



长按二维码 识别关注



北京中考在线
www.zgkao.com

专注北京中考升学

2017 北京市丰台初三（一模）

数 学

一、选择题（本题共 30 分，每小题 3 分）

下列各题均有四个选项，其中只有一个是符合题意的。

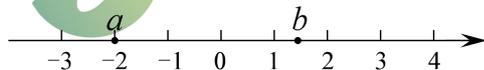
1. 随着“一带一路”的建设推进，北京丰台口岸进口货值业务量加速增长，2016 年北京丰台口岸进口货值飙升至 189 000 000 美元，比上一年翻了三倍，创下历史新高。将 189 000 000 用科学记数法表示应为

A. 189×10^6 B. 1.89×10^6 C. 18.9×10^7 D. 1.89×10^8

2. 实数 a, b 在数轴上的对应点的位置如图所示，则正确的结论是

A. $|a| > b$ B. $|b| < a$

C. $-a < a$ D. $-b < a$



3. 北京教育资源丰富，高校林立，下面四个高校校徽主体图案是中心对称图形的是



北京林业大学

A.



北京体育大学

B.



北京大学

C.



中国人民大学

D.

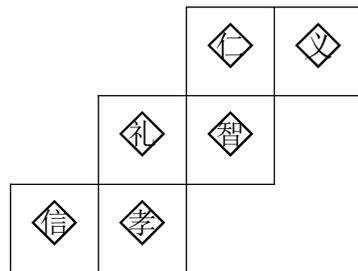
4. 如图，香港特别行政区标志紫荆花图案绕中心旋转 n° 后能与原来的图案互相重合，则 n 的最小值为

A. 45 B. 60
C. 72 D. 144



5. 在与国际友好学校交流活动中，小敏打算制做一个正方体礼盒送给外国朋友，每个面上分别书写一种中华传统美德，一共有“仁义礼智信孝”六个字。如图是她设计的礼盒平面展开图，那么“礼”字对面的字是

A. 义 B. 仁
C. 智 D. 信

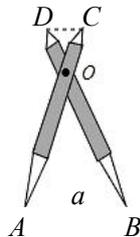


6. 如果 $m^2 + 2m - 2 = 0$ ，那么代数式 $\left(m + \frac{4m+4}{m}\right) \cdot \frac{m^2}{m+2}$ 的值是

A. -2 B. -1 C. 2 D. 3

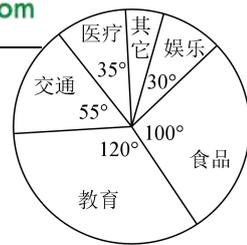
7. 如图，比例规是一种画图工具，它由长度相等的两脚 AC 和 BD 交叉构成，利用它可以把线段按一定的比例伸长或缩短。如果把比例规的两脚合上，使螺丝钉固定在刻度 3 的地方（即同时使 $OA=3OC$ ， $OB=3OD$ ），然后张开两脚，使 A, B 两个尖端分别在线段 a 的两个端点上，当 $CD=1.8\text{ cm}$ 时，则 AB 的长为

A. 7.2 cm B. 5.4 cm
C. 3.6 cm D. 0.6 cm



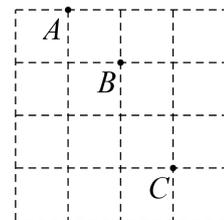
专注北京中考升学

8. 如图, 这是小新在询问了父母后绘制的去年全家的开支情况扇形统计图, 如果他家去年总开支为 6 万元, 那么用于教育的支出为



- A. 3 万元
B. $\frac{5}{3}$ 万元
C. 2.4 万元
D. 2 万元

9. 如图, 在正方形网格中, 如果点 $A(1, 1)$, $B(2, 0)$, 那么点 C 的坐标为



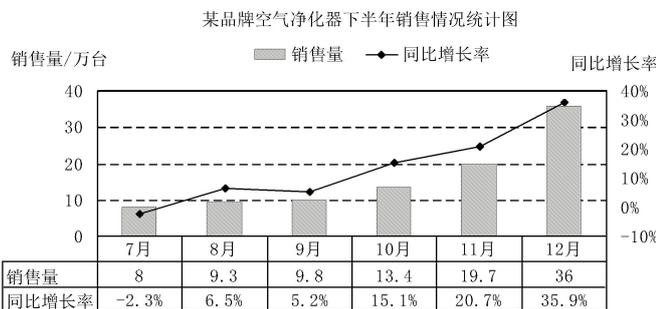
- A. $(-3, -2)$
B. $(3, -2)$
C. $(-2, -3)$
D. $(2, -3)$

10. 近年来由于空气质量的变化, 以及人们对自身健康的关注程度不断提高, 空气净化器成为很多家庭的新电器. 某品牌的空气净化器厂家为进一步了解市场, 制定生产计划, 根据 2016 年下半年销售情况绘制了如下统计图, 其中同比增长率

$$= \left(\frac{\text{当月销售量}}{\text{去年同月销售量}} - 1 \right) \times 100\%$$

- ① 2016 年下半年各月销售量均比 2015 年同月销售量增多
② 第四季度销售量占下半年销售量的七成以上
③ 下半年月均销售量约为 16 万台
④ 下半年月销售量的中位数不超过 10 万台

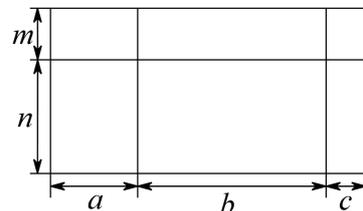
- 其中合理的是
A. ①②
B. ①④
C. ②③
D. ③④



二、填空题 (本题共 18 分, 每小题 3 分)

11. 如果二次根式 $\sqrt{x+4}$ 有意义, 那么 x 的取值范围是_____.

12. 右图中的四边形均为矩形, 根据图形的面积关系, 写出一个正确的等式: _____.



13. 一天上午林老师来到某中学参加该校的校园开放日活动, 他打算随机听一节九年级的课程, 下表是他拿到的当天上午九年级的课表, 如果每一个班级的每一节课被听的可能性是一样的, 那么听数学课的可能性是_____.

节次 \ 班级	1 班	2 班	3 班	4 班
第 1 节	语文	数学	外语	化学
第 2 节	数学	政治	物理	语文
第 3 节	物理	化学	体育	数学
第 4 节	外语	语文	政治	体育

14. 如下图，小量角器的 0° 刻度线在大量角器的 0° 刻度线上，且小量角器的中心在大量角器的外缘边上. 如果它们外缘边上的公共点 P 在大量角器上对应的度数为 40° ，那么在小量角器上对应的度数为_____ (只考虑小于 90° 的角度)
15. 众所周知，中华诗词博大精深，集大量的情景情感于短短数十字之间，或豪放，或婉约，或思民生疾苦，或抒发己身豪情逸致，文化价值极高. 而数学与古诗词更是有着密切的联系. 古诗中，**五言绝句**是四句诗，每句都是五个字；**七言绝句**是四句诗，每句都是七个字. 有一本诗集，其中五言绝句比七言绝句多 13 首，总字数却反而少了 20 个字. 问两种诗各多少首? 设七言绝句有 x 首，根据题意，可列方程为_____.
16. 在数学课上，老师提出如下问题：

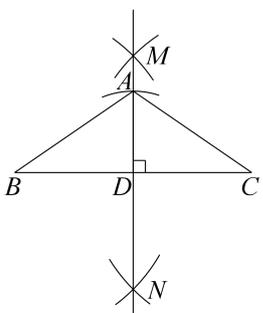
已知：线段 a, b . \overline{a}
 求作：等腰 $\triangle ABC$ ，使 $AB=AC$ ， $BC=a$ ， BC 边上的高为 b . \overline{b}

小珊的作法如下：

如图，

- 作线段 $BC=a$;
- 作线段 BC 的垂直平分线 MN 交线段 BC 于点 D ;
- 在 MN 上截取线段 $DA=b$ ，连接 AB, AC .

所以， $\triangle ABC$ 就是所求作的等腰三角形.



老师说：“小珊的作法正确”.

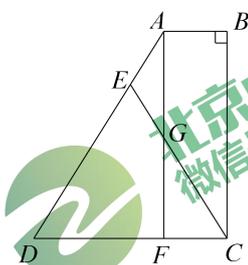
请回答：得到 $\triangle ABC$ 是等腰三角形的依据是：_____.

- 三、解答题 (本题共 72 分，第 17~26 题，每小题 5 分，第 27 题 7 分，第 28 题 7 分，第 29 题 8 分) 解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. 计算： $\sqrt{12} - (4 - \pi)^0 + \cos 60^\circ - |\sqrt{3} - 3|$.

18. 解不等式组:
$$\begin{cases} 2(x-6) > x-10, \\ x-1 \leq \frac{5x-9}{3}. \end{cases}$$

19. 如图, 四边形 $ABCD$ 中, $AB \parallel DC$, $\angle B = 90^\circ$, F 为 DC 上一点, 且 $AB = FC$, E 为 AD 上一点, EC 交 AF 于点 G , $EA = EG$.
求证: $ED = EC$.



20. 已知关于 x 的一元二次方程 $3x^2 - kx + k - 4 = 0$.

- (1) 判断方程根的情况;
- (2) 若此方程有一个整数根, 请选择一个合适的 k 值, 并求出此时方程的根.

21. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 直线 $y = -3x + m$ 与双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 相交于点 $A(m, 2)$.

- (1) 求双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 的表达式;
- (2) 过动点 $P(n, 0)$ 且垂直于 x 轴的直线与直线 $y = -3x + m$ 及双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 的交点分别为 B 和 C , 当点 B 位于点 C 下方时, 求出 n 的取值范围.



22. 课题学习：设计概率模拟实验.

在学习概率时，老师说：“掷一枚质地均匀的硬币，大量重复实验后，正面朝上的概率约是 $\frac{1}{2}$ 。”小海、小东、小英分别设计了下列三个模拟实验：

小海找来一个啤酒瓶盖（如图1）进行大量重复抛掷，然后计算瓶盖口朝上的次数与总次数的比值；

小东用硬纸片做了一个圆形转盘，转盘上分成8个大小一样的扇形区域，并依次标上1至8个数字（如图2），转动转盘10次，然后计算指针落在奇数区域的次数与总次数的比值；

小英在一个不透明的盒子里放了四枚除颜色外都相同的围棋子（如图3），其中有三枚是白子，一枚是黑子，从中随机同时摸出两枚棋子，并大量重复上述实验，然后计算摸出的两枚棋子颜色不同的次数与总次数的比值。



图1

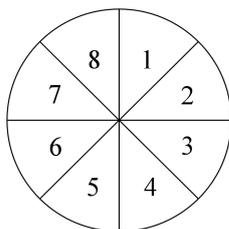


图2

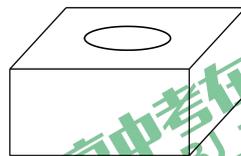


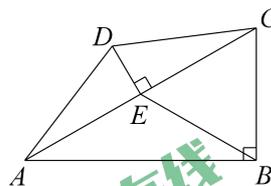
图3

根据以上材料回答问题：

小海、小东、小英三人中，哪一位同学的实验设计比较合理，并简要说出其他两位同学实验的不足之处。

23. 如图, 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle ABC=90^\circ$, $DE \perp AC$ 于点 E , 且 $AE=CE$, $DE=5$, $EB=12$.

- (1) 求 AD 的长;
(2) 若 $\angle CAB=30^\circ$, 求四边形 $ABCD$ 的周长.



24. 阅读下列材料:

由于发展时间早、发展速度快, 经过 20 多年大规模的高速开发建设, 北京四环内, 甚至五环内可供开发建设的土地资源越来越稀缺, 更多的土地供应将集中在五环外, 甚至六环外的远郊区县.

据中国经济网 2017 年 2 月报道, 来自某市场研究院的最新统计, 2016 年, 剔除了保障房后, 在北京新建商品住宅交易量整体上涨之时, 北京各区域的新建商品住宅交易量则是有涨有跌. 其中, 昌平、通州、海淀、朝阳、西城、东城六区下跌, 跌幅最大的为朝阳区, 新建商品住宅成交量比 2015 年下降了 46.82%. 而延庆、密云、怀柔、平谷、门头沟、房山、顺义、大兴、石景山、丰台十区的新建商品住宅成交量表现为上涨, 涨幅最大的为顺义区, 比 2015 年上涨了 118.80%. 另外, 从环线成交量的占比数据上, 同样可以看出成交日趋郊区化的趋势. 根据统计, 2008 年到 2016 年, 北京全市成交的新建商品住宅中, 二环以内的占比逐步从 3.0% 下降到了 0.2%; 二、三环之间的占比从 5.7% 下降到了 0.8%; 三、四环之间的占比从 12.3% 下降到了 2.3%; 四、五环之间的占比从 21.9% 下降到了 4.4%. 也就是说, 整体成交中位于五环之内的新房占比, 从 2008 年的 42.8% 下降到了 2016 年的 7.7%, 下滑趋势非常明显. 由此可见, 新房市场的远郊化是北京房地产市场发展的大势所趋. (注: 占比, 指在总数中所占的比重, 常用百分比表示)

根据以上材料解答下列问题:

- (1) 补全折线统计图:

(1) 结合问题情境，函数 $y = x + \frac{1}{x}$ 的自变量 x 的取值范围是 $x > 0$ ，

下表是 y 与 x 的几组对应值。

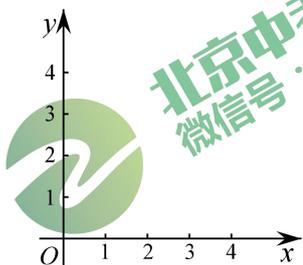
x	...	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	1	2	3	m	...
y	...	$4\frac{1}{4}$	$3\frac{1}{3}$	$2\frac{1}{2}$	2	$2\frac{1}{2}$	$3\frac{1}{3}$	$4\frac{1}{4}$...

① 写出 m 的值；

② 画出该函数图象，结合图象，得出当 $x =$ _____ 时， y 有最小值， $y_{\text{最小}} =$ _____；

【解决问题】

(2) 直接写出“问题情境”中问题的结论。

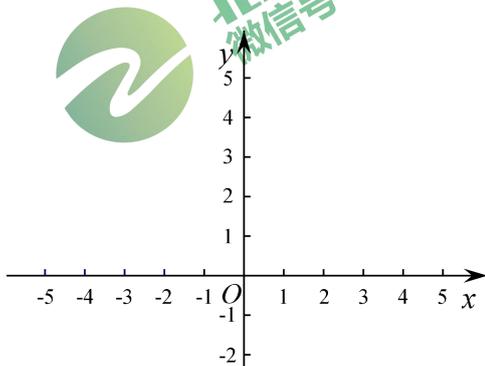


27. 在平面直角坐标系 xOy 中，抛物线 $y = mx^2 - 4mx + 2m - 1 (m \neq 0)$ 与平行于 x 轴的一条直线交于 A, B 两点。

(1) 求抛物线的对称轴；

(2) 如果点 A 的坐标是 $(-1, -2)$ ，求点 B 的坐标；

(3) 抛物线的对称轴交直线 AB 于点 C ，如果直线 AB 与 y 轴交点的纵坐标为 -1 ，且抛物线顶点 D 到点 C 的距离大于 2，求 m 的取值范围。



28. 在边长为 5 的正方形 $ABCD$ 中, 点 E, F 分别是 BC, DC 边上的两个动点 (不与点 B, C, D 重合), 且 $AE \perp EF$.

(1) 如图 1, 当 $BE = 2$ 时, 求 FC 的长;

(2) 延长 EF 交正方形 $ABCD$ 外角平分线 CP 于点 P .

① 依题意将图 2 补全;

② 小京通过观察、实验提出猜想: 在点 E 运动的过程中, 始终有 $AE=PE$. 小京把这个猜想与同学们进行交流, 通过讨论, 形成了证明该猜想的三种想法:

想法 1: 在 AB 上截取 $AG=EC$, 连接 EG , 要证 $AE=PE$, 需证 $\triangle AGE \cong \triangle ECP$.

想法 2: 作点 A 关于 BC 的对称点 H , 连接 BH, CH, EH . 要证 $AE=PE$, 需证 $\triangle EHP$ 为等腰三角形.

想法 3: 将线段 BE 绕点 B 顺时针旋转 90° , 得到线段 BM , 连接 CM, EM , 要证 $AE=PE$, 需证四边形 $MCPE$ 为平行四边形.

请你参考上面的想法, 帮助小京证明 $AE=PE$. (一种方法即可)

图 1

图 2

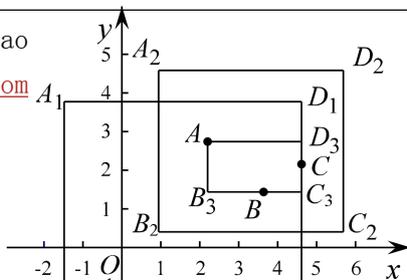
29. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于任意三点 A, B, C , 给出如下定义:

如果矩形的任何一条边均与某条坐标轴平行, 且 A, B, C 三点都在矩形的内部或边界上, 则称该矩形为点 A, B, C 的覆盖矩形. 点 A, B, C 的所有覆盖矩形中, 面积最小的矩形称为点 A, B, C 的最优覆盖矩形. 例如, 下图中的矩形 $A_1B_1C_1D_1, A_2B_2C_2D_2, A_3B_3C_3D_3$ 都是点 A, B, C 的覆盖矩形, 其中矩形 $A_3B_3C_3D_3$ 是点 A, B, C 的最优覆盖矩形.

9

官方微信公众号: BJ_zkao

官方网站: www.zgkao.com



咨询热线: 010-5334 9764

微信客服: zgkao2018

- (1) 已知 $A(-2, 3)$, $B(5, 0)$, $C(t, -2)$.
- ① 当 $t=2$ 时, 点 A, B, C 的最优覆盖矩形的面积为_____;
 - ② 若点 A, B, C 的最优覆盖矩形的面积为 40, 求直线 AC 的表达式;
- (2) 已知点 $D(1, 1)$. $E(m, n)$ 是函数 $y = \frac{4}{x} (x > 0)$ 的图象上一点, $\odot P$ 是点 O, D, E 的一个面积最小的最优覆盖矩形的外接圆, 求出 $\odot P$ 的半径 r 的取值范围.



北京中考在线
微信号: BJ_zkao



北京中考在线
微信号: BJ_zkao



北京中考在线
微信号: BJ_zkao

数学试题答案

一、选择题（本题共 30 分，每小题 3 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	D	A	B	C	A	C	B	D	B	C

二、填空题（本题共 18 分，每小题 3 分）

11. $x \geq -4$; 12. 答案不唯一, 如: $(m+n)(a+b+c) = ma + mb + mc + na + nb + nc$;

13. $\frac{3}{16}$; 14. 70° ; 15. $28x - 20(x+13) = 20$;

16. 垂直平分线上的点到线段两个端点距离相等;

到线段两个端点距离相等的点在这条线段的垂直平分线上;

有两条边相等的三角形是等腰三角形.

三、解答题（本题共 30 分，每小题 5 分）

17. 解: 原式 $= 2\sqrt{3} - 1 + \frac{1}{2} - 3 + \sqrt{3}$ 4 分

$= 3\sqrt{3} - \frac{7}{2}$ 5 分

18. 解: 解不等式①, 得 $x > 2$2 分

解不等式②, 得 $x \geq 3$4 分

\therefore 原不等式组的解集是 $x \geq 3$5 分

19. 证明: $\because AB \parallel DC, FC = AB,$

\therefore 四边形 $ABCF$ 是平行四边形.1 分

$\because \angle B = 90^\circ,$

\therefore 四边形 $ABCF$ 是矩形.2 分

$\therefore \angle AFC = 90^\circ,$

$\therefore \angle D = 90^\circ - \angle DAF, \angle ECD = 90^\circ - \angle CGF.$ 3 分

$\because EA = EG,$

$\therefore \angle EAG = \angle EGA.$ 4 分

$\because \angle EGA = \angle CGF, \therefore \angle DAF = \angle CGF. \therefore \angle D = \angle ECD.$

$\therefore ED = EC.$ 5 分

20. 解: (1) $\because \Delta = (-k)^2 - 12(k-4) = k^2 - 12k + 48 = (k-6)^2 + 12 > 0$2分

\therefore 方程有两个不等的实数根.3分

(2) 当 $k=4$ 时, $\Delta=16$,

方程化为 $3x^2 - 4x = 0$, $\therefore x_1 = 0, x_2 = \frac{4}{3}$;5分

或当 $k=8$ 时, $\Delta=16$,

方程化为 $3x^2 - 8x + 4 = 0$, $\therefore x_1 = 2, x_2 = \frac{2}{3}$5分

21. 解: (1) \because 点 $A(m, 2)$ 在直线 $y = -3x + m$ 上,

$\therefore 2 = -3m + m, m = -1$1分

$\therefore A(-1, 2)$.

\because 点 A 在双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 上, $\therefore 2 = \frac{k}{-1}, k = -2$.

$\therefore y = \frac{2}{x}$2分

(2) 令 $-3x - 1 = -\frac{2}{x}$, 得到 $x_1 = -1, x_2 = \frac{2}{3}$3分

根据图形, 点 B 位于点 C 下方, 即反比例函数大于一次函数时,

$\therefore -1 < n < 0$ 或 $n > \frac{2}{3}$5分

22. 解: 小英设计的模拟实验比较合理.2分

小海选择的啤酒瓶盖质地不均匀; 小东操作转盘时没有用力转动, 而且实验次数

太少, 没有进行大量重复实验.5分

23. 解: (1) $\because \angle ABC = 90^\circ, AE = CE, EB = 12$,

$\therefore EB = AE = CE = 12$.

$\because DE \perp AC, DE = 5$,

\therefore 在 $Rt\triangle ADE$ 中,

由勾股定理得 $AD = \sqrt{AE^2 + DE^2} = \sqrt{12^2 + 5^2} = 13$2分

(2) \because 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle CAB = 30^\circ, AC = AE + CE = 24$,

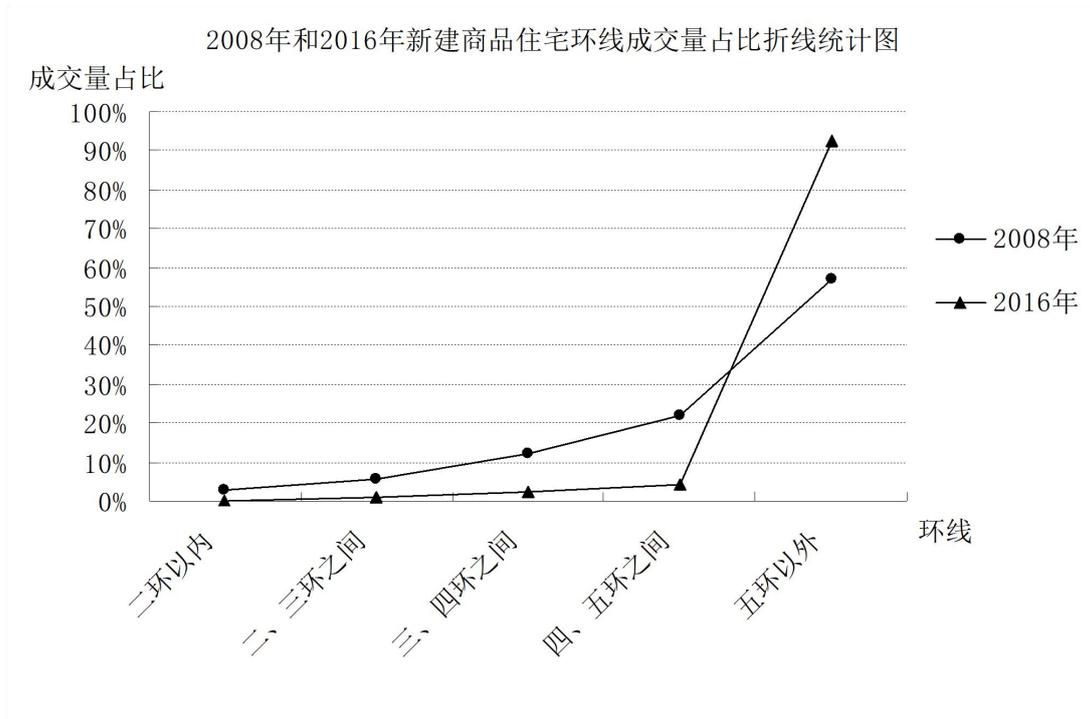
$\therefore BC = 12, AB = AC \cdot \cos 30^\circ = 12\sqrt{3}$3分

$\because DE \perp AC, AE = CE$,

$\therefore AD = DC = 13$4分

\therefore 四边形 $ABCD$ 的周长为 $AB + BC + CD + AD = 38 + 12\sqrt{3}$5分

24. 解：(1) 正确画出折线.3分



(2) 预估理由须包含材料中提供的信息, 且支撑预估的数据.5分

25. (1) 证明: 连接 OC, AC .

$\because CF \perp AB, CE \perp AD$, 且 $CE=CF$.

$\therefore \angle CAE = \angle CAB$1分

$\because OC = OA$,

$\therefore \angle CAB = \angle OCA$.

$\therefore \angle CAE = \angle OCA$.

$\therefore OC \parallel AE$.

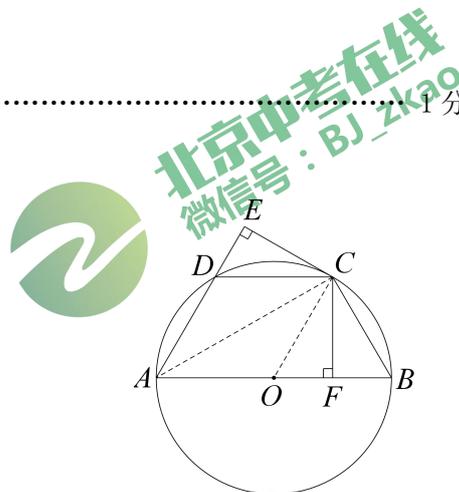
$\therefore \angle OCE + \angle AEC = 180^\circ$

$\because \angle AEC = 90^\circ$,

$\therefore \angle OCE = 90^\circ$ 即 $OC \perp CE$,

$\because OC$ 是 $\odot O$ 的半径, 点 C 为半径外端,

$\therefore CE$ 是 $\odot O$ 的切线.2分



(2) 求解思路如下:

① 由 $AD=CD=a$, 得到 $\angle DAC = \angle DCA$, 于是 $\angle DCA = \angle CAB$, 可知 $DC \parallel AB$;

② 由 $OC \parallel AE, OC=OA$, 可知四边形 $AOCD$ 是菱形;

③由 $\angle CAE = \angle CAB$, 得到 $CD = CB$, $DC = BC = a$, 可知 $\triangle OBC$ 为等边三角形;

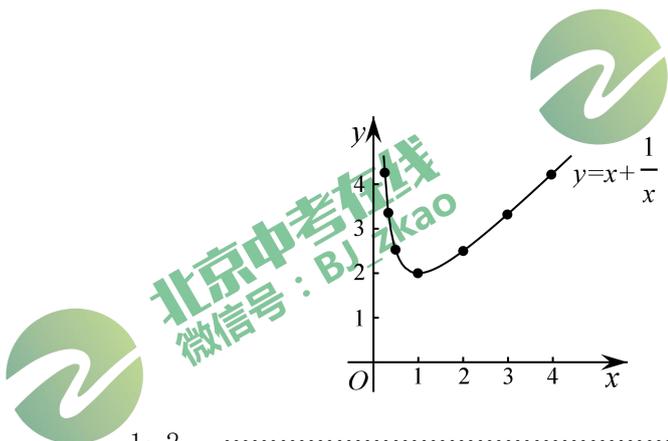
④由等边 $\triangle OBC$ 可求高 CF 的长, 进而可求四边形 $ABCD$ 面积.5 分

26. 解: (1) ① $m = 4$;1 分

分

② 图象如图.2 分

分



1; 2.4 分

(2) 根据小彬的方法可知,

当 $x = \frac{a}{x}$ 时, y 有最小值, 即 $x = \sqrt{a}$ 时, $y_{\text{最小}} = 4\sqrt{a}$5 分

27. 解: (1) \because 抛物线 $y = mx^2 - 4mx + 2m - 1 = m(x - 2)^2 - 2m - 1$,
 \therefore 对称轴为 $x = 2$2 分

分

(2) ① \because 抛物线是轴对称图形, \therefore 点 A 点 B 关于 $x = 2$ 轴对称,
 $\therefore A(-1, -2)$, $\therefore B(5, -2)$3 分

② \because 抛物线 $y = mx^2 - 4mx + 2m - 1 = m(x - 2)^2 - 2m - 1$,
 \therefore 顶点 $D(2, -2m - 1)$4 分

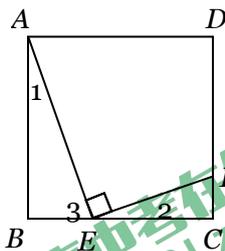
\because 直线 AB 与 y 轴交点的纵坐标为 -1 ,
 $\therefore C(2, -1)$5 分

\because 顶点 D 到点 C 的距离大于 2 ,
 $\therefore -2m - 1 + 1 > 2$ 或 $-1 + 2m + 1 > 2$,
 $\therefore m < -1$ 或 $m > 1$7 分

分

28. 解: (1) \because 正方形 $ABCD$ 的边长为 5 , $BE = 2$,

$\therefore EC=3$.
 \therefore 四边形 $ABCD$ 是正方形,
 $\therefore \angle B = \angle C = 90^\circ$,
 $\therefore \angle 1 + \angle 3 = 90^\circ$,
 $\therefore AE \perp EF$,
 $\therefore \angle 2 + \angle 3 = 90^\circ$,
 $\therefore \angle 1 = \angle 2$.
 $\therefore \triangle ABE \sim \triangle ECF$,
 $\therefore \frac{AB}{BE} = \frac{CE}{FC}$, 即 $\frac{5}{2} = \frac{3}{FC}$
 $\therefore FC = \frac{6}{5}$.



(2) ①依题意补全图形.

②法1:

证明: 在 AB 上截取 $AG=EC$, 连接 EG .

$\because AB=BC, \therefore GB=EB$.
 $\because \angle B=90^\circ, \therefore \angle BGE=45^\circ, \therefore \angle AGE=135^\circ$.
 $\because \angle DCB=90^\circ, CP$ 是正方形 $ABCD$ 外角平分线,
 $\therefore \angle ECP=135^\circ$.
 $\therefore \angle AGE = \angle ECP$.
 又 $\because \angle 1 = \angle 2, \therefore \triangle AGE \cong \triangle ECP$.

$\therefore AE=PE$7分

法2:

证明: 作点 A 关于 BC 的对称点 H , 连接 BH, CH, EH .

$\because AB=BH=BC, \angle 1 = \angle 4, \angle ABE = \angle HBE = 90^\circ$.
 $\therefore \angle BHC = \angle BCH = 45^\circ, \angle 4 + \angle 5 = 45^\circ$.
 $\because \angle 1 = \angle 2, \therefore \angle 2 + \angle 5 = 45^\circ$.

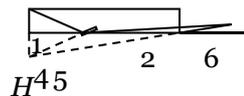
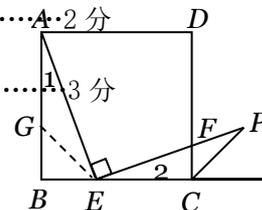
$\therefore \angle ECP = 135^\circ$,
 $\therefore \angle HCP = 180^\circ$, 点 H, C, P 在同一条直线上.

$\therefore \angle 6 = \angle 2 + \angle P = 45^\circ, \therefore \angle 5 = \angle P$.

$\therefore AE=PE$7分

法3:

证明: 将线段 BE 绕点 B 顺时针旋转 90° , 得到线段 BM , 连接 CM, EM .



$\therefore MB=EB, \therefore \angle MEB=45^\circ, \angle MEC=135^\circ.$

由法 1 $\angle ECP=135^\circ, \therefore \angle MEC=\angle ECP.$

$\therefore ME \parallel PC.$

又 $\because AB=BC, \angle ABC=\angle MBC=90^\circ.$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle CBF.$

$\therefore \angle 1=\angle BCM, MC=AE.$

$\therefore MC \parallel EP.$

\therefore 四边形 $MCPE$ 为平行四边形.

$\therefore MC=PE.$

$\therefore AE=PE. \dots\dots\dots 7$ 分

29. 解: (1) ①35; $\dots\dots\dots 1$ 分

② \because 点 A, B, C 的最优覆盖矩形的面积为 40,

\therefore 由定义可知, $t = -3$ 或 6 , 即点 C 坐标为 $(-3, -2)$ 或 $(6, -2)$.

设 AC 表达式为 $y = kx + b$,

$$\therefore \begin{cases} 3 = -2k + b, \\ -2 = -3k + b. \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} 3 = -2k + b, \\ -2 = 6k + b. \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} k = 5, \\ b = 13. \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} k = -\frac{5}{8}, \\ b = \frac{7}{4}. \end{cases}$$

$\therefore y = 5x + 13$ 或 $y = -\frac{5}{8}x + \frac{7}{4}. \dots\dots\dots 4$ 分

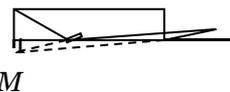
(2) 如图 1, OD 所在的直线交双曲线于点 E , 矩形 $OFEG$ 是点 O, D, E 的一个面积最小的最优覆盖矩形,

\because 点 $D(1, 1), \therefore OD$ 所在的直线表达式为 $y=x$,

\therefore 点 E 的坐标为 $(2, 2), \therefore OE=2\sqrt{2}, \therefore \odot H$ 的半径 $r = \sqrt{2}$,

如图 2,

\because 当点 E 的纵坐标为 1 时, $1 = \frac{x}{4}$, 解得 $x=4$,



$$\therefore OE = \sqrt{1^2 + 4^2} = \sqrt{17}, \therefore \odot H \text{ 的半径 } r = \frac{\sqrt{17}}{2},$$

$$\therefore \sqrt{2} \leq r \leq \frac{\sqrt{17}}{2}. \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

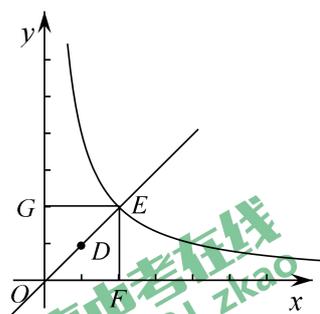


图 1

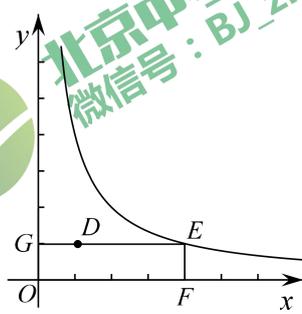


图 2



长按二维码 识别关注