



海淀区九年级第二学期期中练习

数学试卷答案

第一部分 选择题

一、选择题 (共 16 分, 每题 2 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	A	B	A	D	B	C	C	C

第二部分 非选择题

二、填空题 (共 16 分, 每题 2 分)

9. $x \geq 5$

10. $b(a+2)^2$

11. $x=3$

12. 16.4

13. $\sqrt{5}$

14. $(-1, -2)$

15. 35 (答案不唯一)

16. 2, 135

三、解答题 (共 68 分, 第 17-20 题, 每题 5 分, 第 21 题 6 分, 第 22 题 5 分, 第 23-24 题, 每题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题, 每题 7 分)

解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. (本题满分 5 分)

解: 原式 $= 1+2+2\sqrt{2}-\sqrt{2}$ 4 分

$= 3+\sqrt{2}$5 分

18. (本题满分 5 分)

解: 原不等式组为 $\begin{cases} x+2 < 2x-1, & \text{①} \\ \frac{3x-5}{2} < x. & \text{②} \end{cases}$

解不等式①, 得 $x > 3$2 分

解不等式②, 得 $x < 5$4 分

\therefore 原不等式组的解集为 $3 < x < 5$5 分

19. (本题满分 5 分)

解: 原式 $= 4x^2 + 4x + 1 - 2x + 6$ 2 分

$= 4x^2 + 2x + 7$3 分

$\therefore 2x^2 + x - 1 = 0,$

$\therefore 2x^2 + x = 1$4 分

\therefore 原式 $= 2(2x^2 + x) + 7$

$= 9$5 分



20. (本题满分 5 分)

方法一

证明: 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$,

$$\therefore AC \perp BD.$$

$$\therefore CD=BC,$$

$$\therefore AB=AD. \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

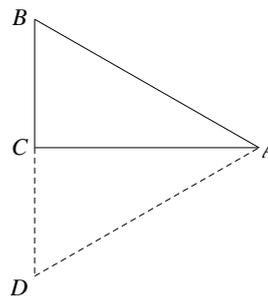
$$\therefore \angle BAC=30^\circ,$$

$$\therefore \angle B=90^\circ - \angle BAC=60^\circ. \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

$$\therefore \triangle ABD \text{ 是等边三角形.} \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\therefore AB=BD.$$

$$\therefore BC = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2}AB. \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$



方法二

证明: 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $\angle BAC=30^\circ$,

$$\therefore \angle B=90^\circ - \angle BAC=60^\circ. \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

$$\therefore BD=BC,$$

$$\therefore \triangle BCD \text{ 是等边三角形.} \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

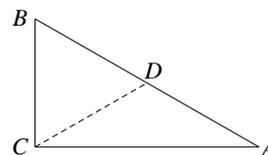
$$\therefore \angle BDC=60^\circ, BD=CD.$$

$$\therefore \angle DCA = \angle BDC - \angle A = 30^\circ = \angle A.$$

$$\therefore CD=AD. \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\therefore AD=BD=BC.$$

$$\therefore BC = \frac{1}{2}AB. \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$



21. (本题满分 6 分)

(1) 证明: $\because BE \parallel AD$ 且 $AF=BE$,

$$\therefore \text{四边形 } ABEF \text{ 为平行四边形.} \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

$$\therefore \angle A=90^\circ,$$

$$\therefore \text{四边形 } ABEF \text{ 为矩形.} \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

(2) 解: \because 四边形 $ABEF$ 为矩形, $AB=6$,

$$\therefore \angle AFE=90^\circ, EF=AB=6.$$

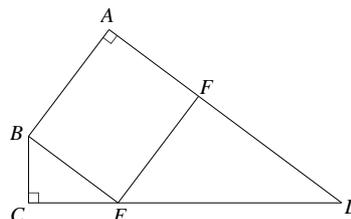
在 $\triangle BCE$ 中, $\angle C=90^\circ$, $BC=3$, $CE=4$,

$$\therefore BE = \sqrt{BC^2 + CE^2} = 5. \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\therefore \sin \angle BEC = \frac{BC}{BE} = \frac{3}{5}.$$

$$\therefore BE \parallel AD,$$

$$\therefore \angle BEC = \angle D.$$





$$\therefore \sin D = \sin \angle BEC = \frac{3}{5}.$$

在 $\triangle EFD$ 中, $\angle EFD = 180^\circ - \angle AFE = 90^\circ$,

$$\therefore DE = \frac{EF}{\sin D} = 10. \quad \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

22. (本题满分 5 分)

(1) 解: \because 一次函数 $y = kx + b$ 的图象过点 $(1, 3)$, $(2, 2)$,

$$\therefore \begin{cases} k + b = 3, \\ 2k + b = 2. \end{cases} \quad \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

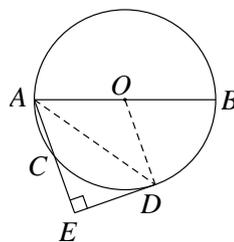
$$\text{解得} \begin{cases} k = -1, \\ b = 4. \end{cases}$$

\therefore 这个一次函数的解析式为 $y = -x + 4$. $\dots\dots\dots 3 \text{ 分}$

(2) $m \geq 1$. $\dots\dots\dots 5 \text{ 分}$

23. (本题满分 6 分)

(1) 证明: 连接 OD , AD .



\because 点 D 是 BC 的中点,

$$\therefore BD = CD.$$

$$\therefore \angle BAD = \angle CAD. \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

$\because OA = OD$,

$$\therefore \angle OAD = \angle ODA.$$

$$\therefore \angle CAD = \angle ODA.$$

$$\therefore OD \parallel AC. \quad \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

$\because DE \perp AC$,

$$\therefore \angle E = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ODE = 180^\circ - \angle E = 90^\circ.$$

\because 点 D 为 $\odot O$ 上一点,

\therefore 直线 DE 是 $\odot O$ 的切线. $\dots\dots\dots 3 \text{ 分}$

(2) 解: 连接 BC .

设 $OA = OB = OD = r$.

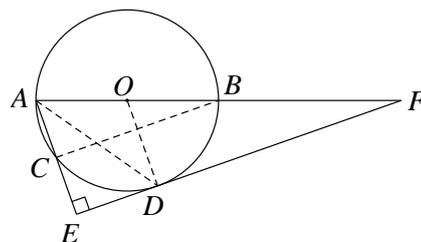
$$\because BF = 2,$$

$$\therefore OF = OB + BF = r + 2.$$

在 $\triangle ODF$ 中, $\angle ODF = 90^\circ$,

$$\therefore \sin \angle AFE = \frac{OD}{OF} = \frac{1}{3}.$$

$$\text{即} \frac{r}{r+2} = \frac{1}{3}, \text{ 解得 } r = 1. \quad \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$





$\therefore AB=2r=2.$
 $\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径,
 $\therefore \angle ACB=90^\circ=\angle E.$
 $\therefore BC \parallel EF.$
 $\therefore \angle ABC=\angle AFE.$
 $\therefore \sin \angle ABC=\sin \angle AFE=\frac{1}{3}.$
 $\therefore AC=AB \cdot \sin \angle ABC=\frac{2}{3}.$ 6分

24. (本题满分 6 分)

- (1) 6.5, 6;2分
 (2) 西红柿;4分
 (3) 6.6分

25. (本题满分 5 分)

- (1) ① 2.8, 0.98;2分
 ② 由题意可知, 抛物线的顶点为 (1.4, 0.98).

\therefore 设抛物线解析式为 $y=a(x-1.4)^2+0.98.$ 3分

\therefore 当 $x=0$ 时, $y=0,$

$\therefore 0=a(0-1.4)^2+0.98,$ 解得 $a=-0.5.$

\therefore 抛物线的解析式为 $y=-0.5(x-1.4)^2+0.98.$ 4分

- (2) 能.5分

26. (本题满分 6 分)

- (1) $m=n.$ 1分

理由如下:

$\because b=5,$

\therefore 抛物线解析式为 $y=x^2-10x+1,$

\therefore 对称轴为 $x=5.$

$\because x_0=3,$

$\therefore A(3, m), B(7, n)$ 关于直线 $x=5$ 对称.

$\therefore m=n.$ 2分

- (2) 当 $x_0=3$ 时,

$\therefore A(x_0, m), B(x_0+4, n)$ 在抛物线 $y=x^2-2bx+1$ 上,

$\therefore m=10-6b, n=50-14b.$

$\because m < n < 1,$

$\therefore 10-6b < 50-14b < 1.$



$$\therefore \frac{7}{2} < b < 5.$$

当 $x_0 = 4$ 时,

$\therefore A(x_0, m), B(x_0 + 4, n)$ 在抛物线 $y = x^2 - 2bx + 1$ 上,

$$\therefore m = 17 - 8b, n = 65 - 16b.$$

$$\therefore m < n < 1,$$

$$\therefore 17 - 8b < 65 - 16b < 1.$$

$$\therefore 4 < b < 6.$$

\therefore 对于 $3 \leq x_0 \leq 4$, 都有 $m < n < 1$,

$$\therefore 4 < b < 5.$$

当 $4 < b < 5$ 时,

设点 $(x_0 + 4, n)$ 关于抛物线的对称轴 $x = b$ 的对称点为 (x_1, n) ,

\therefore 点 $(x_0 + 4, n)$ 在抛物线上,

\therefore 点 (x_1, n) 在抛物线上.

由 $x_0 + 4 - b = b - x_1$, 得 $x_1 = 2b - x_0 - 4$.

$$\therefore 3 \leq x_0 \leq 4, 4 < b < 5,$$

$$\therefore 0 < x_1 < 3.$$

\therefore 抛物线 $y = x^2 - 2bx + 1$,

\therefore 抛物线与 y 轴交于 $(0, 1)$.

当 $x < b$ 时, y 随 x 的增大而减小.

\therefore 点 $(0, 1), (x_1, n), (x_0, m)$ 在抛物线上, 且 $0 < x_1 < x_0 < b$,

$$\therefore m < n < 1.$$

综上所述, $4 < b < 5$6 分

27. (本题满分 7 分)

(1) \therefore 四边形 $ABCD$ 是正方形,

$$\therefore AB = BC, \angle ABE = \angle BCF = 90^\circ.$$

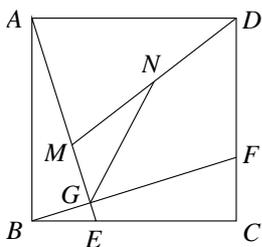
又 $\therefore BE = CF$,

$$\therefore \triangle ABE \cong \triangle BCF \text{ (SAS)}. \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$



- $\therefore \angle BAE = \angle FBC.$
- $\therefore \angle FBC + \angle ABG = 90^\circ,$
- $\therefore \angle BAE + \angle ABG = 90^\circ.$
- $\therefore \angle AGF = 90^\circ. \dots\dots\dots 2$ 分

(2) ① 依题意补全图形.

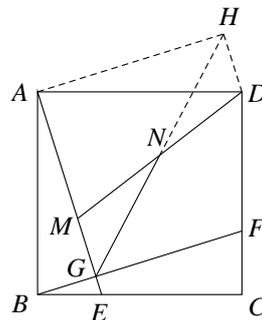


$\dots\dots\dots 3$ 分

② 线段 MN 与 ND 的数量关系为 $MN=ND.$ $\dots\dots\dots 4$ 分

证明：过点 A 作 $AH \perp AE$ 交 GN 延长线于点 H，连接 DH.

- $\therefore \angle AGF = 90^\circ, GN$ 平分 $\angle AGF,$
- $\therefore \angle AGN = \frac{1}{2} \angle AGF = 45^\circ.$
- $\therefore AH \perp AE,$
- $\therefore \angle GAH = 90^\circ.$
- $\therefore \angle AHG = \angle AGH = 45^\circ.$
- $\therefore AG = AH.$
- \therefore 四边形 ABCD 是正方形,
- $\therefore \angle BAD = 90^\circ, AB = AD.$
- $\therefore \angle GAH = 90^\circ,$
- $\therefore \angle BAG = \angle DAH.$
- $\therefore \triangle BAG \cong \triangle DAH$ (SAS).
- $\therefore BG = DH, \angle AHD = \angle AGB = 90^\circ.$
- $\therefore BG = GM, \angle AHG = 45^\circ,$
- $\therefore GM = DH, \angle DHN = \angle NGM = 45^\circ.$
- $\therefore \angle HND = \angle GNM,$
- $\therefore \triangle HND \cong \triangle GNM$ (AAS).





$\therefore MN=ND.$ 7分

28. (本题满分 7 分)

(1) ① $y=x+2;$ 1分

② $\sqrt{2};$ 2分

(2) ① 当 $d=2$ 时, 直线 CD 过点 $(0, 2), (2, 0),$

\therefore 直线 CD 解析式为 $y=-x+2.$

\therefore 点 M 在直线 CD 上,

\therefore 设 M 点坐标为 $(m, -m+2).$

\therefore 点 M 的关联直线为 $l: y=mx-m+2.$

\therefore 直线 l 过定点 $H(1, 2),$ 则 $OH=\sqrt{5}.$

\therefore 点 O 到直线 l 的距离 $h \leq OH,$

$\therefore h \leq \sqrt{5},$ 当 $OH \perp l,$ 即 $m = -\frac{1}{2}$ 时, $h = \sqrt{5}.$

\therefore 点 O 到点 M 的关联直线的距离的最大值为 $\sqrt{5}.$ 5分

② $d=2$ 或 $d=-\frac{2}{3}.$ 7分