



## 数学阶段测试

## 一、选择题 (本题共 30 分, 每小题 3 分)

1. 9 的平方根是( )

A.  $\pm 3$ B.  $+3$ C.  $-3$ D.  $\pm \frac{1}{3}$ 

2. 下列说法正确的是 ( )

A. 4 是  $-16$  的算术平方根B. 8 的立方根是  $\pm 2$ C.  $-4$  是 16 的平方根D.  $(-4)^2$  的平方根是 4.

3. 下列式子成立的是 ( )

A.  $\sqrt{(-2)^2} = -2$ B.  $\pm\sqrt{25} = 5$ C.  $\sqrt[3]{-5} = \sqrt[3]{5}$ D.  $\sqrt[3]{(-8)^3} = -8$ 

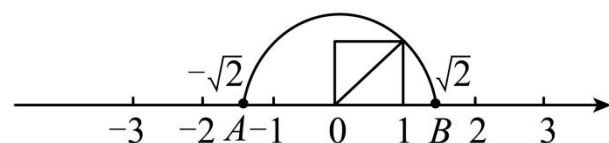
4. 如果一个多边形的内角和等于其外角和的 2 倍, 那么这个多边形是 ( )

A. 三角形

B. 四边形

C. 五边形

D. 六边形

5. 如图, 数轴上, 下列各数是无理数且表示的点在线段  $AB$  上的是 ( )

A. 0

B.  $\sqrt{2}-1$ C.  $\sqrt[3]{-9}$ D.  $\pi$ 6. 若代数式  $\sqrt{x-1}$  在实数范围内有意义, 则  $x$  的取值范围是 ( )A.  $x < 1$ B.  $x \leq 1$ C.  $x > 1$ D.  $x \geq 1$ 7. 已知  $43^2 = 1849, 44^2 = 1936, 45^2 = 2025, 46^2 = 2116$ . 若  $n$  为整数且  $n < \sqrt{2021} < n+1$ , 则  $n$  的值为

( )

A. 43

B. 44

C. 45

D. 46

8. 已知:  $\sqrt[3]{0.0468} = 0.3604$ , 则  $\sqrt[3]{(\quad)} = -36.04$ A.  $-46800$ B.  $-4680$ C.  $-46.8$ D.  $-4.68$ 

9. 下列说法正确的有 ( )

①一个数的立方根的相反数等于这个数的相反数的立方根;

②64 的平方根是  $\pm 8$ , 立方根是  $\pm 4$ ;③  $\pm\sqrt{a}$  表示非负数  $a$  的平方根,  $\sqrt[3]{a}$  表示  $a$  的立方根;



④  $-\sqrt{a}$  一定是负数

A. ①③

B. ①③④

C. ②④

D. ①④

10. 在实数范围内，下列判断正确的是 ( )

A. 若  $|m| = |n|$ ，则  $m=n$

B. 若  $a^2 > b^2$ ，则  $a > b$

C. 若  $\sqrt{a^2} = (\sqrt{b})^2$ ，则  $a=b$

D. 若  $\sqrt[3]{a} = \sqrt[3]{b}$ ，则  $a=b$

## 二、填空题 (本题共 20 分，每题 2 分)

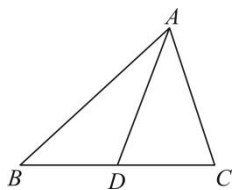
11. 写出一个比  $\sqrt{3}$  大的无理数 \_\_\_\_\_.

12. 计算:  $\sqrt{\left(-\frac{3}{5}\right)^2} =$  \_\_\_\_\_;  $\left(-\sqrt[3]{3}\right)^3 =$  \_\_\_\_\_.

13.  $-\sqrt{6}$  的相反数是 \_\_\_\_\_,  $\pi - 3.14$  是 \_\_\_\_\_ 的相反数;

14. 在  $0.\dot{1}4$ ,  $\frac{11}{7}$ ,  $-\sqrt{2}$ ,  $\pi$ ,  $\sqrt[3]{-27}$  这五个实数中，无理数的是 \_\_\_\_\_.

15. 如图，已知  $AD$  是  $\triangle ABC$  的中线，且  $AB = 5\text{cm}$ ,  $AC = 3\text{cm}$ ，则  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACD$  的周长之差为 \_\_\_\_\_,  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACD$  的面积之差为 \_\_\_\_\_.



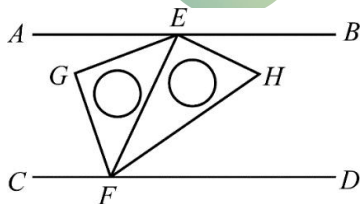
16. 比较大小:  $\sqrt{15}$  \_\_\_\_\_  $\sqrt[3]{64}$ ;  $\sqrt{2} - 1$  \_\_\_\_\_  $\frac{1}{2}$ .

17. 若  $x^2 = 9$ ,  $y^3 = -8$ ，则  $x+y =$  \_\_\_\_\_.

18. 实数  $a$  在数轴上的位置如图所示，则  $\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(a-3)^2} =$  \_\_\_\_\_.



19. 如图，一副三角板  $GEF$  和  $HEF$  按如图所示放置，过  $E$  的直线  $AB$  与过  $F$  的直线  $CD$  相互平行，若  $\angle CFG = 72^\circ$ ，则  $\angle BEH =$  \_\_\_\_\_  $^\circ$ .





20. 有一个数值转换器，原理如下：当输入的  $x$  为 64 时，输出的  $y$  是\_\_\_\_\_。



### 三、解答题 (本题共 50 分)

21.  $-2^2 + \sqrt{(-2)^2} - \sqrt[3]{-64} + |1 - \sqrt{3}|$ .

22. 解方程

(1)  $x^2 - 81 = 0$

(2)  $81x^2 = 25$

(3)  $x^3 - 3 = \frac{3}{8}$

(4)  $(1-x)^3 = 8$ .

23. 已知：实数  $a$ ,  $b$  满足  $\sqrt{a+3} + (b-4)^2 = 0$ .

(1) 可得  $a =$  \_\_\_\_\_,  $b =$  \_\_\_\_\_;

(2) 当一个正实数  $x$  的两个平方根分别为  $m+a$  和  $b-2m$  时，求  $x$  的值.

24. 已知  $5 + \sqrt{11}$  的小数部分为  $a$ ,  $5 - \sqrt{11}$  的小数部分为  $b$ , 求:

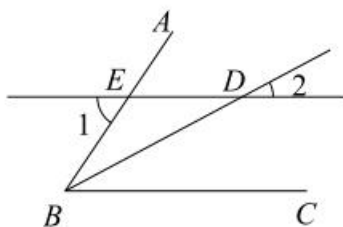
(1)  $a+b$  的值;

(2)  $a-b$  的值.

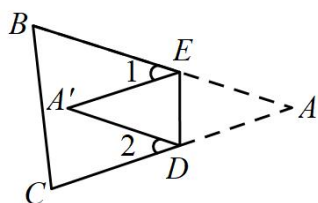
25. 完成下面的证明.

已知：如图， $D$  是  $\angle ABC$  平分线上一点， $DE \parallel BC$  交  $AB$  于点  $E$ .

求证： $\angle 1 = 2\angle 2$ .

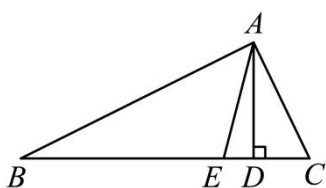


26. 如图，把  $\triangle ABC$  沿  $DE$  折叠，点  $A$  的落点记为  $A'$ . 当点  $A'$  在四边形  $BCDE$  内部时， $\angle A$  与  $\angle 1 + \angle 2$  之间存在的一种数量关系始终保持不变，请写出这种数量关系，并加以证明.



27. 张华想用一块面积为  $400\text{cm}^2$  的正方形纸片, 沿着边的方向剪出一块面积为  $300\text{cm}^2$  的长方形纸片, 使它的长宽之比为 3: 2. 他不知能否裁得出来, 正在发愁. 李明见了说: “别发愁, 一定能用一块面积大的纸片裁出一块面积小的纸片.” 你同意李明的说法吗? 张华能用这块纸片裁出符合要求的纸片吗?

28. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AD$ ,  $AE$  分别是  $\triangle ABC$  的高和角平分线, 若  $\angle B=30^\circ$ ,  $\angle C=50^\circ$ .



(1) 求  $\angle DAE$  的度数;

(2) 试写出  $\angle DAE$  与  $\angle C - \angle B$  有何关系? 关系为: \_\_\_\_\_.



北京市西城区第十三中学 2022~2023 学年第二学期初一数学  
数学阶段测试



一、选择题 (本题共 30 分, 每小题 3 分)

1. 9 的平方根是( )

A.  $\pm 3$

B.  $+3$

C.  $-3$

D.  $\pm \frac{1}{3}$

【答案】 A

【解析】

【分析】 根据平方与开平方互为逆运算, 可得一个正数的平方根.

【详解】 解:  $\pm\sqrt{9} = \pm 3$ ,

故选: A.

【点睛】 本题考查了平方根, 注意一个正数的平方根有两个, 它们互为相反数.

2. 下列说法正确的是 ( )

A. 4 是  $-16$  的算术平方根

B. 8 的立方根是  $\pm 2$

C.  $-4$  是 16 的平方根

D.  $(-4)^2$  的平方根是 4.

【答案】 C

【解析】

【分析】 根据平方根、算术平方根、立方根的含义和求法, 逐项判断即可.

【详解】 解: A. 负数没有平方根, 故 4 是  $-16$  的算术平方根说法不正确, 不符合题意;

B. 8 的立方根是 2, 故原说法不正确, 不符合题意;

C.  $-4$  是 16 的平方根, 说法正确, 符合题意;

D.  $(-4)^2$  的平方根是  $\pm 4$ , 故原说法不正确, 不符合题意.

故选: C

【点睛】 此题主要考查了平方根、算术平方根、立方根的含义和求法, 要熟练掌握, 解答此题的关键是要明确: (1) 一个正数有两个平方根, 这两个平方根互为相反数. (2) 一个正数或 0 只有一个算术平方根. (3) 一个数的立方根只有一个.

3. 下列式子成立的是 ( )

A.  $\sqrt{(-2)^2} = -2$

B.  $\pm\sqrt{25} = 5$

C.  $\sqrt[3]{-5} = \sqrt[3]{5}$

D.  $\sqrt[3]{(-8)^3} = -8$

【答案】 D



**【解析】**

**【分析】** 各项利用平方根、立方根定义判断即可.

**【详解】** A、原式= $|-2|=2$ , 不符合题意;

B、原式= $\pm 5$ , 不符合题意;

C、原式= $-\sqrt[3]{5}$ , 不符合题意;

D、原式= $-8$ , 符合题意,

故选 D.

**【点睛】** 此题考查了立方根, 平方根, 以及算术平方根, 熟练掌握各自的定义是解本题的关键.

4. 如果一个多边形的内角和等于其外角和的 2 倍, 那么这个多边形是 ( )

A. 三角形

B. 四边形

C. 五边形

D. 六边形

**【答案】** D

**【解析】**

**【分析】** 根据多边形的内角和的计算公式与外角和是  $360^\circ$  列出方程, 解方程即可.

**【详解】** 解: 设这个多边形边数是  $n$ , 根据题意得:

$$(n-2) \times 180^\circ = 2 \times 360^\circ,$$

解得:  $n = 6$ ,

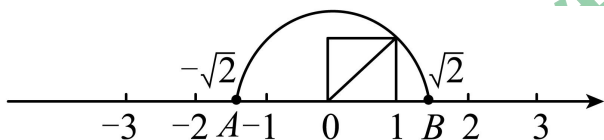
即这个多边形是六边形, 故 D 正确.

故选: D.

**【点睛】** 本题主要考查的是多边形的内角和与外角和, 一元一次方程的应用, 掌握  $n$  边形的内角和为

$(n-2) \cdot 180^\circ$ 、外角和是  $360^\circ$  是解题的关键.

5. 如图, 数轴上, 下列各数是无理数且表示的点在线段  $AB$  上的是 ( )



A. 0

B.  $\sqrt{2}-1$

C.  $\sqrt[3]{-9}$

D.  $\pi$

**【答案】** B

**【解析】**

**【分析】** 先根据数轴可得在线段  $AB$  上的点所表示的无理数的取值范围为大于  $-\sqrt{2}$  且小于  $\sqrt{2}$ , 再根据无理数的估算、立方根的性质逐项判断即可得.



【详解】解：由数轴可知，在线段  $AB$  上的点所表示的无理数的取值范围为大于  $-\sqrt{2}$  且小于  $\sqrt{2}$ 。

A、0 是有理数，则此项不符题意；

B、 $\sqrt{2}-1$  是无理数，且  $-\sqrt{2} < \sqrt{2}-1 < \sqrt{2}$ ，则此项符合题意；

C、 $\sqrt[3]{-9}$  是无理数，但  $\sqrt[3]{-9} < \sqrt[3]{-8} = -2 < -\sqrt{2}$ ，则此项不符题意；

D、 $\pi$  是无理数，但  $\pi \approx 3.14 > \sqrt{2}$ ，则此项不符题意；

故选：B.

【点睛】本题考查了实数与数轴、无理数的估算、立方根，熟练掌握实数与数轴的关系是解题关键。

6. 若代数式  $\sqrt{x-1}$  在实数范围内有意义，则  $x$  的取值范围是 ( )

A.  $x < 1$

B.  $x \leq 1$

C.  $x > 1$

D.  $x \geq 1$

【答案】D

【解析】

【分析】根据二次根式有意义的条件列出关于  $x$  的不等式，求出  $x$  的取值范围即可。

【详解】解：由题意得， $x-1 \geq 0$ ，

解得  $x \geq 1$ 。

故选：D.

【点睛】本题主要考查二次根式有意义的条件，解题的关键是掌握要使二次根式有意义，其被开方数应为非负数。

7. 已知  $43^2 = 1849, 44^2 = 1936, 45^2 = 2025, 46^2 = 2116$  . 若  $n$  为整数且  $n < \sqrt{2021} < n+1$ ，则  $n$  的值为 ( )

A. 43

B. 44

C. 45

D. 46

【答案】B

【解析】

【分析】由题意可直接进行求解。

【详解】解：∵  $43^2 = 1849, 44^2 = 1936, 45^2 = 2025, 46^2 = 2116$ ，

∴  $44^2 < 2021 < 45^2$ ，

∴  $44 < \sqrt{2021} < 45$ ，

∴  $n = 44$ ；

故选 B.





【点睛】 本题主要考查算术平方根，熟练掌握算术平方根是解题的关键。

8. 已知： $\sqrt[3]{0.0468} = 0.3604$ ，则 $\sqrt[3]{(\quad)} = -36.04$

- A. -46800                      B. -4680                      C. -46.8                      D. -4.68

【答案】 A

【解析】

【分析】 根据立方根的小数点向右移动 2 位，是被开方数的小数点向右移动 6 位，可得答案。

【详解】 解： $\sqrt[3]{0.0468} = 0.3604$ ，则 $\sqrt[3]{(\quad)} = -36.04$ ，括号里应为 -46800，

故选：A.

【点睛】 本题考查了立方根，立方根扩大 100 倍，被开方数扩大 1000000 倍。

9. 下列说法正确的有 ( )

- ①一个数的立方根的相反数等于这个数的相反数的立方根；
- ②64 的平方根是  $\pm 8$ ，立方根是  $\pm 4$ ；
- ③ $\pm\sqrt{a}$  表示非负数  $a$  的平方根， $\sqrt[3]{a}$  表示  $a$  的立方根；
- ④ $-\sqrt{a}$  一定是负数

- A. ①③                      B. ①③④                      C. ②④                      D. ①④

【答案】 A

【解析】

【分析】 ①根据一对相反数的立方根仍是一对相反数即可判定；

②分别求出 64 的立方根与平方根，然后即可判定；

③理清非负数平方根的表示方法；实数立方根的表示方法即可判定；

④考虑数 0 即可判定。

【详解】 解：①一对相反数的立方根仍是一对相反数，故①正确；

②64 的立方根是 4，64 的平方根是  $\pm 8$ ，故②错误；

③本题符合非负数平方根的表示方法，实数立方根的表示方法，故说法③正确；

④ $-\sqrt{0} = 0$ ，所以 $-\sqrt{a}$ 不一定是负数，故④错误；

综上所述可知，①③正确，故 A 正确。

故选：A.

【点睛】 本题主要考查了平方根、立方根的定义及其表示方法，解题的关键是熟练掌握这些基础知识。

10. 在实数范围内，下列判断正确的是 ( )



A. 若  $|m| = |n|$ , 则  $m=n$

B. 若  $a^2 > b^2$ , 则  $a > b$

C. 若  $\sqrt{a^2} = (\sqrt{b})^2$ , 则  $a=b$

D. 若  $\sqrt[3]{a} = \sqrt[3]{b}$ , 则  $a=b$

【答案】 D

【解析】

【分析】 根据实数的基本性质，逐个分析即可。

【详解】 A、根据绝对值的性质可知：两个数的绝对值相等，则这两个数相等或互为相反数，故选项错误；

B、平方大的，即这个数的绝对值大，不一定这个数大，如两个负数，故说法错误；

C、两个数可能互为相反数，如  $a=-3$ ,  $b=3$ , 故选项错误；

D、根据立方根的定义，显然这两个数相等，故选项正确。

故选： D.

【点睛】 考本题考查了实数的性质，理解算术平方根和立方根性质是关键。

## 二、填空题 (本题共 20 分, 每题 2 分)

11. 写出一个比  $\sqrt{3}$  大的无理数 \_\_\_\_\_.

【答案】  $\sqrt{5}$  (答案不唯一)

【解析】

【分析】 结合两个方面来写：(1) 无理数；(2) 被开方数大于 3.

【详解】 解：比  $\sqrt{3}$  大的无理数可以是  $\sqrt{5}$  (答案不唯一)。

故答案为：  $\sqrt{5}$  (答案不唯一)。

【点睛】 本题考查了估算无理数的大小，要想准确地估算出无理数的取值范围需要记住一些常用数的平方。

12. 计算：  $\sqrt{\left(-\frac{3}{5}\right)^2} = \underline{\hspace{2cm}}$ ；  $\left(-\sqrt[3]{3}\right)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ .

【答案】 ①.  $\frac{3}{5}$  ②.  $-3$

【解析】

【分析】 根据算术平方根和立方根的概念计算即可。

【详解】 解：  $\sqrt{\left(-\frac{3}{5}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{3}{5}\right)^2} = \frac{3}{5}$ ,

$\left(-\sqrt[3]{3}\right)^3 = -3$



故答案为:  $\frac{3}{5}$ ;  $-3$ .

【点睛】 本题考查了算术平方根, 立方根, 掌握算术平方根和立方根的概念是解题的关键.

13.  $-\sqrt{6}$  的相反数是 \_\_\_\_\_,  $\pi - 3.14$  是 \_\_\_\_\_ 的相反数;

【答案】 ①.  $\sqrt{6}$  ②.  $3.14 - \pi$  ##  $-\pi + 3.14$

【解析】

【分析】 根据只有符号不同的两个数互为相反数, 可得一个数的相反数.

【详解】 解:  $-\sqrt{6}$  的相反数是  $\sqrt{6}$ ;  $\pi - 3.14$  的相反数是  $-(\pi - 3.14) = 3.14 - \pi$ ,

故答案为:  $\sqrt{6}$ ,  $3.14 - \pi$ .

【点睛】 本题考查了实数的性质, 在一个数的前面加上负号就是这个数的相反数.

14. 在  $0.\dot{1}4$ ,  $\frac{11}{7}$ ,  $-\sqrt{2}$ ,  $\pi$ ,  $\sqrt[3]{-27}$  这五个实数中, 无理数的是 \_\_\_\_\_.

【答案】  $-\sqrt{2}$ ,  $\pi$

【解析】

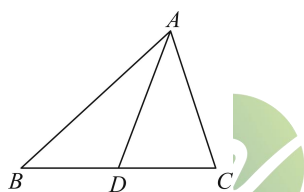
【分析】 直接根据无理数的概念作答即可.

【详解】 解:  $0.\dot{1}4$  是循环小数, 不是无理数;  $\frac{11}{7}$  是整数之比, 不是无理数;  $-\sqrt{2}$  开方后是无限小数, 是无理数;  $\pi$  为无限小数;  $\sqrt[3]{-27} = -3$ , 不是无理数.

故答案为  $-\sqrt{2}$ ,  $\pi$

【点睛】 本题考查了无理数的概念, 无理数, 即非有理数的实数, 不能写作两整数之比. 若将它写成小数形式, 小数点之后的数字有无限多个, 并且不会循环.

15. 如图, 已知  $AD$  是  $\triangle ABC$  的中线, 且  $AB = 5\text{cm}$ ,  $AC = 3\text{cm}$ , 则  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACD$  的周长之差为 \_\_\_\_\_,  $\triangle ABD$  和  $\triangle ACD$  的面积之差为 \_\_\_\_\_.



【答案】 ①.  $2\text{cm}$  ②.  $0\text{cm}^2$

【解析】

【分析】 根据三角形的中线的定义可得  $BD = CD$ , 然后求出  $\triangle ABD$  与  $\triangle ACD$  的周长之差 =  $AB - AC$ . 面积之差等于 0.



【详解】解：∵ AD 为中线，

$$\therefore BD = CD,$$

$$\therefore \triangle ABD \text{ 与 } \triangle ACD \text{ 的周长之差} = (AB + AD + BD) - (AC + AD + CD) = AB - AC,$$

$$\therefore AB = 5\text{cm}, AC = 3\text{cm},$$

$$\therefore \triangle ABD \text{ 与 } \triangle ACD \text{ 的周长之差} = 5 - 3 = 2(\text{cm}).$$

$$\text{又 } S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2}S_{\triangle ABC}, S_{\triangle ACD} = \frac{1}{2}S_{\triangle ABC}$$

$$\therefore S_{\triangle ABD} - S_{\triangle ACD} = 0, \text{ 即 } \triangle ABD \text{ 和 } \triangle ACD \text{ 的面积之差为 } 0\text{cm}^2$$

故答案为：2cm；0cm<sup>2</sup>。

【点睛】本题考查了三角形的中线，熟记概念并求出两个三角形的周长的差等于两边的差是解题的关键。

16. 比较大小： $\sqrt{15}$  \_\_\_\_\_  $\sqrt[3]{64}$ ； $\sqrt{2}-1$  \_\_\_\_\_  $\frac{1}{2}$ 。

【答案】①. < ②. <

【解析】

【分析】根据  $9 < 15 < 16$  得到  $3 < \sqrt{15} < 4$ ，而  $\sqrt[3]{64} = 4$ ，即可得到  $\sqrt{15} < \sqrt[3]{64}$ ，根据

$$(\sqrt{2})^2 = 2, \left(1 + \frac{1}{2}\right)^2 = 1.5^2 = 2.25 \text{ 得到 } (\sqrt{2})^2 < \left(1 + \frac{1}{2}\right)^2, \text{ 进一步即可得到 } \sqrt{2} - 1 < \frac{1}{2}.$$

【详解】解：∵  $9 < 15 < 16$ ，

$$\therefore 3 < \sqrt{15} < 4,$$

$$\therefore \sqrt[3]{64} = 4,$$

$$\therefore \sqrt{15} < \sqrt[3]{64},$$

$$\therefore (\sqrt{2})^2 = 2, \left(1 + \frac{1}{2}\right)^2 = 1.5^2 = 2.25,$$

$$\therefore (\sqrt{2})^2 < \left(1 + \frac{1}{2}\right)^2,$$

$$\therefore \sqrt{2} < 1 + \frac{1}{2},$$

$$\therefore \sqrt{2} - 1 < \frac{1}{2},$$

故答案为：<；<

【点睛】此题考查了无理数的估算和实数比较大小，熟练掌握无理数的估算是解题的关键。



17. 若  $x^2 = 9, y^3 = -8$ , 则  $x+y =$  \_\_\_\_\_.

【答案】 1 或 -5 或 1

【解析】

【分析】 分别求出  $x, y$  的值, 然后代入运算即可.

【详解】 解:  $\because x^2 = 9, y^3 = -8,$

$\therefore x = \pm 3, y = -2,$

故  $x+y = -5$  或  $1.$

故答案为:  $-5$  或  $1.$

【点睛】 本题考查了实数的运算, 易错点在于漏解, 注意一个正数的平方根有两个.

18. 实数  $a$  在数轴上的位置如图所示, 则  $\sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(a-3)^2} =$  \_\_\_\_\_.



【答案】 1

【解析】

【分析】 根据数轴得到  $a-2 > 0, a-3 < 0$ , 再根据算术平方根进行化简, 合并同类项即可.

【详解】 解: 由数轴可知  $a-2 > 0, a-3 < 0,$

$$\therefore \sqrt{(a-2)^2} + \sqrt{(a-3)^2}$$

$$= |a-2| + |a-3|$$

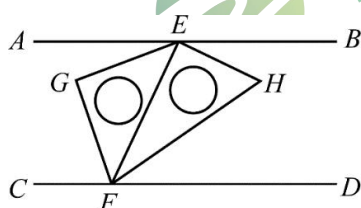
$$= a-2+3-a$$

$$= 1$$

故答案为: 1

【点睛】 此题考查了算术平方根, 结合数轴求出式子的取值范围是解题的关键.

19. 如图, 一副三角板  $GEF$  和  $HEF$  按如图所示放置, 过  $E$  的直线  $AB$  与过  $F$  的直线  $CD$  相互平行, 若  $\angle CFG = 72^\circ$ , 则  $\angle BEH =$  \_\_\_\_\_.



【答案】 27



**【解析】**

**【分析】** 直接利用平行线的性质及特殊直角三角形角的特征求解即可.

**【详解】** 解:  $\because AB \parallel CD,$

$$\therefore \angle CFE = \angle FEB,$$

$$\text{即 } \angle CFG + \angle GFE = \angle FEH + \angle BEH,$$

$$\text{又 } \because \angle CFG = 72^\circ, \angle GFE = 45^\circ, \angle FEH = 90^\circ,$$

$$\therefore 72^\circ + 45^\circ = 90^\circ + \angle BEH,$$

$$\therefore \angle BEH = 27^\circ,$$

故答案为 27

**【点睛】** 本题主要考查了平行线的性质及角的和差的运用. 熟练掌握平行线的性质是解题的关键.

20. 有一个数值转换器, 原理如下: 当输入的  $x$  为 64 时, 输出的  $y$  是\_\_\_\_\_.



**【答案】**  $\sqrt{2}$

**【解析】**

**【分析】** 直接根据题意列式计算即可.

**【详解】** 解:  $\sqrt[3]{64} = 4, \sqrt{4} = 2,$

2 是有理数,

$$\sqrt{2} = \sqrt{2},$$

即输出的  $y$  是  $\sqrt{2}.$

故答案为  $\sqrt{2}.$

**【点睛】** 本题考查了求算术平方根和立方根即根据图片列式计算, 能够根据图片正确列出算式是解题的关键.

**三、解答题 (本题共 50 分)**

21.  $-2^2 + \sqrt{(-2)^2} - \sqrt[3]{-64} + |1 - \sqrt{3}|.$

**【答案】**  $\sqrt{3} + 1$

**【解析】**



【分析】先计算乘方，算术平方根，立方根及绝对值，再计算加减法.

$$\begin{aligned} \text{【详解】解: } & -2^2 + \sqrt{(-2)^2} - \sqrt[3]{-64} + |1 - \sqrt{3}| \\ &= -4 + 2 - (-4) + (\sqrt{3} - 1) \\ &= 2 + \sqrt{3} - 1 \\ &= \sqrt{3} + 1. \end{aligned}$$

【点睛】此题考查了实数的混合运算，正确掌握乘方的计算法则，算术平方根及立方根的定义，绝对值的化简是解题的关键.

22. 解方程

(1)  $x^2 - 81 = 0$

(2)  $81x^2 = 25$

(3)  $x^3 - 3 = \frac{3}{8}$

(4)  $(1-x)^3 = 8$ .

【答案】(1)  $x = 9$  或  $x = -9$

(2)  $x = \frac{5}{9}$  或  $x = -\frac{5}{9}$

(3)  $x = \frac{3}{2}$

(4)  $x = -1$

【解析】

【分析】(1) 先移项，再用直接开平方法进行解答； (2) 先系数化为 1，再用直接开平方法进行解答；

(3) 先移项，再用开立方方法进行解答；

(4) 先开立方，然后再求出  $x$  的值即可

【小问 1 详解】

$$x^2 - 81 = 0,$$

$$x^2 = 81,$$

$$x = \pm 9,$$

即  $x = 9$  或  $x = -9$

【小问 2 详解】

$$81x^2 = 25,$$



$$x^2 = \frac{25}{81}$$

$$x = \pm \frac{5}{9},$$

$$\text{即 } x = \frac{5}{9} \text{ 或 } x = -\frac{5}{9}$$

【小问3 详解】

$$x^3 - 3 = \frac{3}{8}$$

$$x^3 = \frac{3}{8} + 3$$

$$x^3 = \frac{27}{8}$$

$$x = \frac{3}{2};$$

【小问4 详解】

$$(1-x)^3 = 8,$$

$$1-x = 2$$

$$x = -1$$

【点睛】 本题考查了平方根和立方根的概念，注意一个正数有两个平方根，它们互为相反数；0的平方根是0；负数没有平方根；立方根的性质：一个正数的立方根是正数，一个负数的立方根是负数，0的立方根是0.

23. 已知：实数  $a$ ， $b$  满足  $\sqrt{a+3} + (b-4)^2 = 0$ .

(1) 可得  $a = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $b = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

(2) 当一个正实数  $x$  的两个平方根分别为  $m+a$  和  $b-2m$  时，求  $x$  的值.

【答案】 (1)  $-3$ ， $4$ ； (2)  $4$

【解析】

【分析】 (1) 根据二次根式和平方的非负性可得到  $a+3=0$ ， $b-4=0$ ，运算求解即可；

(2) 根据一个正数的平方根为一对相反数，列式运算即可.

【详解】 (1)  $a = -3$ ， $b = 4$ ；

(2) 依题意，得  $m+a+b-2m=0$ .

$$\text{即 } m-3+4-2m=0.$$

$$\therefore m=1.$$

$$\therefore x=(m+a)^2=(1-3)^2=4.$$





【点睛】 本题主要考查了二次根式和平方的非负性，一个数平方根，熟悉掌握概念是解题的关键。

24. 已知  $5+\sqrt{11}$  的小数部分为  $a$ ， $5-\sqrt{11}$  的小数部分为  $b$ ，求：

(1)  $a+b$  的值；

(2)  $a-b$  的值.

【答案】 (1) 1； (2)  $2\sqrt{11}-7$ .

【解析】

【详解】 试题分析：先根据算术平方根的定义得到  $3 < \sqrt{11} < 4$ ，则利用不等式性质可得到  $8 < 5+\sqrt{11} < 9$ ， $1 < 5-\sqrt{11} < 2$ ，所以  $a=5+\sqrt{11}-8=\sqrt{11}-3$ ， $b=4-\sqrt{11}$ ，然后把它们的和、差。

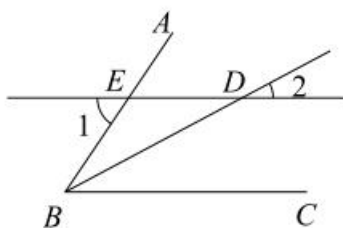
试题解析：∵  $3 < \sqrt{11} < 4$ ，∴  $8 < 5+\sqrt{11} < 9$ ，∴  $a=5+\sqrt{11}-8=\sqrt{11}-3$ ，

∴ 有  $b=4-\sqrt{11}$ ，将  $a, b$  值代入可得：(1)  $a+b=1$ ，(2)  $a-b=2\sqrt{11}-7$ .

25. 完成下面的证明.

已知：如图， $D$  是  $\angle ABC$  平分线上一点， $DE \parallel BC$  交  $AB$  于点  $E$ .

求证： $\angle 1 = 2\angle 2$ .



【答案】 见解析

【解析】

【分析】 根据角平分线的定义得到  $\angle ABD = \angle CBD$ ，由  $DE \parallel BC$  得到  $\angle CBD = \angle 2$ ，则  $\angle ABD = \angle CBD = \angle 2$ ，由对顶角相等得到  $\angle BDE = \angle 2$ ，最后由三角形外角的性质即可得到结论.

【详解】 解：∵  $D$  是  $\angle ABC$  平分线上一点，

∴  $\angle ABD = \angle CBD$ ，

∵  $DE \parallel BC$ ，

∴  $\angle CBD = \angle 2$ ，

∴  $\angle ABD = \angle CBD = \angle 2$ ，

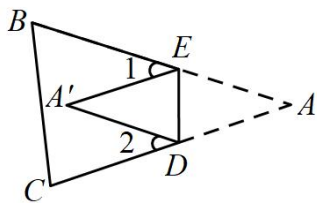
∴  $\angle BDE = \angle 2$ ， $\angle 1$  是  $\triangle BED$  的一个外角，

∴  $\angle 1 = \angle ABD + \angle BDE = 2\angle 2$ .



【点睛】此题考查了平行线的性质、对顶角相等、三角形外角的性质等知识，熟练掌握相关性质是解题的关键。

26. 如图，把  $\triangle ABC$  沿  $DE$  折叠，点  $A$  的落点记为  $A'$ 。当点  $A'$  在四边形  $BCDE$  内部时， $\angle A$  与  $\angle 1 + \angle 2$  之间存在的一种数量关系始终保持不变，请写出这种数量关系，并加以证明。

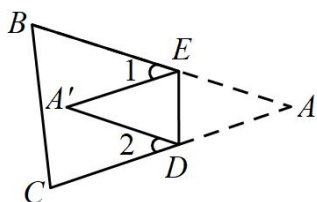


【答案】  $2\angle A = \angle 1 + \angle 2$

【解析】

【分析】设  $\angle AED = x$ ， $\angle ADE = y$ ，根据折叠的性质得  $\angle A'ED = x$ ， $\angle A'DE = y$ ，根据三角形的内角和定理以及平角的定义，得出  $\angle A$  与  $\angle 1 + \angle 2$  的关系。

【详解】解：如图，



设  $\angle AED = x$ ， $\angle ADE = y$ ，

$\therefore \triangle ABC$  沿  $DE$  折叠，

$\therefore \angle A'ED = x$ ， $\angle A'DE = y$ ，

$\therefore \angle A + x + y = 180^\circ$ ， $\angle 1 + 2x = 180^\circ$ ， $\angle 2 + 2y = 180^\circ$ ，

$\therefore x + y = 180^\circ - \angle A$ ， $\angle 1 + \angle 2 + 2x + 2y = 2 \times 180^\circ$ ，

$\therefore \angle 1 + \angle 2 + 2(180^\circ - \angle A) = 2 \times 180^\circ$ ，

$\therefore \angle 1 + \angle 2 - 2\angle A = 0$ ，

$\therefore 2\angle A = \angle 1 + \angle 2$ ，

故答案为： $2\angle A = \angle 1 + \angle 2$ 。

【点睛】本题考查了三角形的内角和定理，以及翻折变换，解题的关键是得出折叠前后不变的角。

27. 张华想用一块面积为  $400\text{cm}^2$  的正方形纸片，沿着边的方向剪出一块面积为  $300\text{cm}^2$  的长方形纸片，使它的长宽之比为 3: 2。他不知能否裁得出来，正在发愁。李明见了说：“别发愁，一定能用一块面积大的纸片



裁出一块面积小的纸片。”你同意李明的说法吗？张华能用这块纸片裁出符合要求的纸片吗？

**【答案】**不同意，理由见解析。

**【解析】**

**【分析】**设面积为  $300\text{ cm}^2$  的长方形的长宽分为  $3x\text{ cm}$ ， $2x\text{ cm}$ ，则  $3x \cdot 2x = 300$ ， $x^2 = 50$ ，解得  $x = 5\sqrt{2}$ ，而面积为  $400\text{ cm}^2$  的正方形的边长为 20 厘米，由于  $15\sqrt{2} > 20$ ，所以用一块面积为  $400\text{ cm}^2$  的正方形纸片，沿着边的方向裁不出一块面积为  $300\text{ cm}^2$  的长方形纸片，使它的长宽之比为 3:2。

**【详解】**解：不同意李明的说法。

设长方形纸片的长为  $3x$  ( $x > 0$ )  $\text{cm}$ ，则宽为  $2x\text{ cm}$

依题意得： $3x \cdot 2x = 300$ ， $6x^2 = 300$ ， $x^2 = 50$

$\therefore x > 0$

$\therefore x = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$

$\therefore$  长方形纸片的长为  $15\sqrt{2}\text{ cm}$

$\therefore 50 > 49$

$\therefore 5\sqrt{2} > 7$

$\therefore 15\sqrt{2} > 21$

即长方形纸片的长大于  $20\text{ cm}$

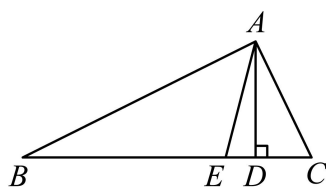
由正方形纸片的面积为  $400\text{ cm}^2$ ，可知其边长为  $20\text{ cm}$

$\therefore$  长方形纸片的长大于正方形纸片的边长。

答：李明不能用这块纸片裁出符合要求的长方形纸片。

**【点睛】**本题考查了算术平方根的定义：一个正数的正的平方根叫这个数的算术平方根；0 的算术平方根为 0。也考查了估算无理数的大小。

28. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $AD$ ， $AE$  分别是  $\triangle ABC$  的高和角平分线，若  $\angle B = 30^\circ$ ， $\angle C = 50^\circ$ 。



(1) 求  $\angle DAE$  的度数；

(2) 试写出  $\angle DAE$  与  $\angle C - \angle B$  有何关系？关系为：\_\_\_\_\_。

**【答案】** (1)  $\angle DAE = 10^\circ$ ；



$$(2) \angle DAE = \frac{1}{2} (\angle C - \angle B)$$

【解析】

【分析】(1) 根据三角形内角和定理求出  $\angle CAB$ ，根据角平分线定义求出  $\angle CAE$ ，求出  $\angle ADC = 90^\circ$ ，根据三角形内角和定理求出  $\angle CAD$ ，即可得出答案；

(2) 根据三角形内角和定理求出  $\angle CAB$ ，根据角平分线定义求出  $\angle CAE$ ，求出  $\angle ADC = 90^\circ$ ，根据三角形内角和定理求出  $\angle CAD$ ，即可得出答案。

【小问 1 详解】

解：  $\because \angle B = 30^\circ, \angle C = 50^\circ,$

$$\therefore \angle BAC = 180^\circ - \angle B - \angle C = 100^\circ,$$

$\because AE$  是  $\angle BAC$  的平分线，

$$\therefore \angle CAE = \frac{1}{2} \angle BAC = 50^\circ,$$

$\because AD$  是  $\triangle ABC$  的高，

$$\therefore \angle ADC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle C = 50^\circ,$$

$$\therefore \angle CAD = 90^\circ - \angle C = 40^\circ,$$

$$\therefore \angle DAE = \angle CAE - \angle CAD = 50^\circ - 40^\circ = 10^\circ;$$

【小问 2 详解】

$$\text{解： } \angle DAE = \frac{1}{2} (\angle C - \angle B),$$

理由是：  $\because \angle B + \angle C + \angle CAB = 180^\circ,$

$$\therefore \angle BAC = 180^\circ - \angle B - \angle C,$$

$\because AE$  是  $\angle BAC$  的平分线，

$$\therefore \angle CAE = \frac{1}{2} \angle BAC = \frac{1}{2} (180^\circ - \angle B - \angle C) = 90^\circ - \frac{1}{2} (\angle B + \angle C),$$

$\because AD$  是  $\triangle ABC$  的高，

$$\therefore \angle ADC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle CAD = 90^\circ - \angle C,$$

$$\therefore \angle DAE = \angle CAE - \angle CAD = 90^\circ - \frac{1}{2} (\angle B + \angle C) - (90^\circ - \angle C)$$

$$= \frac{1}{2} (\angle C - \angle B).$$

故答案为：  $\angle DAE = \frac{1}{2} (\angle C - \angle B).$



【点睛】 本题考查了角平分线定义，三角形的高，三角形的内角和定理等知识点，能求出 $\angle CAE$ 和 $\angle CAD$ 的度数是解此题的关键.

