过程, 请补充完整:

(1) 通过取点、画图、测量, 得到了  $x$  与  $y$  的几组值, 如下表:

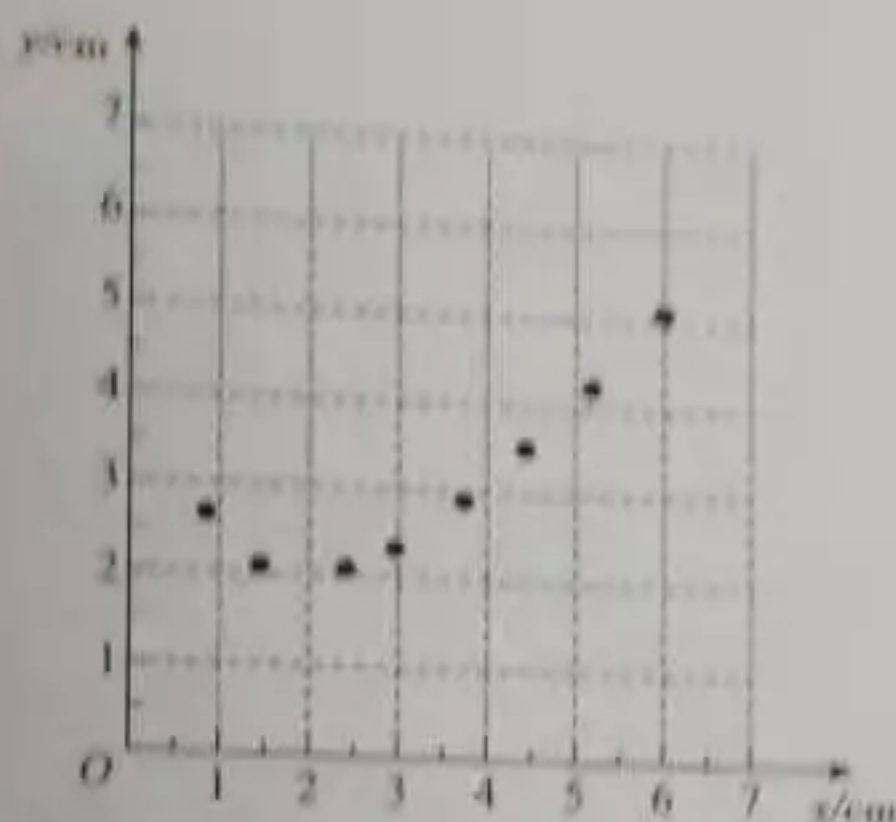
$x/cm$	...	0.87	1.47	2.44	2.99	3.76	4.46	5.20	6.00	6.70
$y/cm$	...	2.70	2.10	2.10	2.37	2.91	3.52	4.26	5.10	$m$

通过测量, 可以得到  $m$  的值为 \_\_\_\_\_;





(2) 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 描出以上表中各对对应值为坐标的点, 画出该函数的大致图象:



(3) 结合画出的函数图象, 解决问题: 当  $AD=5$  cm 时,  $BP$  的长度约为 \_\_\_\_\_ cm.

27. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 抛物线  $y=mx^2-2mx+m-1$  与  $x$  轴交于点  $A, B$ .

(1) 若  $AB=2$ , 求该抛物线的顶点坐标;

(2) 过点  $(0, 1)$  作与  $x$  轴平行的直线, 交抛物线于点  $M, N$ , 当  $MN \geq 2$  时, 结合函数图象, 求  $m$  的取值范围.

28. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 点  $P$  为平面内任意一点, 若过  $P$  分别作  $x$  轴,  $y$  轴的垂线, 则称这两条垂线段与  $x$  轴,  $y$  轴围成的图形面积为点  $P$  的“ $S$  值”.

(1) ①点  $A(2, 3)$  的“ $S$  值”为 \_\_\_\_\_;

②若点  $B$  为双曲线  $y=-\frac{5}{x}$  上任意一点, 则点  $B$  的“ $S$  值”为 \_\_\_\_\_;

(2) 已知直线  $y=-\frac{1}{2}x+2$  与  $x$  轴,  $y$  轴分别交于点  $M, N$ .

①若点  $C$  为线段  $MN$  上任意一点,  $C$  的“ $S$  值”为  $a$ , 求  $a$  的取值范围;

②若点  $C$  为直线  $MN$  上任意一点,  $C$  的“ $S$  值”为  $\sqrt{2}$ , 直接写出满足条件的点  $C$  的个数.

