

# 2022 北京育才学校初一（上）期中

## 数 学



### 一、选择题（每小题 2 分，共 20 分）

1. 如果以北为正方向，向北走 8 米记作 +8 米，那么 -2 米表示（ ）  
A. 向北走 2 米      B. 向西走 2 米  
C. 向南走 2 米      D. 向东走 2 米
2. 2022 年 6 月 5 日上午 10 时 44 分 07 秒，搭载神州十四号载人飞船的长征二号 F 遥十四运载火箭，在酒泉卫星发射中心发射升空，顺利将 3 名中国航天员送入太空，3 名航天员将在距离地球约 388600 米的中国空间站驻留 6 个月。数字 388600 用科学记数法表示为（ ）  
A.  $3886 \times 10^2$       B.  $388.6 \times 10^3$   
C.  $38.86 \times 10^4$       D.  $3.886 \times 10^5$
3. 某市某天的最高气温为  $5^{\circ}\text{C}$ ，最低气温为  $-6^{\circ}\text{C}$ ，那么该市这天的最高气温比最低气温高（ ）  
A.  $-11^{\circ}\text{C}$       B.  $-6^{\circ}\text{C}$       C.  $11^{\circ}\text{C}$       D.  $6^{\circ}\text{C}$
4. 下列各式中错误的是（ ）  
A.  $2^2 = -2^2$       B.  $2^2 = (-2)^2$       C.  $(-2)^2 > 0$       D.  $(-3)^3 = -3^3$
5. 两个非零有理数的和为零，则它们的商是（ ）  
A. 不能确定      B. 0      C. 1      D. -1
6. 下列运算中正确的是（ ）  
A.  $5m^2 - 4m^2 = 1$       B.  $3a^2b - 3ba^2 = 0$   
C.  $3a + 2b = 5ab$       D.  $2x^3 + 3x^2 = 5x^5$
7. 我国是最早认识负数，并进行相关运算的国家，在古代数学名著《九章算术》里，就记载了利用算筹实施“正负术”的方法（如右图），图 1 表示的是计算  $3+(-4)$  的过程。按照这种方法，图 2 表示的过程应是（ ）  
A.  $(-5)+(-2)$       B.  $(-5)+2$       C.  $5+(-2)$       D.  $5+2$
8. 已知  $|x|=4$ ,  $|y|=5$ , 且  $x>y$ , 则  $2x-y$  的值为（ ）  
A. -13      B. 13      C. -3 或 13      D. 3 或 -13
9. 若  $x^2 - 3x$  的值为 2，则  $3x^2 - 9x - 3$  的值为（ ）  
A. 3      B. 9      C. 12      D. 15
10. 把四张形状大小完全相同的小长方形卡片（如图 1）不重叠地放在一个底面为长方形（长为  $a$ , 宽为  $b$ ）的盒子底部（如图 2），盒子底面未被卡片覆盖的部分用阴影表示，则图 2 中两块阴影部分的周长和是（ ）  
A.  $4a$       B.  $4b$       C.  $2(a+b)$       D.  $4(a-b)$





二、填空题（每小题 2 分，共 20 分）

11.  $-4$  的倒数是\_\_\_\_\_.

12. 数轴上表示  $-3$  的点到原点的距离是\_\_\_\_\_.

13. 比较大小：(1)  $-2 \underline{\quad} 6$ ; (2)  $-\frac{3}{2} \underline{\quad} -\frac{5}{4}$ .

14. 用四舍五入法将  $233.658$  精确到十分位，所得到的近似数为\_\_\_\_\_.

15. 写出一个只含有字母  $x, y$ ，最高次项系数为  $-2$ ，且常数项为  $9$  的三次二项式\_\_\_\_\_.

16. 已知  $-2a^{2m}b$  与  $7a^4b^{3-n}$  是同类项，则  $2m-n=$ \_\_\_\_\_.

17. 若  $|x+1|+(y-2)^2=0$ ，则  $2x-3y=$ \_\_\_\_\_.

18. 当  $k=$ \_\_\_\_\_时，多项式  $x^2+3kxy-3y^2-\frac{1}{3}xy-8$  中不含  $xy$  项.

19. 在有理数原有的运算法则中，我们补充定义新运算“ $\oplus$ ”如下：

①当  $a \geq b$  时， $a \oplus b = b^2$ ; ②当  $a < b$  时， $a \oplus b = a$ .

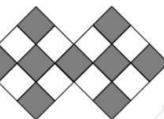
则当  $x=2$  时， $(1 \oplus x) \cdot x - (3 \oplus x)$  的值为\_\_\_\_\_.

20. 如图所示是一组有规律的图案，它们是由边长相等的小正方形组成，其中部分小正方形涂有阴影，按

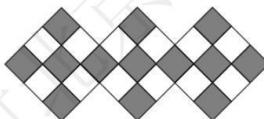
照这样的规律，第 4 个图案中有\_\_\_\_\_个涂有阴影的小正方形，第  $n$  个图案中有\_\_\_\_\_个涂有阴影的小正方形（用含有  $n$  的代数式表示）.



第1个图案



第2个图案



第3个图案

...

三、解答题：（共 60 分）

21. 计算（每小题 4 分，共 16 分）

$$(1) -3-4-(+11)-(-19); \quad (2) -36 \times \left(\frac{4}{9}-\frac{5}{6}+1\frac{1}{3}\right);$$

$$(3) 1\frac{2}{3} \times (-\frac{4}{9}) \times (-2.5) \div (-8\frac{1}{3}); \quad (4) -1^4 - (1-0.5) \times \frac{2}{5} \times [3+(-2)^3].$$

22. (本题 4 分) 在数轴上把下列有理数： $-4, 0, -2\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 2.5$  表示出来，并用“ $>$ ”把它们连接起来.





23. 化简 (每小题 4 分, 共 8 分)

(1)  $5x - y + 6x + 9y$ ; (2)  $2(y+1) - \frac{1}{3}(3-9y)$ .

24. 先化简, 再求值: (每小题 5 分, 共 10 分)

(1)  $4x^2y + 6xy - 2(4xy - 2) - x^2y$ , 其中  $x = -\frac{1}{2}$ ,  $y = 1$ .

(2) 已知  $x^2 + 3x - 2 = 0$ , 求  $4x^2 - y^2 - 2(x^2 - 3x - \frac{1}{2}y^2)$  的值.

25. (本题 7 分) 有 20 袋大米, 以每袋 30 千克为标准, 超过或不足的千克数分别用正负数来表述, 记录如下:

与标准质量的差值 (单位: 千克)	-3	1	0	2.5	-2	-1.5
袋数	1	2	3	8	4	2

- (1) 20 袋大米中, 最重的一袋比最轻的一袋重多少千克?  
(2) 与标准重量比较, 20 袋大米总计超过 (或不足) 多少千克?  
(3) 若大米每千克售价为 8.5 元, 出售这 20 袋大米可卖多少元?

26. (本题 7 分) 小光在一条东西方向的马路上行走, 向东走 5 米记作 +5 米.

- (1) 则向西走 10 米记作\_\_\_\_\_米;  
(2) 小光从出发点出发, 前 4 次行走依次记作 +5, -8, -7, +6 (单位: 米), 则他第 5 次需要向\_\_\_\_\_走\_\_\_\_\_米, 才能恰好回到出发点;  
(3) 小光从出发点出发, 将连续的 4 次行走依次记作  $m$ ,  $2m-1$ ,  $m-3$ ,  $2(2-m)$  (单位: 米). 如果此时他位于出发点西侧, 则  $m$  的取值范围是\_\_\_\_\_.  
此时小光共行走了多少米? (用含  $m$  的代数式表示, 并化简)



27. (本题8分) 唐代著名文学家韩愈曾赋诗：“天街小雨润如酥，草色遥看近却无。”当代印度著名诗人泰戈尔在《世界上最遥远的距离》中写道：“世界上最遥远的距离，不是瞬间便无处寻觅；而是尚未相遇，便注定无法相聚。”距离是数学、天文学、物理学中的热门话题，唯有对宇宙距离进行测量，人类才能掌握世界尺度。已知点P、Q在数轴上分别表示有理数p、q，P、Q两点的距离表示为

$$PQ = |p - q|.$$

阅读上述材料，回答下列问题：

- (1) 若数轴上表示x与3的两点之间的距离是4，则x=\_\_\_\_\_.
- (2) 当x的取值范围是多少时，代数式 $|x+2| + |x-3|$ 有最小值，最小值是多少？
- (3) 若未知数x，y满足 $(|x-1| + |x-3|)(|y-2| + |y+1|) = 6$ ，求代数式 $2x+y$ 的最大值，最小值分别是多少？



#### 附加题一：(本题5分)

出租车是一种便捷的出行工具，某市出租车计价规则如下表：

计费项目	起步价	里程费	时长费	远途费
单价	9元（包含里程3公里，时长9分钟）	2元/公里	0.4元/分钟	0.6元/公里（超过20公里后，加收远途费）

注：车费由起步价、里程费、时长费、远途费四部分构成。

例如，乘坐出租车，行车里程为25公里，行车时间为30分钟，则应付车费为：

$$9+2\times(25-3)+0.4\times(30-9)+0.6\times(25-20)=64.4 \text{ (元)}.$$

- (1) 小明乘坐出租车，行车里程为10公里，行车时间为20分钟，则他应付车费\_\_\_\_\_元。
- (2) 小亮乘坐出租车，行车里程为a公里，行车时间为b(b>9)分钟，用含a、b的代数式表示他应付的车费，并化简。
- ①若 $3 \leq a \leq 20$ ，则小亮应付车费\_\_\_\_\_元；
- ②若 $a > 20$ ，则小亮应付车费\_\_\_\_\_元。
- (3) 小明与小亮各自乘坐出租车去市区内某景点（汽车市区内限速40公里/小时），行车里程分别为19公里与22公里，受路况情况影响，小明反而比小亮乘车时间多用18分钟，利用代数式的知识说明谁付的车费多？



**附加题二：(本题5分)**

如图，在数轴上有两点A、B，分别表示 $-2$ ， $8$ ，点P从A点出发，沿数轴的正方向以每秒2个单位的速度运动.



(1)  $AB=$ \_\_\_\_\_;

(2) \_\_\_\_\_秒时，点P恰好在AB的中点；

(3) 若点P从点A出发，同时点Q从B点出发，沿数轴的正方向以每秒1个单位的速度运动，

\_\_\_\_\_秒时， $PQ=4$ ；

(4) 若点P从点A出发，同时点Q从B点出发，沿数轴的负方向以每秒1个单位的速度运动，\_\_\_\_\_秒时，点Q恰好是BP的中点.

