



一、选择题

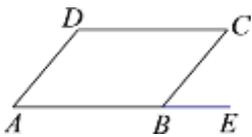
1. 函数  $y = \sqrt{x-2}$  中自变量  $x$  的取值范围是 ( )

- A.  $x > 2$                       B.  $x \geq 2$                       C.  $x \leq 2$                       D.  $x \neq 2$

2. 在平面直角坐标系中，点  $A(1, 2)$  关于  $x$  轴对称的点的坐标是 ( )

- A.  $(1, -2)$                       B.  $(-1, 2)$                       C.  $(1, 2)$                       D.  $(-1, -2)$

3. 如图，四边形  $ABCD$  是平行四边形， $E$  是  $AB$  延长线上一点，若  $\angle EBC = 50^\circ$ ，则  $\angle D$  的度数为 ( )

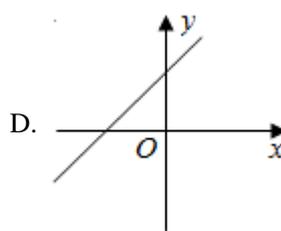
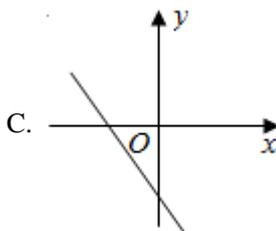
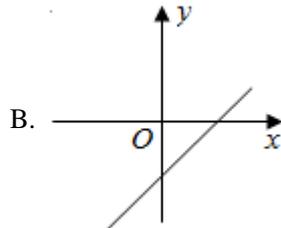
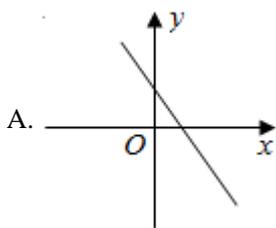


- A.  $50^\circ$                       B.  $100^\circ$                       C.  $130^\circ$                       D.  $150^\circ$

4. 若平行四边形  $ABCD$  的周长为 32， $AB = 4$ ，则  $BC$  的长是 ( )

- A. 6                      B. 8                      C. 12                      D. 16

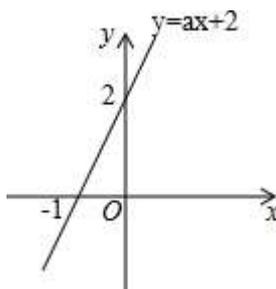
5. 一次函数  $y = kx + b$  中，若  $kb < 0$ ，且  $y$  随着  $x$  的增大而增大，则其图象可能是 ( )



6. 把直线  $y = -2x$  向上平移后得到直线  $AB$ ，若直线  $AB$  经过点  $(m, n)$ ，且  $2m + n = 8$ ，则直线  $AB$  的表达式为

- ( )  
A.  $y = -2x + 4$                       B.  $y = -2x + 8$                       C.  $y = -2x - 4$                       D.  $y = -2x - 8$

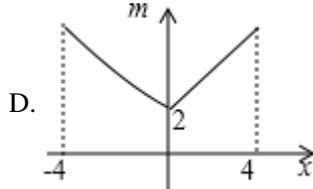
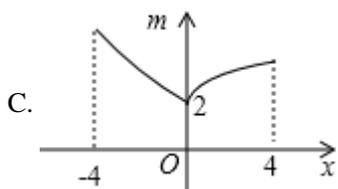
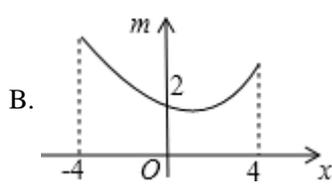
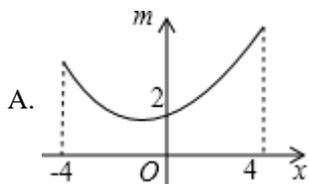
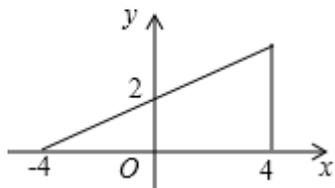
7. 已知一次函数  $y = ax + 2$  的图象如图所示，则不等式  $ax + 2 \geq 2$  的解集是 ( )



- A.  $x \leq 0$                       B.  $x \geq 0$                       C.  $x \leq -1$                       D.  $x \geq -1$



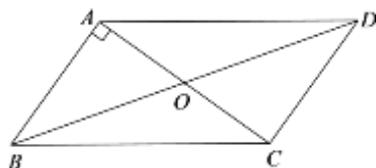
8. 如图, 若点  $P$  为函数  $y = kx + b$  ( $-4 \leq x \leq 4$ ) 图象上 一动点,  $m$  表示点  $P$  到原点  $O$  的距离, 则下列图象中, 能表示  $m$  与点  $P$  的横坐标  $x$  的函数关系的图象大致是 ( )



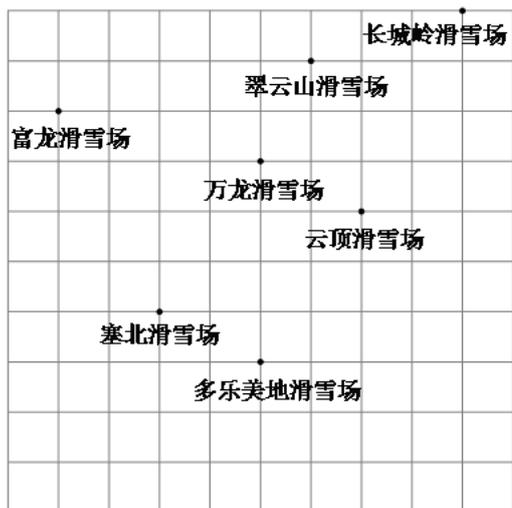
二、填空题

9. 一个多边形的内角和为  $720^\circ$ , 则这个多边形的边数为\_\_\_\_\_.

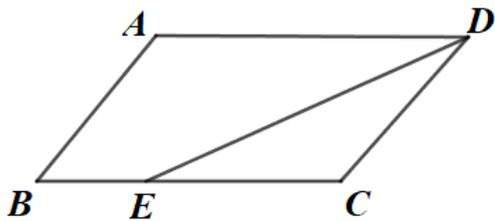
10. 如图,  $\square ABCD$  的对角线  $AC$  与  $BD$  相交于点  $O$ ,  $AB \perp AC$ , 若  $BD=10$ ,  $AC=6$ , 则  $CD$  的长是\_\_\_\_\_.



11. 崇礼是北京冬奥会的举办地之一, 聚集了国内多家高端滑雪场. 如图是崇礼周围的主要滑雪场分布示意图. 在此图中建立平面直角坐标系, 表示万龙滑雪场的坐标为  $(2, 1)$ , 表示富龙滑雪场的坐标为  $(-2, 2)$ , 则表示云顶滑雪场的坐标为\_\_\_\_\_.



12. 如图, 在  $\square ABCD$  中, 已知  $AD=8\text{cm}$ ,  $AB=6\text{cm}$ ,  $DE$  平分  $\angle ADC$ , 交  $BC$  边于点  $E$ , 则  $BE=$ \_\_\_\_\_  $\text{cm}$ .



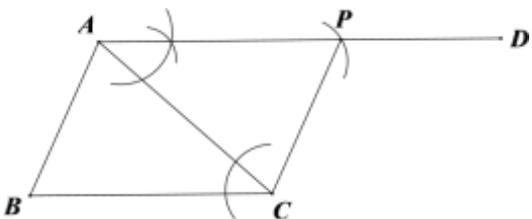
13. 某一次函数的图象过点  $(0, -1)$ ，且函数值  $y$  随  $x$  的增大而减小。请写一个符合上述条件的函数表达式\_\_\_\_\_。

14. 已知点  $(-5, y_1)$ ， $(2, y_2)$  都在直线  $y=-2x$  上，那么  $y_1$  与  $y_2$  大小关系是\_\_\_\_\_。

15. 阅读下面材料：在数学课上，老师提出如下问题：已知： $\triangle ABC$ ，尺规作图：平行四边形  $ABCP$ 。甲同学的主要作法如下：

①作  $\angle CAD = \angle ACB$ ，且点  $D$  与点  $B$  在  $AC$  的异侧；

②在射线  $AD$  上截取  $AP = CB$ ，连结  $CP$ 。所以四边形  $ABCP$  是平行四边形。



(1) 老师说：“甲同学的作法是正确的。”甲同学这样作图的依据是\_\_\_\_\_；

(2) 老师说：“已知边  $BC$  平行于  $x$  轴，点  $B$  坐标是  $(2, -1)$ ， $AP=5$ 。”则点  $C$  的坐标是\_\_\_\_\_。

16. 甲、乙两个车间接到加工一批零件的任务，从开始加工到完成这项任务共用了 9 天。其间，乙车间在加工 2 天后停止加工，引入新设备后继续加工，直到与甲车间同时完成这项任务为止。甲、乙两个车间各自加工零件总数为  $y$  (件) 与加工时间为  $x$  (单位：天) 的对应关系如图 1 所示，甲车间与乙车间加工零件总数之差  $z$  (单位：件) 与加工时间  $x$  (单位：天) 的对应关系如所示。请根据图象提供的信息回答：

(1) 图 1 中， $m$  的值是\_\_\_\_\_；

(2) 第\_\_\_\_\_天时，甲、乙两个车间加工零件总数相同。

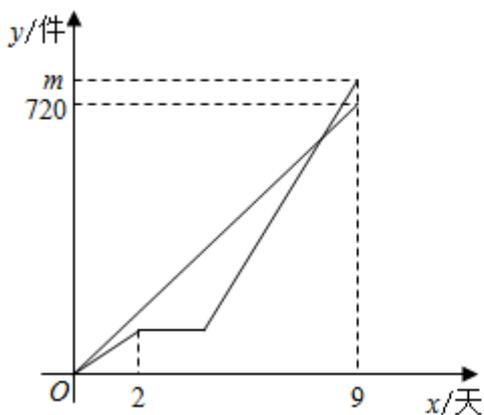


图 1

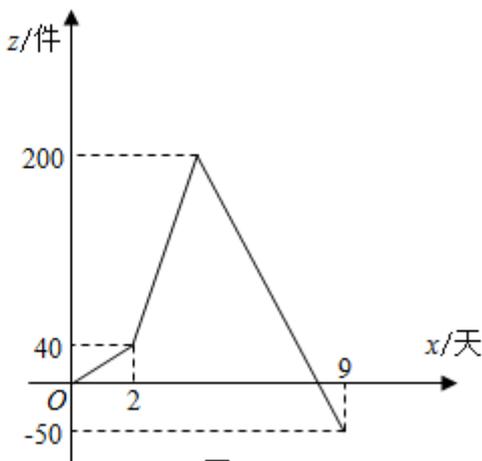
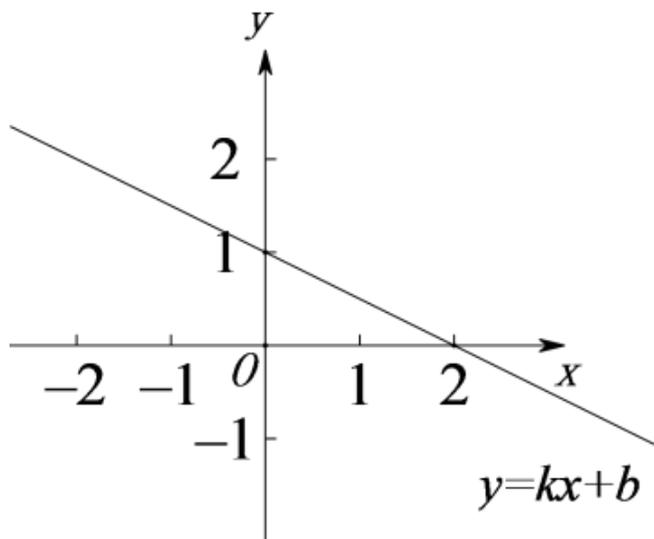


图 2

### 三、解答题

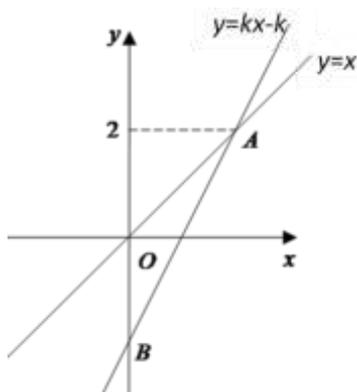
17. 已知：一次函数  $y = kx + b$  ( $k \neq 0$ ) 的图象如图所示，求一次函数的表达式。



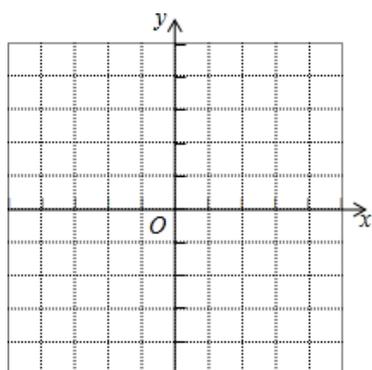
18. 已知关于  $x$  一次函数表达式是  $y=(1-3k)x+2k-1$ .

- (1) 当  $k$  为何值时, 函数图象过原点?
- (2) 若  $y$  随  $x$  的增大而增大, 求  $k$  的取值范围.

19. 如图, 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 正比例函数  $y=x$  的图象与一次函数  $y=kx-k$  的图象的交点为  $A(m, 2)$ . 求此一次函数的表达式.

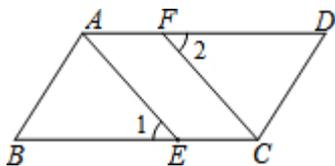


20. 已知一次函数  $y=-2x+4$ , 完成下列问题:

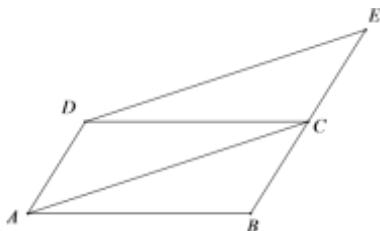


- (1) 求此函数图象与  $x$  轴、 $y$  轴的交点坐标;
- (2) 画出此函数的图象;
- (3) 观察图象, 当  $0 \leq y \leq 4$  时, 直接写出  $x$  的取值范围.

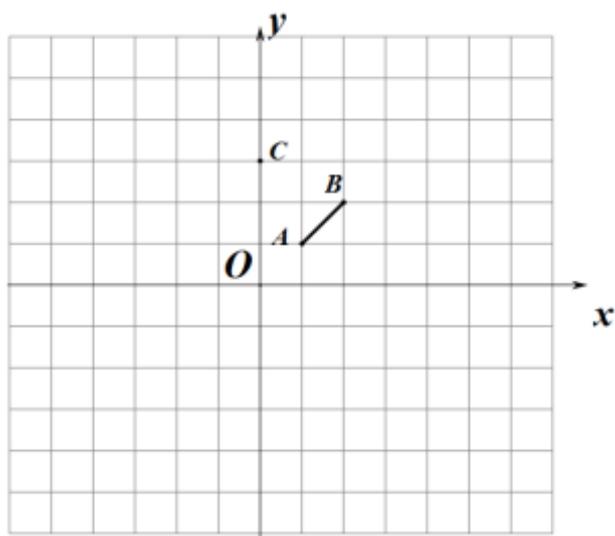
21. 已知, 如图,  $E$ 、 $F$  分别为  $\square ABCD$  的边  $BC$ 、 $AD$  上的点, 且  $\angle 1 = \angle 2$ , 求证:  $AE = CF$ .



22. 已知：如图，四边形  $ABCD$  是平行四边形， $DE \parallel AC$ ，交  $BC$  的延长线于点  $E$ ，求证： $BC = CE$ 。



23. 在平面直角坐标系中，已知  $A(1, 1)$ ， $B(2, 2)$ ， $C(0, 3)$ 。



- (1) 求直线  $BC$  表达式；
- (2) 求直线  $BC$  与坐标轴所围成的三角形面积；
- (3) 若直线  $y = kx + 3$  与线段  $AB$  有公共点，直接写出  $k$  的取值范围。

24. 如图，有两种形状不同的直角三角形纸片各两块，其中一种纸片的两条直角边长分别为 1 和 2，另一种纸片的两条直角边长都为 2。

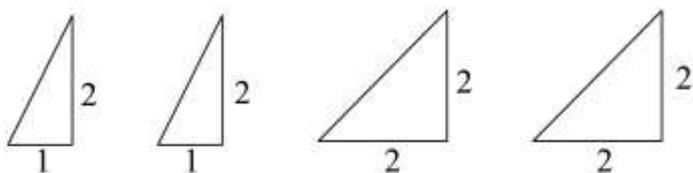


图 1、图 2、图 3 是三张形状、大小完全相同的方格纸，方格纸中的每个小正方形的边长均为 1。请用三种方法拼成平行四边形，要求如下：

- ① 将图中所给四块直角三角形纸片全部用上，互不重叠且不留空隙。
- ② 所拼的平行四边形周长互不相等，并把你所拼得的图形按实际大小分别画在图 1、图 2、图 3 的方格纸上。
- ③ 画图时，要保留四块直角三角形边的拼接痕迹。



图1

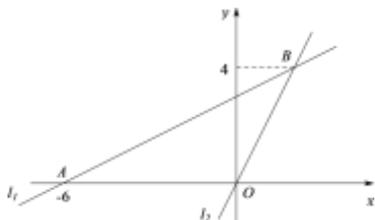


图2



图3

25. 如图，在平面直角坐标系  $xOy$  中，过点  $A(-6, 0)$  直线  $l_1$  与直线  $l_2: y=2x$  相交于点  $B(m, 4)$ .



(1) 求直线  $BA$  的表达式;

(2) 过动点  $P(n, 0)$  且垂直于  $x$  轴的直线与  $l_1, l_2$  的交点分别为  $C, D$ ，当点  $C$  位于点  $D$  下方时，直接写出  $n$  的取值范围.

26. 某游乐场普通门票价格 40 元/张，为了促销，新推出两种办卡方式：

①白金卡售价 200 元/张，每次凭卡另收取 20 元；

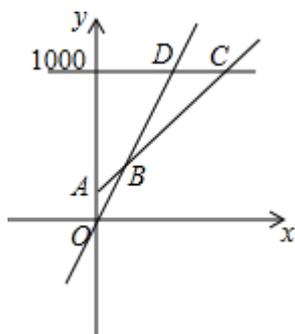
②钻石卡售价 1000 元/张，每次凭卡不再收费.

促销期间普通门票正常出售，两种优惠卡不限次数，设去游乐场玩  $x$  次时，所需总费用为  $y$  元.

(1) 分别写出选择白金卡、普通门票消费时， $y$  与  $x$  之间的函数关系式.

(2) 在同一坐标系中，若三种消费方式对应的函数图象如图所示，请求出点  $B, C$  的坐标.

(3) 请根据图象，直接写出选择哪种消费方式更合算.



27. 描点画图是探究未知函数图象变化规律的一个重要方法，下面是通过描点画图感知函数  $y = \sqrt{x+1}$  图象的变化规律的过程：

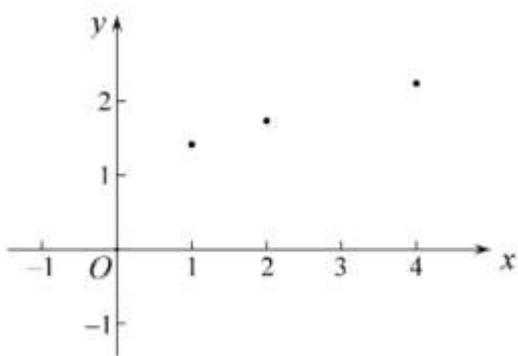
(1) 下表是  $y$  与  $x$  的几组对应值.

$x$	-1	$-\frac{3}{4}$	0	1	2	3	4	...
$y$	0	$m$	1	$\sqrt{2}$	$\sqrt{3}$	2	$\sqrt{5}$	...

其中， $m$  的值为\_\_\_\_\_；



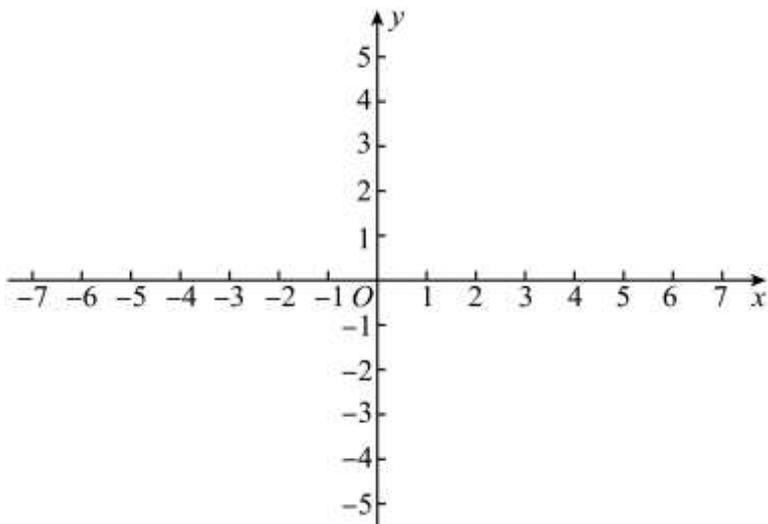
(2) 根据上表中的数据，在平面直角坐标系  $xOy$  中描出还未描出的点，并画出该函数的图象；



(3) 已知  $A, B$  是函数  $y = \sqrt{x+1}$  图象上的任意两点 ( $A$  在  $B$  的左侧)，将  $A, B$  同时向右平移 1 个单位得到点  $A_1, B_1$ ，再将  $A_1, B_1$  同时向上平移  $h (h > 0)$  个单位后得到点  $A_2, B_2$ ，若  $A_2$  刚好落在函数  $y = \sqrt{x+1}$  的图象上，则  $B_2$  与函数  $y = \sqrt{x+1}$  图象的位置关系是 ( )

- A.  $B_2$  是图象上的点
- B.  $B_2$  在图象的上方
- C.  $B_2$  在图象的下方

28. 在平面直角坐标系  $xOy$  中，已知图形  $W$  和直线  $l$ ，给出如下定义：在图形  $W$  上存在一点  $Q$ ，使得点  $Q$  到直线  $l$  的距离小于或等于  $k$ ，则称图形  $W$  与直线  $l$  “ $k$  关联”。设图形  $W$  为线段  $AB$ ，其中点  $A(t, 0)$ ，点  $B(t+2, 0)$ 。



(1) 线段  $AB$  的长是\_\_\_\_\_；

(2) 当  $t=1$  时，

① 已知直线  $y = -x - 1$ ，点  $A$  到该直线的距离为\_\_\_\_\_；

② 已知直线  $y = -x + b$ ，若线段  $AB$  与该直线“ $\sqrt{2}$  关联”，求  $b$  的取值范围；

(3) 已知直线  $y = x + 1$ ，若线段  $AB$  与该直线“ $\sqrt{3}$  关联”，则  $t$  的取值范围是\_\_\_\_\_。

# 参考答案



## 一、选择题

1. 函数  $y = \sqrt{x-2}$  中自变量  $x$  的取值范围是 ( )

- A.  $x > 2$                       B.  $x \geq 2$                       C.  $x \leq 2$                       D.  $x \neq 2$

【答案】B

【解析】

【分析】根据被开方数大于等于 0，列式计算即可得解.

【详解】解：由题意得， $x-2 \geq 0$ ，

解得  $x \geq 2$ .

故选：B.

【点睛】本题考查自变量的取值范围，掌握被开方数大于等于 0 是解题关键.

2. 在平面直角坐标系中，点 A (1, 2) 关于 x 轴对称的点的坐标是 ( )

- A. (1, -2)                      B. (-1, 2)                      C. (1, 2)                      D. (-1, -2)

【答案】A

【解析】

【分析】利用平面直角坐标系点对称的性质求解，关于 x 轴对称点的坐标是横坐标不变纵坐标变为原来的相反数.

【详解】解：∵点 A 的横坐标为 1，

∴点 A 关于 x 轴对称的点的横坐标是 1，

∵点 A 的纵坐标为 2，

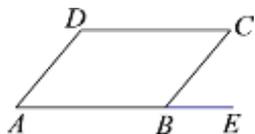
∴点 A 关于 y 轴对称的点的纵坐标是 -2，

∴点 A (1, 2) 关于 x 轴对称的点的坐标是 (1, -2).

故选：A.

【点睛】本题考查了坐标平面内的轴对称变换，关于 x 轴对称的两点，横坐标相同，纵坐标互为相反数；关于 y 轴对称的两点，纵坐标相同，横坐标互为相反数；关于原点对称的两点，横坐标和纵坐标都互为相反数，解题的关键是掌握点的坐标的变化规律.

3. 如图，四边形 ABCD 是平行四边形，E 是 AB 延长线上一点，若  $\angle EBC = 50^\circ$ ，则  $\angle D$  的度数为 ( )



- A.  $50^\circ$                       B.  $100^\circ$                       C.  $130^\circ$                       D.  $150^\circ$

【答案】C

【解析】

【分析】根据平行四边形的性质，即可求解.

【详解】解：∵四边形 ABCD 是平行四边形，

∴ $AB \parallel CD$ ， $AD \parallel BC$ ，

∴ $\angle A = \angle EBC = 50^\circ$ ， $\angle A + \angle D = 180^\circ$ ，



$\therefore \angle D = 130^\circ$ .

故选：C

【点睛】本题主要考查了平行四边形的性质，熟练掌握平行四边形的性质是解题的关键.

4. 若平行四边形  $ABCD$  的周长为 32,  $AB=4$ , 则  $BC$  的长是 ( )

- A. 6                      B. 8                      C. 12                      D. 16

【答案】C

【解析】

【分析】根据平行四边形的性质，即可求解.

【详解】解： $\because$  四边形  $ABCD$  是平行四边形，

$\therefore AB=CD, AD=BC,$

$\because$  平行四边形  $ABCD$  的周长为 32,

$\therefore 2(AB+BC) = 32,$

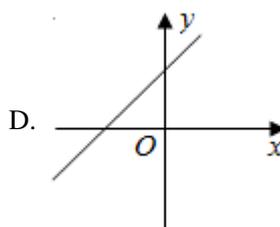
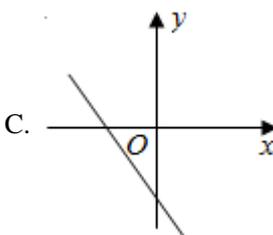
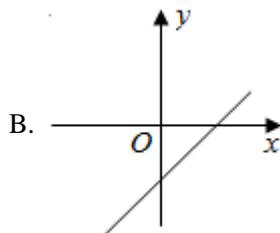
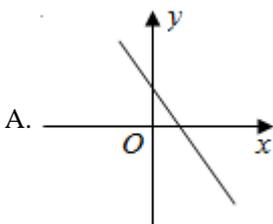
$\because AB=4,$

$\therefore BC = 12.$

故选：C

【点睛】本题主要考查了平行四边形的性质，熟练掌握平行四边形的性质是解题的关键.

5. 一次函数  $y = kx + b$  中，若  $kb < 0$ ，且  $y$  随着  $x$  的增大而增大，则其图象可能是 ( )



【答案】B

【解析】

【分析】由  $y$  随着  $x$  的增大而增大，利用一次函数的性质可得出  $k > 0$ ，结合  $kb < 0$  可得出  $b < 0$ ，再利用一次函数图象与系数的关系即可得出一次函数  $y = kx + b$  的图象经过第一、三、四象限.

【详解】解： $\because y$  随着  $x$  的增大而增大，

$\therefore k > 0,$

又  $\because kb < 0,$

$\therefore b < 0,$

$\therefore$  一次函数  $y = kx + b$  的图象经过第一、三、四象限.

故选：B.



【点睛】本题考查了一次函数的性质以及一次函数图象与系数的关系，牢记“ $k > 0, b < 0 \Leftrightarrow y = kx + b$  的图象在一、三、四象限”是解题的关键。

6. 把直线  $y = -2x$  向上平移后得到直线  $AB$ ，若直线  $AB$  经过点  $(m, n)$ ，且  $2m + n = 8$ ，则直线  $AB$  的表达式为 ( )

- A.  $y = -2x + 4$                       B.  $y = -2x + 8$                       C.  $y = -2x - 4$                       D.  $y = -2x - 8$

【答案】B

【解析】

【分析】由题意知，直线  $AB$  的斜率，又已知直线  $AB$  上的一点  $(m, n)$ ，所以用直线的点斜式方程  $y - y_0 = k(x - x_0)$  求得解析式即可。

【详解】解：∵ 直线  $AB$  是直线  $y = -2x$  平移后得到的，

∴ 直线  $AB$  的  $k$  是  $-2$  (直线平移后，其斜率不变)

∴ 设直线  $AB$  的方程为  $y - y_0 = -2(x - x_0)$  ①

把点  $(m, n)$  代入①并整理，得

$$y = -2x + (2m + n) \text{ ②}$$

$$\because 2m + n = 8 \text{ ③}$$

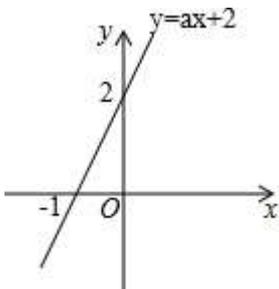
把③代入②，解得  $y = -2x + 8$ ，

即直线  $AB$  的解析式为  $y = -2x + 8$ 。

故选 B。

【点睛】本题是关于一次函数的图象与它平移后图象的转变的题目，在解题时，紧紧抓住直线平移后，斜率不变这一性质，再根据题意中的已知条件，来确定用哪种方程 (点斜式、斜截式、两点式等) 来解答。

7. 已知一次函数  $y = ax + 2$  的图象如图所示。则不等式  $ax + 2 \geq 2$  的解集是 ( )



- A.  $x \leq 0$                       B.  $x \geq 0$                       C.  $x \leq 2$                       D.  $x \geq 2$

【答案】B

【解析】

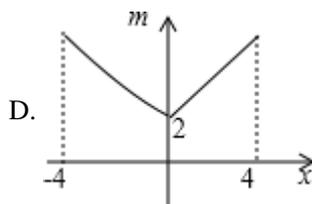
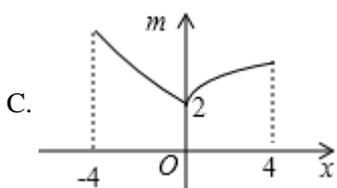
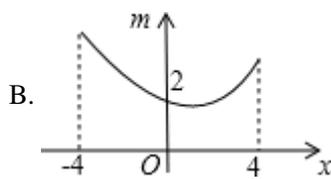
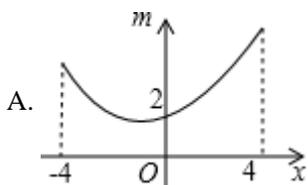
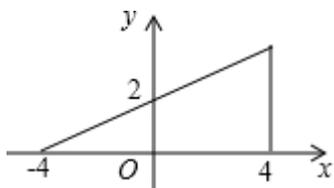
【分析】直接利用函数图象确定不等式 解集即可。

【详解】解：根据一次函数  $y = ax + 2$  的图象可得  $ax + 2 \geq 2$  的解集为  $x \geq 0$ 。

故选 B。

【点睛】本题主要考查了根据一次函数的图象确定不等式的解集，灵活运用数形结合思想成为解答本题的关键。

8. 如图，若点  $P$  为函数  $y = kx + b$  ( $-4 \leq x \leq 4$ ) 图象上的一动点， $m$  表示点  $P$  到原点  $O$  的距离，则下列图象中，能表示  $m$  与点  $P$  的横坐标  $x$  的函数关系的图象大致是 ( )

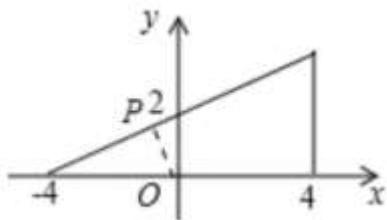


【答案】A

【解析】

【分析】当  $OP$  垂直于直线  $y=kx+b$  时，由垂线段最短可知： $OP < 2$ ，故此函数在  $y$  轴的左侧有最小值，且最小值小于 2，从而得出答案.

【详解】解：如图所示：过点  $O$  作  $OP$  垂直于直线  $y=kx+b$ ，



$\because OP$  垂直于直线  $y=kx+b$ ，

$\therefore OP < 2$ ，且点  $P$  的横坐标  $< 0$ 。

故此当  $x < 0$  时，函数有最小值，且最小值  $< 2$ ，根据选项可知 A 符合题意。

故选：A。

【点睛】本题主要考查的是动点问题的函数图象，由垂线段最短判定出：当  $x < 0$  时，函数有最小值，且最小值小于 2 是解题的关键。

## 二、填空题

9. 一个多边形的内角和为  $720^\circ$ ，则这个多边形的边数为\_\_\_\_\_。

【答案】6

【解析】

【分析】根据多边形内角和定理： $(n-2) \times 180^\circ$ ，列方程解答出即可。

【详解】解：设这个多边形的边数为  $n$ ，

根据多边形内角和定理得， $(n-2) \times 180^\circ = 720^\circ$ ，

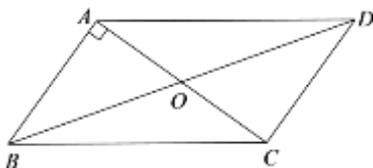
解得  $n=6$ 。

故答案为：6。



【点睛】本题主要考查了多边形内角和定理的应用，准确计算是解题的关键.

10. 如图， $\square ABCD$  的对角线  $AC$  与  $BD$  相交于点  $O$ ， $AB \perp AC$ ，若  $BD=10$ ， $AC=6$ ，则  $CD$  的长是\_\_\_\_\_.



【答案】4

【解析】

【分析】由四边形  $ABCD$  是平行四边形，可知  $AO = \frac{1}{2}AC = 3$ ， $BO = \frac{1}{2}BD = 5$ ， $AB = CD$ ，结合  $AB \perp AC$ ，可得

$AB = \sqrt{BO^2 - AO^2} = 4$ ，从而得出答案.

【详解】解：∵ 四边形  $ABCD$  是平行四边形， $BD=10$ ， $AC=6$ ，

∴  $AO = \frac{1}{2}AC = 3$ ， $BO = \frac{1}{2}BD = 5$ ， $AB = CD$ ，

∵  $AB \perp AC$ ，即  $\angle BAC = 90^\circ$ ，

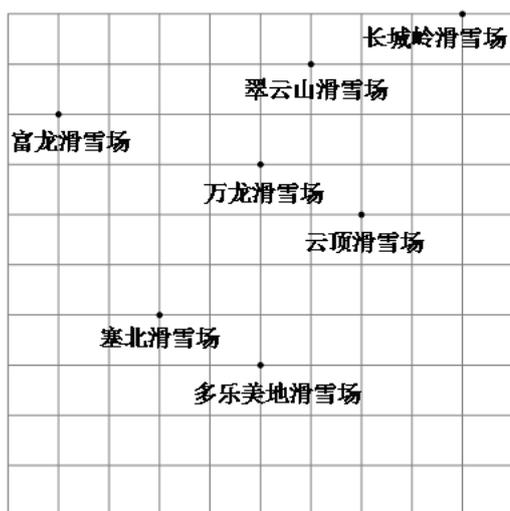
∴  $AB = \sqrt{BO^2 - AO^2} = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$

∴  $CD = AB = 4$ .

故答案为：4.

【点睛】本题主要考查平行四边形的性质，解题的关键是掌握平行四边形的性质和勾股定理.

11. 崇礼是北京冬奥会的举办地之一，聚集了国内多家高端滑雪场. 如图是崇礼周围的主要滑雪场分布示意图. 在此图中建立平面直角坐标系，表示万龙滑雪场的坐标为  $(2, 1)$ ，表示富龙滑雪场的坐标为  $(-2, 2)$ ，则表示云顶滑雪场的坐标为\_\_\_\_\_.



【答案】 $(4, 0)$

【解析】

【分析】根据表示万龙滑雪场的坐标为  $(2, 1)$ ，表示富龙滑雪场的坐标为  $(-2, 2)$ ，可知平移的点的坐标特征为“左减右加，上加下减”，即可求解.

【详解】解：∵ 表示万龙滑雪场的坐标为  $(2, 1)$ ，表示富龙滑雪场的坐标为  $(-2, 2)$ ，



∴ 平移的点的坐标特征为“左减右加，上加下减”，

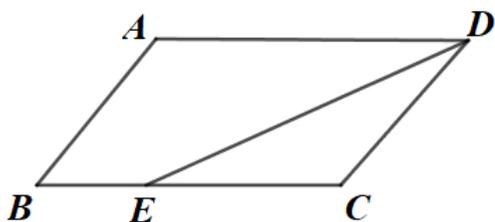
∴ 万龙滑雪场到云顶滑雪场，需要向右平移 2 个单位长度，向下平移 1 个单位长度，

∴ 表示云顶滑雪场的坐标为 (4, 0)。

故答案为：(4, 0)。

【点睛】本题考查了点的平移规律、利用平面直角坐标系中点的坐标确定物体的位置。

12. 如图，在  $\square ABCD$  中，已知  $AD=8\text{cm}$ ， $AB=6\text{cm}$ ， $DE$  平分  $\angle ADC$ ，交  $BC$  边于点  $E$ ，则  $BE=$ \_\_\_\_\_cm.



【答案】2

【解析】

【分析】由  $\square ABCD$  和  $DE$  平分  $\angle ADC$ ，可证  $\angle DEC = \angle CDE$ ，从而可知  $\triangle DCE$  为等腰三角形，则  $CE = CD$ ，由  $AD = BC = 8\text{cm}$ ， $AB = CD = 6\text{cm}$  即可求出  $BE$ 。

【详解】解：∵ 四边形  $ABCD$  是平行四边形，

$$\therefore \angle ADE = \angle DEC$$

$$\because DE \text{ 平分 } \angle ADC$$

$$\therefore \angle ADE = \angle CDE$$

$$\therefore \angle DEC = \angle CDE$$

$$\therefore CD = CE$$

$$\because CD = AB = 6\text{cm}$$

$$\therefore CE = 6\text{cm}$$

$$\because BC = AD = 8\text{cm}$$

$$\therefore BE = BC - EC = 8 - 6 = 2\text{cm}.$$

故答案为 2。

【点睛】本题主要考查了平行四边形的性质，在平行四边形中，当出现角平分线时，一般可构造等腰三角形，进而利用等腰三角形的性质解题。

13. 某一次函数的图象过点 (0, -1)，且函数值  $y$  随  $x$  的增大而减小。请写一个符合上述条件的函数表达式

\_\_\_\_\_。

【答案】 $y = -x - 1$  (答案不唯一)

【解析】

【分析】设一次函数解析式为  $y = kx + b$ ，把已知点坐标代入并根据函数的增减性确定出  $k$  的值即可。

【详解】解：设一次函数解析式为  $y = kx + b$ ，

把 (0, -1) 代入得： $y = kx - 1$ ，

由函数值  $y$  随  $x$  的增大而减小，得到  $k < 0$ ，

则满足上述函数解析式为  $y = -x - 1$ ，



故答案为： $y = -x - 1$ （答案不唯一）

【点睛】此题考查了待定系数法求一次函数解析式，一次函数的性质，以及一次函数图象上点的坐标特征，熟练掌握待定系数法是解本题的关键.

14. 已知点  $(-5, y_1)$ ， $(2, y_2)$  都在直线  $y = -2x$  上，那么  $y_1$  与  $y_2$  大小关系是\_\_\_\_\_.

【答案】  $y_1 > y_2$  ##  $y_2 < y_1$

【解析】

【分析】先根据一次函数的解析式判断出函数的增减性，再由  $x_1 < x_2$  即可得出结论.

【详解】解：∵ 直线  $y = -2x$  中， $k = -2 < 0$ ,

∴  $y$  随  $x$  的增大而减少，

∵  $-5 < 2$ ，即  $x_1 < x_2$ ，

∴  $y_1 > y_2$ .

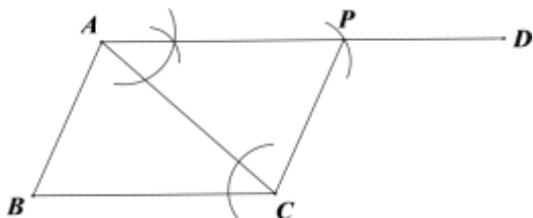
故答案为： $y_1 > y_2$ .

【点睛】本题考查的是一次函数的增减性，熟知一次函数的增减性是解答此题的关键.

15. 阅读下面材料：在数学课上，老师提出如下问题：已知： $\triangle ABC$ ，尺规作图：平行四边形  $ABCP$ 。甲同学的主要作法如下：

①作  $\angle CAD = \angle ACB$ ，且点  $D$  与点  $B$  在  $AC$  的异侧；

②在射线  $AD$  上截取  $AP = CB$ ，连结  $CP$ 。所以四边形  $ABCP$  是平行四边形。



(1) 老师说：“甲同学的作法是正确的。”甲同学这样作图的依据是\_\_\_\_\_；

(2) 老师说：“已知边  $BC$  平行于  $x$  轴，点  $B$  坐标是  $(2, -1)$ ， $AP = 5$ 。”则点  $C$  的坐标是\_\_\_\_\_.

【答案】 ①. 一组对边平行且相等的四边形是平行四边形 ②.  $(7, -1)$

【解析】

【分析】(1) 由  $\angle CAD = \angle ACB$  可知  $AP \parallel CB$ ，又因为  $AP = CB$ ，根据一组对边平行且相等的四边形是平行四边形，即可得出答案；

(2) 由  $AP = 5$ ，可得  $BC = 5$ ，又因为边  $BC$  平行于  $x$  轴，点  $B$  坐标是  $(2, -1)$ ，根据点的平移的坐标特征，即可求解.

【详解】(1) 解：∵  $\angle CAD = \angle ACB$ ,

∴  $AP \parallel CB$ ,

∵  $AP = CB$ ,

∴ 四边形  $ABCP$  是平行四边形。（一组对边平行且相等的四边形是平行四边形）

故答案为：一组对边平行且相等的四边形是平行四边形；

(2) 解：∵  $AP = 5$ ,

∴  $BC = 5$ ,



∵边  $BC$  平行于  $x$  轴，点  $B$  坐标是  $(2, -1)$ ，

∴点  $C$  的坐标是  $(7, -1)$ 。

故答案为： $(7, -1)$ 。

【点睛】本题主要考查了平行四边形的判定与点的平移的坐标特征。

16. 甲、乙两个车间接到加工一批零件的任务，从开始加工到完成这项任务共用了 9 天。其间，乙车间在加工 2 天后停止加工，引入新设备后继续加工，直到与甲车间同时完成这项任务为止。甲、乙两个车间各自加工零件总数为  $y$  (单位：件) 与加工时间为  $x$  (单位：天) 的对应关系如图 1 所示，甲车间与乙车间加工零件总数之差  $z$  (单位：件) 与加工时间  $x$  (单位：天) 的对应关系如所示。请根据图象提供的信息回答：

- (1) 图 1 中， $m$  的值是\_\_\_；
- (2) 第\_\_\_天时，甲、乙两个车间加工零件总数相同。

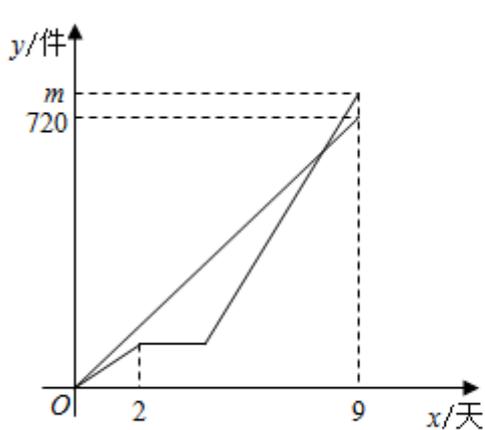


图 1

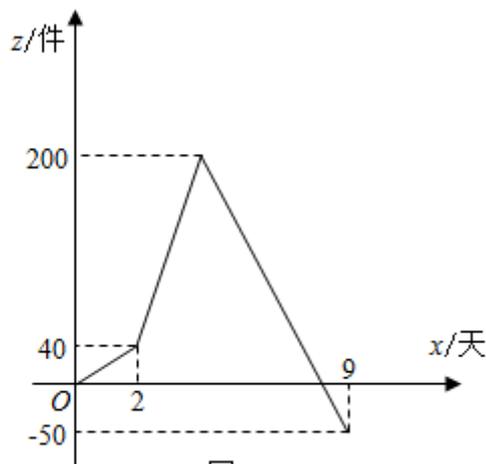


图 2

【答案】 ①. 770 ②. 8

【解析】

【分析】 (1) 根据题意和函数图象中 数据可以求得  $m$  的值；

(2) 根据题意和函数图象中的数据可以求得甲的速度、乙引入设备前后的速度，乙停工的天数，从而可以求得第几天，甲、乙两个车间加工零件总数相同。

【详解】解： (1) 由题意可得，

$$m=720+50=770,$$

故答案为：770；

(2) 由图可得，

甲每天加工的零件数为： $720 \div 9 = 80$  (个)，

乙引入新设备前，每天加工的零件数为： $80 - (40 \div 2) = 60$  (个)，

乙停工的天数为： $(200 - 40) \div 80 = 2$  (天)，

乙引入新设备后，每天加工的零件数为： $(770 - 60 \times 2) \div (9 - 2 - 2) = 130$  (个)，

设第  $x$  天，甲、乙两个车间加工零件总数相同，

$$80x = 60 \times 2 + 130(x - 2 - 2),$$

解得， $x = 8$ ，

即第 8 天，甲、乙两个车间加工零件总数相同，

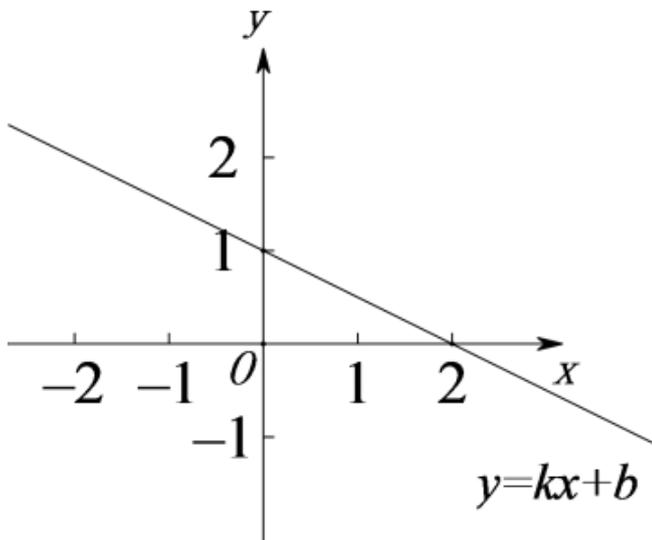


故答案为：8.

【点睛】本题考查函数的图像，解答本题的关键是明确题意，利用数形结合的思想解答.

### 三、解答题

17. 已知：一次函数  $y = kx + b$  ( $k \neq 0$ ) 的图象如图所示，求一次函数的表达式.



【答案】  $y = -\frac{1}{2}x + 1$

【解析】

【分析】由图象可知，一次函数  $y = kx + b$  ( $k \neq 0$ ) 的图象经过  $(0, 1)$ ,  $(2, 0)$  两点，直接把  $(0, 1)$ ,  $(2, 0)$  代入一次函数  $y = kx + b$  中可得关于  $k$ 、 $b$  的方程组，再解方程组可得  $k$ 、 $b$  的值，进而求出一次函数的解析式.

【详解】解：由图象可知，一次函数  $y = kx + b$  ( $k \neq 0$ ) 的图象经过  $(0, 1)$ ,  $(2, 0)$  两点，

$$\therefore \begin{cases} 1 = 0 + b \\ 0 = 2k + b \end{cases},$$

$$\text{解得} \begin{cases} k = -\frac{1}{2}, \\ b = 1 \end{cases}$$

$\therefore$  一次函数的表达式为  $y = -\frac{1}{2}x + 1$ .

【点睛】此题考查了待定系数法求一次函数解析式.

18. 已知关于  $x$  的一次函数表达式是  $y = (1-3k)x + 2k - 1$ .

(1) 当  $k$  为何值时，函数图象过原点？

(2) 若  $y$  随  $x$  的增大而增大，求  $k$  的取值范围.

【答案】 (1)  $k = \frac{1}{2}$

(2)  $k < \frac{1}{3}$

【解析】



【分析】(1) 由题意知，函数  $y=(1-3k)x+2k-1$  的图象过原点，因此将原点坐标  $(0, 0)$  代入，可得一元一次方程  $2k-1=0$ ，解方程即可求出  $k$  的值；

(2) 由题意知，函数  $y=(1-3k)x+2k-1$  的图象中  $y$  随  $x$  的增大而增大，根据一次函数的性质及一次函数的定义，可列出关于  $k$  的不等式  $1-3k>0$ ，求出  $k$  的取值范围即可。

【小问 1 详解】

解：由题意知，函数  $y=(1-3k)x+2k-1$  的图象过原点，

∴将点  $(0, 0)$  代入函数解析式得  $2k-1=0$ ，

$$\text{解得 } k = \frac{1}{2};$$

【小问 2 详解】

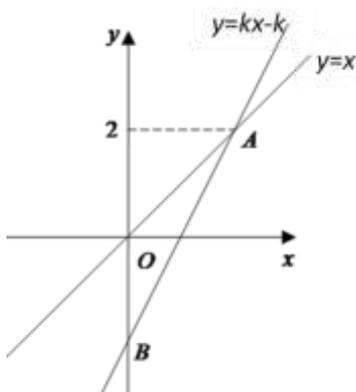
解：由题意知，函数  $y=(1-3k)x+2k-1$  的图象中  $y$  随  $x$  的增大而增大，

∴ $1-3k>0$ ，

$$\text{解得 } k < \frac{1}{3}.$$

【点睛】本题主要考查了一次函数的定义和性质及不等式的性质，掌握一次函数的定义和性质是解题的关键。

19. 如图，在平面直角坐标系  $xOy$  中，正比例函数  $y=x$  的图象与一次函数  $y=kx-k$  的图象的交点为  $A(m, 2)$ 。求此一次函数的表达式。



【答案】  $y = 2x - 2$

【解析】

【分析】先把  $A(m, 2)$  代入正比例函数解析式可计算出  $m=2$ ，然后把  $A(2, 2)$  代入  $y=kx-k$  计算出  $k$  的值，从而得到一次函数解析式。

【详解】解：把  $A(m, 2)$  代入  $y=x$  得  $m=2$ ，

∴点  $A$  的坐标为  $(2, 2)$ ，

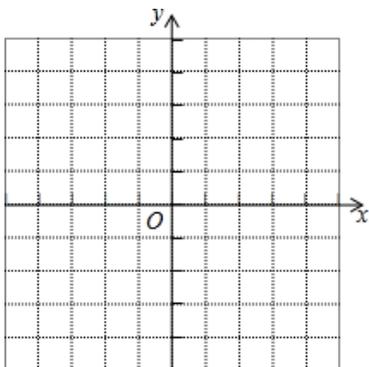
把  $A(2, 2)$  代入  $y=kx-k$  得  $2k-k=2$ ，

解得  $k=2$ ，

∴一次函数解析式为  $y = 2x - 2$ 。

【点睛】本题考查了两条直线相交问题：若直线  $y = k_1x + b_1$  与直线  $y = k_2x + b_2$  相交，则由两解析式所组成的方程组的解为交点坐标。

20. 已知一次函数  $y=-2x+4$ ，完成下列问题：



- (1) 求此函数图象与  $x$  轴、 $y$  轴的交点坐标;
- (2) 画出此函数的图象;
- (3) 观察图象, 当  $0 \leq y \leq 4$  时, 直接写出  $x$  的取值范围.

【答案】(1) 此函数图象与  $x$  轴的交点坐标为(2, 0), 与  $y$  轴的交点坐标为(0, 4)

(2) 见解析 (3)  $0 \leq x \leq 2$

【解析】

【分析】(1) 根据题目中的函数解析式, 令  $y=0$ ,  $x=0$ , 即可求得该函数图象与  $x$  轴和  $y$  轴的交点坐标;

(2) 根据(1)中该函数图象与  $x$  轴和  $y$  轴交点坐标, 可以画出相应的函数图象;

(3) 根据函数图象, 即可写出当  $0 \leq y \leq 4$  时,  $x$  的取值范围.

【小问1详解】

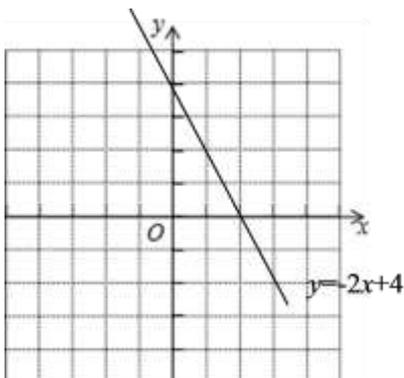
解:  $\because y = -2x + 4$ ,

$\therefore$  当  $y=0$  时,  $x=2$ , 当  $x=0$  时,  $y=4$ ,

$\therefore$  此函数图象与  $x$  轴交点坐标为(2, 0), 与  $y$  轴的交点坐标为(0, 4);

【小问2详解】

解: 函数图象如图,

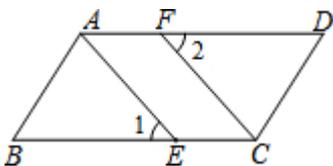


【小问3详解】

解: 由图象可得, 当  $0 \leq y \leq 4$  时,  $x$  的取值范围是  $0 \leq x \leq 2$ .

【点睛】本题考查一次函数的性质、一次函数的图象, 解答本题的关键是明确题意, 画出相应的函数图象.

21. 已知, 如图,  $E$ 、 $F$  分别为  $\square ABCD$  的边  $BC$ 、 $AD$  上的点, 且  $\angle 1 = \angle 2$ , 求证:  $AE = CF$ .



【答案】详见解析



【解析】

【分析】通过证明三角形全等求得两线段相等即可.

【详解】 $\because$  四边形  $ABCD$  为平行四边形

$$\therefore \angle B = \angle D, AB = CD$$

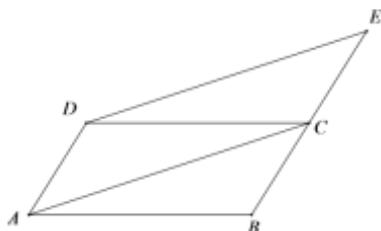
$$\therefore \angle 1 = \angle 2, \angle B = \angle D, AB = CD$$

$$\therefore \triangle ABE \cong \triangle CDF$$

$$\therefore AE = CF.$$

【点睛】本题主要考查平行四边形性质与全等三角形，解题关键在于找到全等三角形.

22. 已知：如图，四边形  $ABCD$  是平行四边形， $DE \parallel AC$ ，交  $BC$  的延长线于点  $E$ ，求证： $BC = CE$ .



【答案】见解析

【解析】

【分析】先由四边形  $ABCD$  是平行四边形，可得  $AD \parallel BC$ ， $AD = BC$ ，又由  $DE \parallel AC$ ，可得四边形  $ACED$  是平行四边形，进而可得  $AD = CE$ ，即可得出结论.

【详解】解： $\because$  四边形  $ABCD$  是平行四边形，

$$\therefore AD \parallel BC, AD = BC,$$

$$\therefore AD \parallel CE,$$

$$\therefore DE \parallel AC,$$

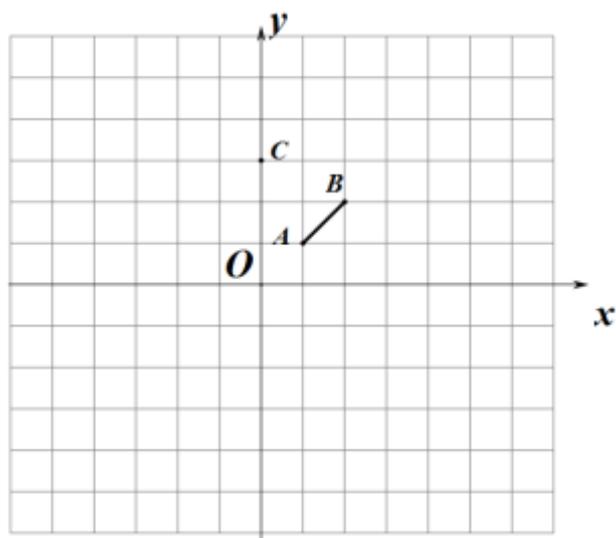
$\therefore$  四边形  $ACED$  是平行四边形，

$$\therefore AD = CE,$$

$$\therefore BC = CE.$$

【点睛】本题主要考查了平行四边形的判定与性质. 灵活运用平行四边形的判定方法是解题的关键.

23. 在平面直角坐标系中，已知  $A(1, 1)$ ， $B(2, 2)$ ， $C(0, 3)$ .





- (1) 求直线  $BC$  的表达式;  
(2) 求直线  $BC$  与坐标轴所围成的三角形面积;  
(3) 若直线  $y = kx + 3$  与线段  $AB$  有公共点, 直接写出  $k$  的取值范围.

【答案】 (1)  $y = -\frac{1}{2}x + 3$

(2) 9 (3)  $-2 \leq k \leq -\frac{1}{2}$

【解析】

【分析】 (1) 设直线  $BC$  的表达式为  $y = ax + b$ , 再将  $B(2, 2)$ ,  $C(0, 3)$  代入表达式, 可得关于  $a, b$  的二元一次方程组, 即可求解;

(2) 求出直线  $BC$  与  $x$  轴的交点坐标, 即可求解;

(3) 当直线分别过点  $A, B$  时, 可分别求出  $k$  值, 再结合图形, 即可求出  $k$  的取值范围.

【小问 1 详解】

解: 设直线  $BC$  的表达式为  $y = ax + b$ ,

将  $B(2, 2)$ ,  $C(0, 3)$  代入表达式  $y = ax + b$ , 得  $\begin{cases} 2 = 2a + b \\ 3 = 0 + b \end{cases}$ ,

解得  $\begin{cases} a = -\frac{1}{2} \\ b = 3 \end{cases}$ ,

$\therefore$  直线  $BC$  的表达式为  $y = -\frac{1}{2}x + 3$ ;

【小问 2 详解】

解: 当  $y = 0$  时,  $0 = -\frac{1}{2}x + 3$ ,

解得  $x = 6$ ,

$\therefore$  直线  $BC$  与  $x$  轴的交点坐标为  $(6, 0)$ ,

$\therefore$  直线  $BC$  与  $y$  轴的交点坐标为  $C(0, 3)$ ,

$\therefore$  直线  $BC$  与坐标轴所围成的三角形面积  $= \frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$ ;

【小问 3 详解】

解: 当点  $A(1, 1)$  在直线  $y = kx + 3$  上时, 有  $1 = k + 3$ ,

解得  $k = -2$ ;

当点  $B(2, 2)$  在直线  $y = kx + 3$  上时, 有  $2 = 2k + 3$ ,

解得  $k = -\frac{1}{2}$ ;

$\therefore$  若直线  $y = kx + 3$  与线段  $AB$  有公共点, 则  $k$  的取值范围为  $-2 \leq k \leq -\frac{1}{2}$ .



【点睛】本题主要考查了用待定系数法求一次函数的解析式、一次函数与三角形面积的综合应用、两条直线相交时点的坐标特征.

24. 如图, 有两种形状不同的直角三角形纸片各两块, 其中一种纸片的两条直角边长分别为 1 和 2, 另一种纸片的两条直角边长都为 2.

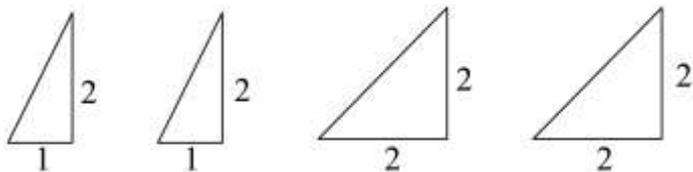


图 1、图 2、图 3 是三张形状、大小完全相同的方格纸, 方格纸中的每个小正方形的边长均为 1. 请用三种方法拼成平行四边形, 要求如下:

- ①将图中所给四块直角三角形纸片全部用上, 互不重叠且不留空隙.
- ②所拼的平行四边形周长互不相等, 并把你所拼得的图形按实际大小分别画在图 1、图 2、图 3 的方格纸上.
- ③画图时, 要保留四块直角三角形边的拼接痕迹.



图1



图2



图3

【答案】见解析

【解析】

【分析】可以先用直角边为 1 和 2 的直角三角形拼出矩形, 再分别在直角边为 2 的两侧拼上直角边都为 2 的直角三角形; 可以先用直角边都为 2 的直角三角形拼出矩形, 再分别在直角边为 2 的两侧拼上直角边为 2 和 1 的直角三角形; 以四个直角三角形的直角边拼出对角线为 3 的平行四边形即可.

【详解】解: 如图 1, 先用直角边为 1 和 2 的直角三角形拼出矩形, 再分别在直角边为 2 的两侧拼上边长都为 2 的直角三角形;

如图 2, 先用直角边都为 2 的直角三角形拼出矩形, 再分别在边长为 2 的两侧拼上直角边为 2 和 1 的直角三角形;

如图 3, 以四个直角三角形的直角边拼出对角线为 3 的平行四边形;

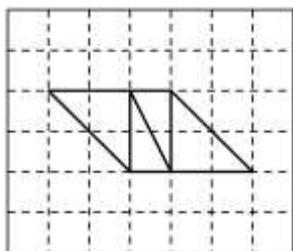


图1

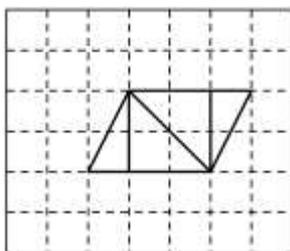


图2

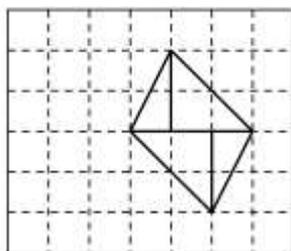
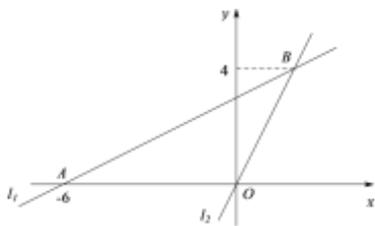


图3

【点睛】此题主要考查对平行四边形与三角形之间关系的灵活掌握, 理解性质是解决这个问题的关键.

25. 如图, 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 过点  $A(-6, 0)$  的直线  $l_1$  与直线  $l_2: y=2x$  相交于点  $B(m, 4)$ .



(1) 求直线  $BA$  的表达式;

(2) 过动点  $P(n, 0)$  且垂直于  $x$  轴的直线与  $l_1, l_2$  的交点分别为  $C, D$ , 当点  $C$  位于点  $D$  下方时, 直接写出  $n$  的取值范围.

【答案】 (1)  $y = \frac{1}{2}x + 3$

(2)  $n > 2$

【解析】

【分析】 (1) 先求出点  $B$  的坐标, 再利用待定系数法解答, 即可求解;

(2) 根据题意得:  $C\left(n, \frac{1}{2}n + 3\right), D(n, 2n)$ , 再由点  $C$  位于点  $D$  下方, 即可求解.

【小问 1 详解】

解:  $\because$  直线  $l_1$  与直线  $l_2: y = 2x$  相交于点  $B(m, 4)$ .

$\therefore 2m = 4$ , 解得:  $m = 2$ ,

$\therefore$  点  $B(2, 4)$ .

设直线  $BA$  的表达式为  $y = kx + b (k \neq 0)$ ,

把点  $A(-6, 0)$ , 点  $B(2, 4)$  代入得:

$$\begin{cases} -6k + b = 0 \\ 2k + b = 4 \end{cases},$$

$$\text{解得: } \begin{cases} k = \frac{1}{2} \\ b = 3 \end{cases}$$

$\therefore$  直线  $BA$  的表达式为  $y = \frac{1}{2}x + 3$ ;

【小问 2 详解】

解: 根据题意得:  $C\left(n, \frac{1}{2}n + 3\right), D(n, 2n)$ ,

$\because$  当点  $C$  位于点  $D$  下方,

$$\therefore \frac{1}{2}n + 3 < 2n,$$

解得:  $n > 2$ .

【点睛】 本题主要考查了求一次函数解析式, 两直线的交点问题, 熟练掌握一次函数的图象和性质是解题的关键.

26. 某游乐场普通门票价格 40 元/张, 为了促销, 新推出两种办卡方式:



①白金卡售价 200 元/张，每次凭卡另收取 20 元；

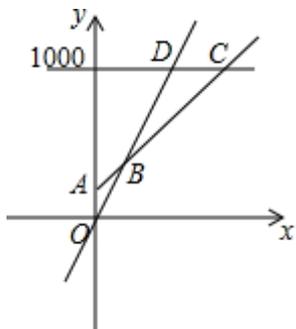
②钻石卡售价 1000 元/张，每次凭卡不再收费。

促销期间普通门票正常出售，两种优惠卡不限次数，设去游乐场玩  $x$  次时，所需总费用为  $y$  元。

(1) 分别写出选择白金卡、普通门票消费时， $y$  与  $x$  之间的函数关系式。

(2) 在同一坐标系中，若三种消费方式对应的函数图象如图所示，请求出点  $B$ ， $C$  的坐标。

(3) 请根据图象，直接写出选择哪种消费方式更合算。



【答案】(1) 白金卡： $y=20x+200$ 。门票： $y=40x$ ；(2)  $B(10, 400)$ ， $C(40, 1000)$ ；(3) 见解析。

【解析】

【分析】(1) 根据白金卡售价 200 元/张，每次凭卡另收取 20 元，普通门票正常出售，设消费  $x$  次时，分别得出所需总费用为  $y$  与  $x$  之间的关系式即可；

(2) 利用函数交点坐标求法分别得出即可；

(3) 根据图象解答即可。

【详解】解：(1) 根据题意可得：白金卡： $y=20x+200$ 。

门票： $y=40x$

(2) 将  $y=40x$  代入  $y=200+20x$ ，得  $40x=200+20x$ ，

解得  $x=10$ ，

把  $x=10$  代入  $y=40x$ ，得  $y=400$ ，

所以  $B(10, 400)$ ，

把  $y=1000$  代入  $y=200+20x$ ，得  $1000=200+20x$ ，

解得  $x=40$ ，

所以  $C(40, 1000)$ ；

(3) 当  $0 < x < 10$  时，选普通门票；当  $x=10$  时，选普通门票和白金卡；

当  $10 < x < 40$  时，选白金卡；

当  $x=40$  时，选白金卡和钻石卡；

当  $x > 40$  时，选钻石卡

【点睛】本题考查了一次函数的应用，两函数交点坐标的求法。进行分类讨论是解题的关键。

27. 描点画图是探究未知函数图象变化规律的一个重要方法，下面是通过描点画图感知函数  $y = \sqrt{x+1}$  图象的变化规律的过程：

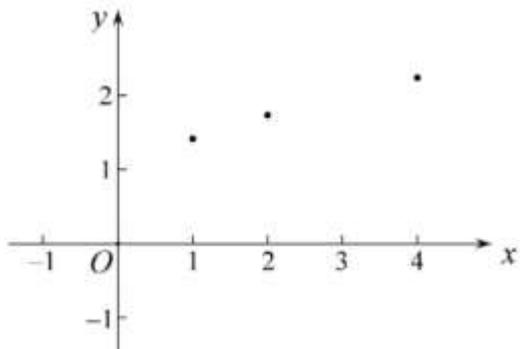
(1) 下表是  $y$  与  $x$  的几组对应值。



$x$	-1	$-\frac{3}{4}$	0	1	2	3	4	...
$y$	0	$m$	1	$\sqrt{2}$	$\sqrt{3}$	2	$\sqrt{5}$	...

其中,  $m$  的值为\_\_\_\_\_;

(2) 根据上表中的数据, 在平面直角坐标系  $xOy$  中描出还未描出的点, 并画出该函数的图象;



(3) 已知  $A, B$  是函数  $y = \sqrt{x+1}$  图象上的任意两点 ( $A$  在  $B$  的左侧), 将  $A, B$  同时向右平移 1 个单位得到点  $A_1, B_1$ , 再将  $A_1, B_1$  同时向上平移  $h (h > 0)$  个单位后得到点  $A_2, B_2$ , 若  $A_2$  刚好落在函数  $y = \sqrt{x+1}$  的图象上, 则  $B_2$  与函数  $y = \sqrt{x+1}$  图象的位置关系是 ( )

- A.  $B_2$  是图象上的点
- B.  $B_2$  在图象的上方
- C.  $B_2$  在图象的下方

【答案】 (1)  $\frac{1}{2}$ ; (2) 见解析; (3) B

【解析】

【分析】 (1) 将  $x = -\frac{3}{4}$  代入  $y = \sqrt{x+1}$  即可得出答案

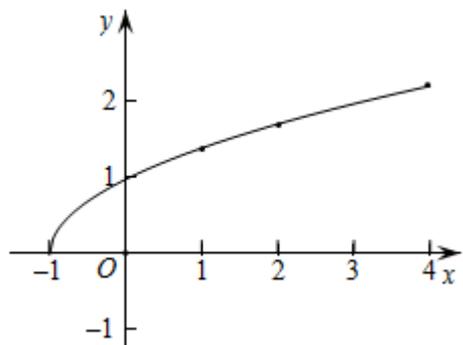
(2) 根据表格描点, 连线即可;

(3) 设  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ ,  $y_1 = \sqrt{x_1+1}, y_2 = \sqrt{x_2+1}$  移动后  $y_1 + h = \sqrt{x_1+2}$ ,

$y_2 + h = \sqrt{x_2+1} - \sqrt{x_1+1} + \sqrt{x_1+2}$  将  $y_2 + h$  与  $\sqrt{x_2+2}$  做差比较大小即可;

【详解】解: (1) 将  $x = -\frac{3}{4}$  代入  $y = \sqrt{x+1}$  得:  $m = \sqrt{-\frac{3}{4}+1} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$ ;

(2) 如图:



(3) 设  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$ ,

$$\therefore y_1 = \sqrt{x_1+1}, y_2 = \sqrt{x_2+1}$$

将  $A, B$  同时向右平移 1 个单位得到点  $A_1, B_1$ , 再将  $A_1, B_1$  同时向上平移  $h$  ( $h > 0$ ) 个单位后得到  $A_2, B_2$ ,

$$\therefore A_2(x_1+1, y_1+h), B_2(x_2+1, y_2+h),$$

$A_2$  刚好落在函数  $y = \sqrt{x+1}$  的图象上,

$$\therefore y_1 + h = \sqrt{x_1+2}$$

$$\therefore h^2 + 2y_1h - 1 = 0$$

$$\therefore h = -y_1 + \sqrt{y_1^2 + 1}$$

$$\therefore y_2 + h = \sqrt{x_2+1} - \sqrt{x_1+1} + \sqrt{x_1+2}$$

$$\because x_2 > x_1$$

$$\text{则 } \sqrt{x_1+1} - \sqrt{x_1+1} + \sqrt{x_1+2} - \sqrt{x_2+2} > 0$$

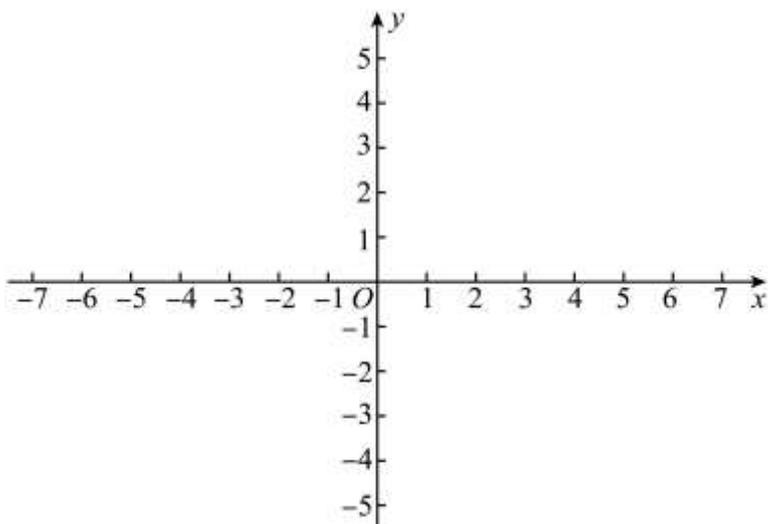
$$\therefore y_2 + h > \sqrt{x_2+2}$$

$\therefore B_2$  在图象上方,

故答案为 B.

**【点睛】** 本题考查函数的图象及性质; 利用所学函数知识探索新的函数性质, 综合运用描点法, 做差法比较大小是解题的关键.

28. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 已知图形  $W$  和直线  $l$ , 给出如下定义: 在图形  $W$  上存在一点  $Q$ , 使得点  $Q$  到直线  $l$  的距离小于或等于  $k$ , 则称图形  $W$  与直线  $l$  “ $k$  关联”. 设图形  $W$  为线段  $AB$ , 其中点  $A(t, 0)$ , 点  $B(t+2, 0)$ .



- (1) 线段  $AB$  的长是\_\_\_\_\_;
- (2) 当  $t=1$  时,
- ① 已知直线  $y = -x - 1$ , 点  $A$  到该直线的距离为\_\_\_\_\_;
- ② 已知直线  $y = -x + b$ , 若线段  $AB$  与该直线“ $\sqrt{2}$  关联”, 求  $b$  的取值范围;
- (3) 已知直线  $y = x + 1$ , 若线段  $AB$  与该直线“ $\sqrt{3}$  关联”, 则  $t$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

【答案】 (1) 2 (2) ①  $\sqrt{2}$ ; ②  $-1 \leq b \leq 5$

(3)  $-\sqrt{6} - 3 \leq t \leq \sqrt{6} - 1$

【解析】

【分析】 (1) 利用两点间的距离公式即可求解;

(2) ① 设直线  $y = -x - 1$  交  $y$  轴于点  $E$ , 交  $x$  轴于点  $F$ , 可得点  $E(0, -1)$ ,  $F(-1, 0)$ , 从而得到  $OE = OF = OA = 1$ , 进而得到  $\angle AEF = 90^\circ$ , 即可求解; ② 设直线  $y = -x + b$  交  $x$  轴于点  $R$ , 交  $y$  轴于点  $S$ , 作  $BQ \perp$  直线  $SR$  于点  $Q$ , 可得  $OS = OR = b$ , 可得到  $BQ = RQ$ , 从而得到当  $BQ = \sqrt{2}$  时,  $QR = \sqrt{2}$ , 进而得到  $OR = 5$ , 即可求解;

(3) 设直线  $y = x + 1$  交  $x$  轴于点  $H$ , 交  $y$  轴于点  $G$ , 可得  $\angle OHG = 45^\circ$ , 然后分两种情况: 若直线  $y = x + 1$  在线段  $AB$  的左侧时, 若直线  $y = x + 1$  在线段  $AB$  的右侧时, 即可求解.

【小问 1 详解】

解:  $\because$  点  $A(t, 0)$ , 点  $B(t+2, 0)$ .

$\therefore AB = t + 2 - t = 2$ ;

故答案为: 2

【小问 2 详解】

解:  $\because t = 1$ ,

$\therefore$  点  $A(1, 0)$ , 点  $B(3, 0)$ .

① 如图, 设直线  $y = -x - 1$  交  $y$  轴于点  $E$ , 交  $x$  轴于点  $F$ ,

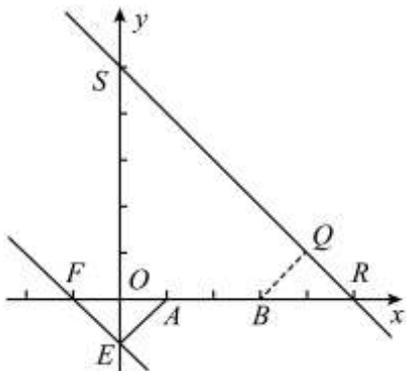
当  $x = 0$  时,  $y = -1$ , 当  $y = 0$  时,  $x = -1$ ,

$\therefore$  点  $E(0, -1)$ ,  $F(-1, 0)$ ,

$\because A(1, 0)$ ,



$\therefore OE=OF=OA=1,$   
 $\therefore AE = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2},$   
 $\therefore \angle AOE = \angle EOF = 90^\circ,$   
 $\therefore \angle AFE = \angle EAF = 45^\circ,$   
 $\therefore \angle AEF = 90^\circ,$  即  $AE \perp EF,$   
 $\therefore$  点  $A$  到该直线的距离为  $\sqrt{2};$   
故答案为:  $\sqrt{2}$



②如图, 设直线  $y = -x + b$  交  $x$  轴于点  $R$ , 交  $y$  轴于点  $S$ , 作  $BQ \perp$  直线  $SR$  于点  $Q$ ,

当  $x=0$  时,  $y=b$ , 当  $y=0$  时,  $x=b$ ,

$\therefore S(0, b), R(b, 0),$

$\therefore OS=OR=b,$

$\therefore \angle SOR=90^\circ,$

$\therefore \angle ORS=45^\circ,$

$\therefore \angle RBQ = \angle ORS = 45^\circ,$

$\therefore BQ=RQ,$

当  $BQ = \sqrt{2}$  时,  $QR = \sqrt{2},$

$\therefore BR=2,$

$\therefore$  点  $B(3, 0).$

$\therefore OB=3,$

$\therefore OR=5,$  即  $b=5,$

由①得: 点  $A$  到直线  $y = -x - 1$  的距离为  $\sqrt{2},$

$\therefore$  直线  $y = -x - 1$  与直线  $y = -x + b$  平行,

$\therefore b$  的取值范围为  $-1 \leq b \leq 5;$

**【小问 3 详解】**

解: 如图, 设直线  $y=x+1$  交  $x$  轴于点  $H$ , 交  $y$  轴于点  $G$ ,

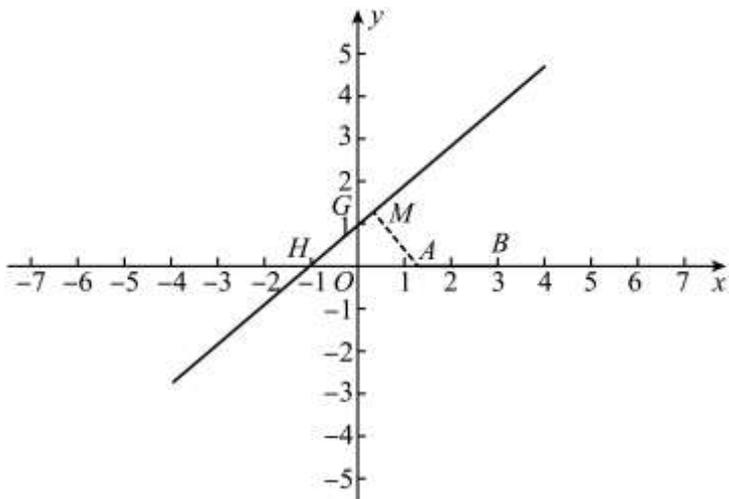
当  $x=0$  时,  $y=1$ , 当  $y=0$  时,  $x=-1$ ,

$\therefore OG=OH=1,$

$\therefore \angle OHG=45^\circ,$



若直线  $y=x+1$  在线段  $AB$  的左侧时, 过点  $A$  作  $AM \perp HG$  于点  $M$ , 则  $\angle HAM=45^\circ$ ,



$$\therefore AM=HM,$$

$$\text{当 } AM = \sqrt{3} \text{ 时, } HM = \sqrt{3},$$

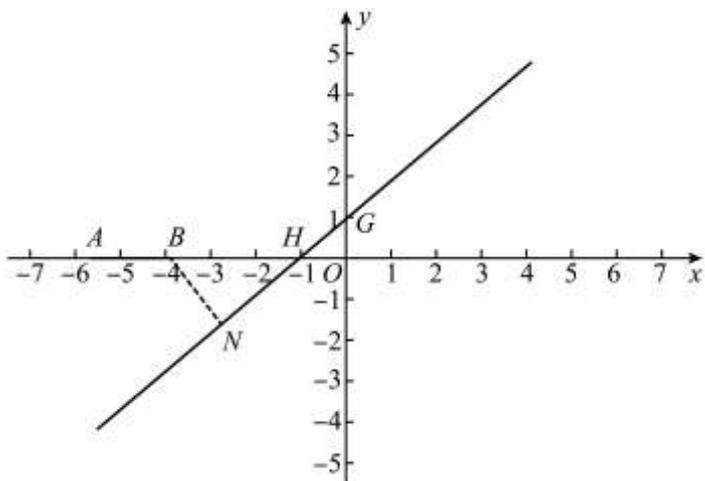
$$\therefore AH = \sqrt{6},$$

$$\therefore AO = AH - OH = \sqrt{6} - 1,$$

$$\therefore \text{点 } A(\sqrt{6}-1, 0),$$

$$\text{此时 } t = \sqrt{6} - 1;$$

若直线  $y=x+1$  在线段  $AB$  的右侧时, 过点  $B$  作  $BN \perp HG$  于点  $N$ , 则  $\angle HBN=45^\circ$ ,



$$\therefore BN=HN,$$

$$\text{当 } BN = \sqrt{3} \text{ 时, } HN = \sqrt{3},$$

$$\therefore BH = \sqrt{6},$$

$$\therefore BO = BH + OH = \sqrt{6} + 1,$$

$$\therefore \text{点 } B(-\sqrt{6}-1, 0)$$

$$\text{此时 } t+2 = -(\sqrt{6}+1),$$

$$\therefore t = -\sqrt{6} - 3;$$



综上所述,  $t$  的取值范围为  $-\sqrt{6}-3 \leq t \leq \sqrt{6}-1$ .

故答案为:  $-\sqrt{6}-3 \leq t \leq \sqrt{6}-1$

【点睛】本题考查一次函数综合题、解直角三角形、锐角三角函数、解直角三角形等知识, 解题的关键是理解题意, 学会添加常用辅助线解决问题, 学会由分类讨论的射线思考问题, 属于中考常见题.