



密云区 2018-2019 学年度第二学期初三零模试题参考答案

一、选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
1	A	C	C	D	B	A	C	B

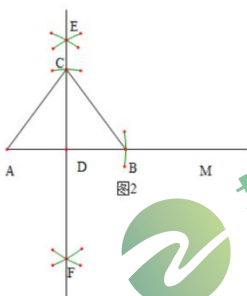
二、填空题 (本题共 16 分, 每小题 2 分)

9. < 10. $x \neq 2$ 11. 如 $a=1, b=1$ (本题答案不唯一) 12. 6

13. $\frac{960}{x} = \frac{1000}{x+1}$ 14. $\frac{\pi}{4}$ 15. 20° 16. (2, -1), 将 $\triangle AOB$ 沿直线 $y=x$ 翻折得到 $\triangle DOE$.

三、解答题 (共 68 分, 其中 17~22 题每题 5 分, 23~26 题每题 6 分, 27、28 题每题 7 分)

17. (1)



$AE=BE=AF=BF$,

\therefore 四边形 AEBF 为菱形.

AB 与 EF 交于点 D,

$\therefore EF \perp AB, AD=DB$.

点 C 在 EF 上,

$\therefore BC=AC$

(填写理由: 线段垂直平分线上的点到线段两端距离相等)

.....2 分

.....3 分

.....4 分

.....5 分

18. 原式 = $6 \cos 30^\circ - \sqrt{12} - (\frac{1}{2})^{-1} + \sqrt{3} - 2$

$= 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} - 2\sqrt{3} - 2 + 2 - \sqrt{3}$

$= 0$

.....4 分

.....5 分

19. 解不等式组: $\begin{cases} 3(x-1) > x+1 & \text{①} \\ \frac{2x+5}{3} < x+2 & \text{②} \end{cases}$

解: 由①得 $3x-3 > x+1$

解得: $x > 2$

由②得: $2x+5 < 3x+6$

.....1 分

.....2 分

.....3 分

解得: $x > -1$ 4分

\therefore 不等式组的解集为 $x > 2$ 5分

20.

(1) 证明:

\because 四边形 ABCD 为菱形

$\therefore AC \perp BD, OA = OC$

$\therefore \angle DOC = 90^\circ$

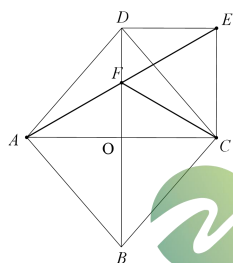
$\because DE \parallel AC, DE = \frac{1}{2} AC$

\therefore 四边形 DOCE 为平行四边形

又 $\because \angle DOC = 90^\circ$

\therefore 四边形 DOCE 为矩形

(2)



$\because OF \parallel CE, O$ 是 AC 中点

$\therefore F$ 为 AE 中点

$\therefore CF = AF = EF$

$\because CF = CE = 1$

$\therefore CF = 1, AE = 2$

在 $Rt\triangle ACE$ 中, $\angle ACE = 90^\circ$,

$$\therefore AC = \sqrt{AE^2 - CE^2} = \sqrt{3}$$



.....2分

.....5分

21. (1) $\Delta = m^2 - 4n = m^2 - 4(m-2)$

$$= m^2 - 4m + 8$$

.....1分

$$= (m-2)^2 + 4 > 0$$

\therefore 方程总有两个不相等的实数根2分

(2) 令 $m=2$, 则 $n=0$ 3分

代入得 $x^2 + 2x = 0$ 解得 $x_1 = 0, x_2 = -2$ 5分

22.(1) 61分

$$(2) 1200 \times \frac{31}{40} = 930 \text{ (人)}$$

估计大赛后一个月该校学生一周诗词背 6 首 (含 6 首)3分

以上的人数为 930 人。

(3) 活动初 40 名学生平均背诵首数为 5.7, 活动 1 个月后 40 名学生平均背诵首数为 6.65;

活动初学生一周诗词诵背数量中位数为 6, 活动一个月后学生一周诗词诵背数量为 7;

根据以上数据分析, 该校经典诗词诵背系列活动效果好。

(本题答案不唯一, 从中位数、众数、平均数等多角度分析均可, 只要理由合理均给分)

.....5 分

23.

(1) 由已知, 直线 $y = kx + 3k$ 与函数 $y = \frac{m}{x} (x > 0)$ 交于 A

(3, 2) .

$$\therefore 3k + 3k = 2, 2 = \frac{m}{3}$$

$$\text{解得 } k = \frac{1}{3}, m = 6$$

.....2 分

(2) 由 (1), $k = \frac{1}{3}$, 故此直线表达式为 $y = \frac{1}{3}x + 1$

令 $x = 0$, 则 $y = 1$; 令 $y = 0$, 则 $x = -3$.

$\therefore P(-3, 0), Q(0, 1)$.

过点 A 作 $AD \perp y$ 轴, 垂足为 D.

$$\therefore S_{\triangle ABQ} = 2S_{\triangle POQ}$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times BQ \times AD = 2 \times OP \times OQ$$

$$\text{即 } \frac{1}{2} \times BQ \times 3 = 2 \times \frac{1}{2} \times 3 \times 2$$

$\therefore BQ = 2, \therefore B$ 点纵坐标为 3 或 -1.

.....6 分

24. 证明:

连结 OC.

$\because AB$ 为 $\odot O$ 直径, CD 为弦, $AB \perp CD$ 于 E

$\therefore CE = ED$

又 $\because OE = EB, \angle CEO = \angle BED$

$\therefore \triangle OCE \cong \triangle BDE$

$\therefore \angle OCE = \angle CDB$

$\because CF$ 切 $\odot O$ 于点 C

$\therefore \angle OCF = 90^\circ$

$\therefore \angle ODB + \angle OCF = 90^\circ$

$\therefore \angle CFD = 90^\circ$

即 $CF \perp FD$

.....3 分

(2) $\because OE = \frac{1}{2}OB, OB = OC$

.....6 分

$$\therefore OE = \frac{1}{2}OC$$

$$\therefore \text{在 Rt}\triangle OEC \text{ 中, } \sin \angle OCE = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \angle OCE = 30^\circ$$

$$\therefore \angle CDF = 30^\circ$$

$$\therefore FC = \frac{1}{2}CD$$

$$\text{即 } CE = FC = \sqrt{3}$$

$$\text{在 Rt}\triangle OEC \text{ 中, } OC = \frac{CE}{\cos \angle OCE} = \frac{\sqrt{3}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = 2$$

$$\text{在 Rt}\triangle OCF \text{ 中, } OF = \sqrt{OC^2 + CF^2} = \sqrt{7}$$

25. (1) 3.01分

(2)图略3分

(3) $0 \leq x \leq 2$ 或 $4 \leq x \leq 5$ 6分

$$\because Q(3, m) \text{ 在函数 } y = \frac{k}{x} (x > 0) \text{ 图象上}$$

$$\therefore m = 1$$

26. (1)

$$y = (x - m)^2 - 4 \therefore P(m, -4)$$

即顶点P的纵坐标为-4

(2) ①AB 长为定值.

$$\text{令 } y = 0, \text{ 则 } x^2 - 2mx + m^2 - 4 = 0$$

$$\text{则 } (x - m)^2 = 4$$

$$\text{解得 } x = m + 2 \text{ 或 } x = m - 2$$

$$\text{AB 长为: } m + 2 - (m - 2) = 4$$

②当 MA=5 时, 可求 A 点坐标为 (-3, 0) 或 (3, 0)

$$\therefore AB = 4,$$

$$\therefore \text{MA}=5 \text{ 时, } m = -1 \text{ 或 } m = 1$$

.....4分

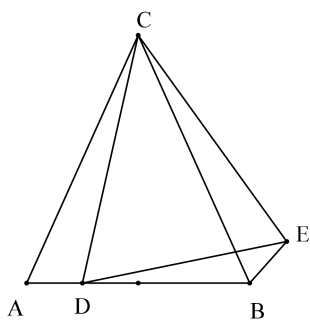
.....6分

$\because x_2 - x_1 + m = 4 + m$

结合图象可知， $x_2 - x_1 + m$ 的取值范围为

$x_2 - x_1 + m \leq -1$ 或 $x_2 - x_1 + m \geq 5$

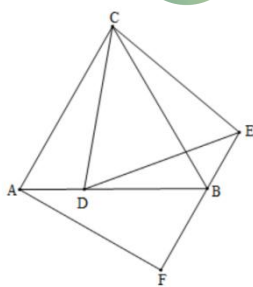
27. (1) 补全图形



AD 与 BE 的数量关系为 AD=BE.

.....2 分

(2)



$\because \angle ACB = \angle DCE = 60^\circ$,
 $\therefore \angle ACD = \angle BCE$
 又 $\because AC = BC, CD = CE$
 $\therefore \triangle ACD \cong \triangle BCE$
 $\therefore AD = BE, \angle CBE = \angle CAD = 60^\circ$
 $\therefore \angle ABF = 180^\circ - \angle ABC - \angle CBE = 60^\circ$

在 Rt $\triangle AFB$ 中, $\frac{AF}{AB} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\therefore BE + BD = \frac{\sqrt{3}}{2} AB$

.....7 分

28.

(1) ③

.....2 分

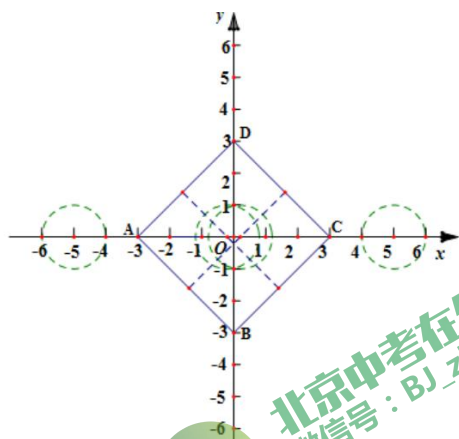
(2) 当直线经过 (0, 2) 时, 可求 $k = \frac{2}{3}$;

当直线经过 (0, -2) 时, 可求 $k = -\frac{2}{3}$,

运动观察可知, k 的取值范围为 $-\frac{2}{3} \leq k \leq \frac{2}{3}$

.....4 分

(3) 由题意, 满足 $d(0, P) = 3$ 的点是在以原点为中心, 对角线在坐标轴上, 且对角线长为 4 的正方形 ABCD 上 (如图)



当 M 在正方形 ABCD 外时, 若 $MA = 2$, 则 $t = -5$, 若 $MB = 2$, 则 $t = 5$,
当 M 在正方形 ABCD 内部时, 若 M 到正方形的边的距离恰好为 2,

则 $t = -3 + 2\sqrt{2}$ 或 $t = 3 - 2\sqrt{2}$

运动观察可知, t 的取值范围为

$-5 \leq t \leq -3 + 2\sqrt{2}$ 或 $3 - 2\sqrt{2} \leq t \leq 5$



.....7 分

