



北京市密云区 2019-2020 学年第一学期期末考试

初二数学参考答案

2020. 1

一、选择题 (本题共 16 分, 每小题 2 分)

| | | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 序号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
| 答案 | B | D | B | C | D | A | C | A |

二、填空题 (共 16 分, 每题 2 分)

9. $x \geq 1$ 10. 1 11. -2 12. -6 13. OC=OD (本题答案不唯一, 正确均给分)

14. 假 15. $\frac{1}{3}$ 16. (1) 36° (2) 108°

三、解答题 (17-22 题每题 5 分, 23-26 题每题 6 分, 27-28 题每题 7 分)

17. 计算: $\sqrt[3]{-8} + \sqrt{12} + |\sqrt{3}-1| + \pi^0$

解: 原式 = $-2 + 2\sqrt{3} + \sqrt{3} - 1 + 1$ 4 分

$= 3\sqrt{3} - 2$ 5 分

18. 解方程: $\frac{x}{x-2} - \frac{3}{x+2} = 1$

解: $x(x+2) - 3(x-2) = (x-2)(x+2)$ 1 分

$x^2 + 2x - 3x + 6 = x^2 - 4$ 3 分

$-x = -10$

$x = 10$

经检验: $x = 10$ 是原方程的解.5 分

19. 计算: $(2 + \sqrt{3})^2 + \sqrt{6}(\sqrt{8} - \sqrt{2})$

解: 原式 = $4 + 4\sqrt{3} + 3 + \sqrt{6}(2\sqrt{2} - \sqrt{2})$ 2 分

$= 4 + 4\sqrt{3} + 3 + \sqrt{6} \times \sqrt{2}$ 3 分

$= 4 + 4\sqrt{3} + 3 + 2\sqrt{3}$ 4 分

$= 7 + 6\sqrt{3}$ 5 分



20.解: $(\frac{3a^2 + b^2}{a^2 - b^2} - \frac{2a}{a - b}) \div \frac{2}{a + b}$

$= [\frac{3a^2 + b^2}{a^2 - b^2} - \frac{2a(a + b)}{a^2 - b^2}] \div \frac{2}{a + b}$ 1分

$= \frac{3a^2 + b^2 - 2a(a + b)}{a^2 - b^2} \div \frac{2}{a + b}$ 2分

$= \frac{a^2 + b^2 - 2ab}{a^2 - b^2} \div \frac{2}{a + b}$ 3分

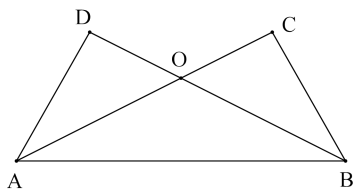
$= \frac{(a - b)^2}{(a + b)(a - b)} \cdot \frac{a + b}{2}$

$= \frac{a - b}{2}$ 4分

$\therefore a = b + 2\sqrt{3}$

\therefore 原式 $= \sqrt{3}$ 5分

21.



证明:

$\therefore OA = OB$

$\therefore \angle OAB = \angle OBA$

$\therefore \angle DAB = \angle CBA$

$\therefore \angle DAO = \angle CBO$ 2分

在 $\triangle DAO$ 和 $\triangle CBO$ 中,

$$\begin{cases} \angle DAO = \angle CBO \\ OA = OB \\ \angle DOA = \angle COB \end{cases}$$

$\therefore \triangle DAO \cong \triangle CBO$ 5分



22.解: 设建成后的京张高铁从北京北至张家口南的运行时间为 x 小时.1 分

根据题意, 可列方程 $\frac{196}{4x} = \frac{174}{x} - 150$ 4 分

解得 $x = \frac{5}{6}$

经检验: 当 $x = \frac{5}{6}$ 时, 原方程左右相等.

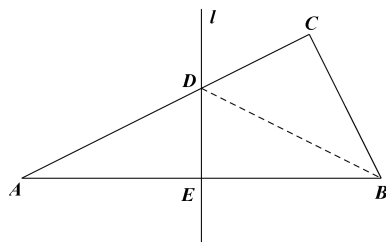
$\therefore x = \frac{5}{6}$ 是所列方程的根.

答: 建成后的京张高铁从北京北至张家口南的运行时间为 $\frac{5}{6}$ 小时.5 分

23.如图, $\triangle ABC$ 中, AB 的垂直平分线 l 交 AB 于 E , 交 AC 于 D . $AD=5, DC=3, BC=4$,

(1) 求证: $\triangle ABC$ 是直角三角形;

(2) 求 AB 长.



(1) 证明: 连结 BD1 分

$\because AB$ 的垂直平分线 l 交 AC 于 D

$\therefore AD=DB$

$\because AD=5,$

$\therefore BD=5$

在 $\triangle DCB$ 中, $BD=5, CD=3, BC=4$ 2 分

$\therefore BD^2 = CD^2 + BC^2$

$\therefore \angle BCD = 90^\circ$

$\therefore \triangle ABC$ 是直角三角形4 分

(2) 在 $Rt\triangle ACB$ 中,

$AB^2 = AC^2 + BC^2 = (3+5)^2 + 4^2 = 80$

$\therefore AB = 4\sqrt{5}$ 6 分



24.

(1) $x = 1000 - 412 - 388 = 200$

.....2分

(2)

①选择 A 酒店获得良好用餐体验的可能性为 $\frac{800}{1000} = 0.8$

选择 B 酒店获得良好用餐体验的可能性为 $\frac{420 + 390}{1000} = 0.81$

选择 C 酒店获得良好用餐体验的可能性为 $\frac{405 + 375}{1000} = 0.78$

$\therefore 0.81 > 0.8 > 0.78$

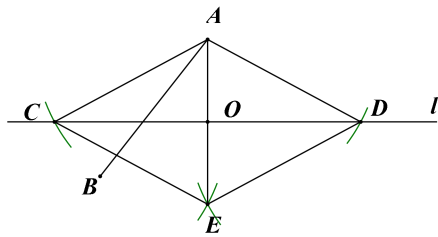
\therefore 选择 B 酒店获得良好用餐体验的可能性最大.

.....5分

②不一定.

.....6分

25. (1)



.....2分

(2) 证明:

$\because AC=AD=AB, CE=ED=AB,$

$\therefore AC=CE, AD=DE$

又 $\because CD=CD$

$\therefore \triangle ACD \cong \triangle ECD$

.....4分

$\therefore \angle ACD = \angle ECD$

$\because AC=CE$

$\therefore l$ 垂直平分 AE.

.....6分



26.

$$(1) \because \frac{A}{x} + \frac{B}{x+1} = \frac{A(x+1)}{x(x+1)} + \frac{Bx}{x(x+1)} \quad \dots\dots\dots 1 \text{分}$$

$$= \frac{(A+B)x + A}{x(x+1)} = \frac{1-x}{x(x+1)} \quad \dots\dots\dots 2 \text{分}$$

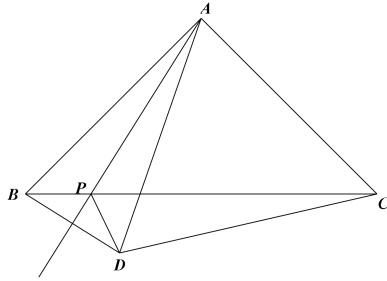
$$\therefore A+B = -1, A = 1 \quad \dots\dots\dots 3 \text{分}$$

$$\therefore B = -2 \quad \dots\dots\dots 4 \text{分}$$

$$(2) x = \frac{2}{3} \quad \dots\dots\dots 6 \text{分}$$

27.

(1)



.....2分

(2) \because 点 B 与点 D 关于直线 AP 对称, $\angle BAP = \alpha$

$$\therefore \angle PAD = \alpha, AB = AD$$

$$\therefore \angle BAC = 90^\circ$$

$$\therefore \angle DAC = 90^\circ - 2\alpha$$

又 $\because AB = AC$

$$\therefore AD = AC$$

$$\therefore \angle ADC = \frac{1}{2}[180^\circ - (90^\circ - 2\alpha)] = 45^\circ + \alpha \quad \dots\dots\dots 3 \text{分}$$

$$(3) BD = \sqrt{2}DE \quad \dots\dots\dots 2 \text{分}$$

28.

(1) 解: $\because \triangle ACB$ 是等边三角形, D 是 AB 中点

$$\therefore CD \perp AB, AD = DB$$

\because 点 A、点 B 对应的数分别是 -2 和 2,

$$\therefore AB = 4,$$

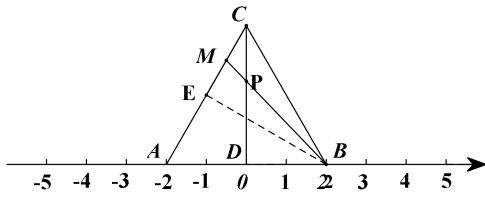
$$\therefore AC = 4, AD = 2$$

$$\therefore CD = \sqrt{AC^2 - AD^2} = 2\sqrt{3} \quad \dots\dots\dots 2 \text{分}$$



(2) 连结 MB, MB 与 CD 的交点即为所求的 P 点.

.....3 分



设 AC 的中点为 E, 连结 BE. 可知, $BE \perp AC$. $CE=2$

$$\therefore AM=3CM$$

$$\therefore CM=1$$

$$\therefore EM=1$$

$$\therefore BE=CD=2\sqrt{3},$$

$$\therefore BM=\sqrt{13}$$

.....5 分

即 $PM+PA$ 的最小值为 $\sqrt{13}$

(3) $t \leq -5$ 或 $t \geq 4$

.....7 分