

## 数 学



## 一、选择题。

下面各题均有四个选项，其中只有一个符合题意的。请将正确选项前的字母填在表格中相应的位置。

1. 下列图形中，不是轴对称图形的是



2. 下列每组数字分别是三根小木棒长度，则能摆成三角形的是

- A. 3、4、8      B. 8、7、15      C. 13、12、20      D. 5、5、11

3. 下列计算正确的是

- A.  $x^3 + x^2 = x^5$       B.  $x^4 + x = x^4$       C.  $x^3 \cdot x^2 = x^5$       D.  $(x^3)^2 = x^5$

4. 已知点 P (-2,3) 关于 y 轴的对称点为 Q (a,b)，则 a+b 的值是

- A. 5      B. -5      C. 1      D. -16

5. 如图，在 Rt  $\triangle ACB$  中， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $\angle A = 25^\circ$ ，D 是 AB 上一点，将 Rt  $\triangle ACB$  沿 CD 折叠，使 B 点落在 AC 边上的 B' 处，则  $\angle ADB'$  等于

- A.  $25^\circ$       B.  $30^\circ$       C.  $35^\circ$       D.  $40^\circ$

6. 如图，已知  $AE = CF$ ， $\angle AFD = \angle CEB$ ，那么添加下列一个条件后，仍无法判定  $\triangle ADF \cong \triangle CBD$  的是

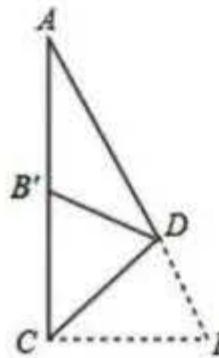
- A.  $\angle A = \angle C$       B.  $AD = CB$       C.  $BE = DF$       D.  $AD \parallel BC$

7. 一个多边形的每个外角都等于  $72^\circ$ ，则这个多边形的边数为

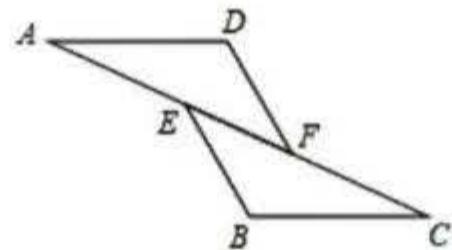
- A. 5      B. 6      C. 7      D. 8

8. 已知如图， $\triangle ABC$  中， $AB = AC$ ，AD 是角平分线， $BE = CF$ ，则下列说法正确的有（）个  
 (1) AD 平分  $\angle EDF$   
 (2)  $\triangle EBD \cong \triangle FCD$   
 (3)  $BD = CD$   
 (4)  $AD \perp BC$

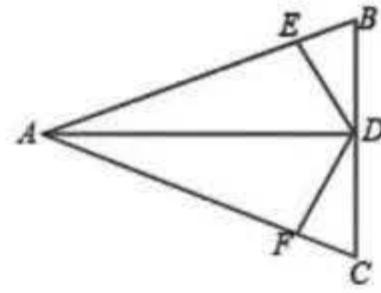
- A. 1      B. 2      C. 3      D. 8



第5题



第6题



第8题

9. 将一个正方形纸片依次按图 1a, b 的方式对折，然后沿图 c 中的虚线裁剪，成图 d 样式，将纸展开铺平，所得到的图形是下图中的

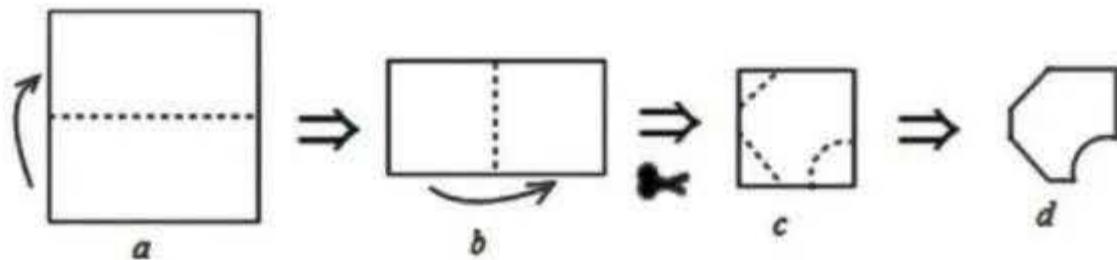
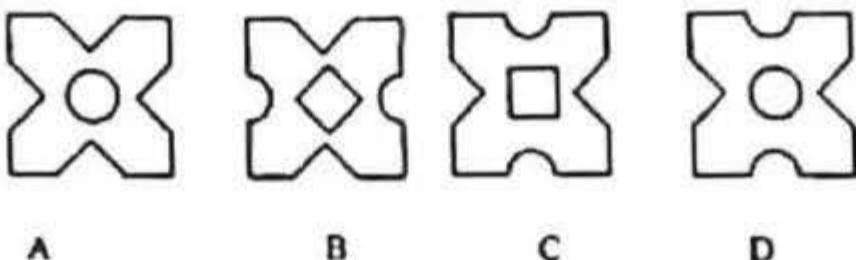
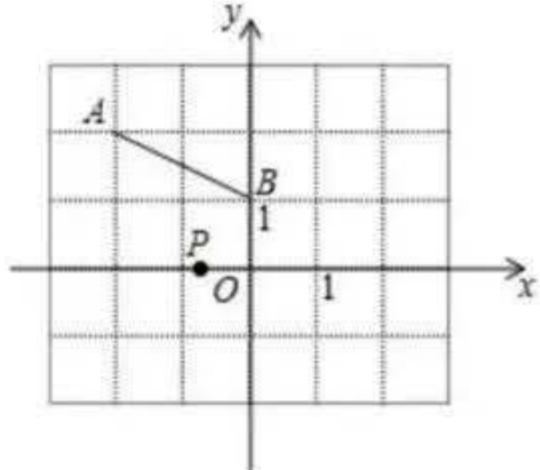


图1



10. 如图, 直角坐标系中, 点  $A(-2, 2)$ 、 $B(0, 1)$  点  $P$  在  $x$  轴上, 且  $\triangle PAB$  的等腰三角形, 则满足条件的点  $P$  共有 ( ) 个

- A. 1  
B. 2  
C. 3  
D. 4



## 二、填空题

11. 计算:  $(-a^3)^4 + (-2a^2)^3 =$  \_\_\_\_\_

12. 若  $(0 - 3)^0 = 1$  则  $a$  的取值范围是 \_\_\_\_\_

13. 一个多边形的内角和是  $1440^\circ$ , 则这个多边形是 \_\_\_\_\_ 边形

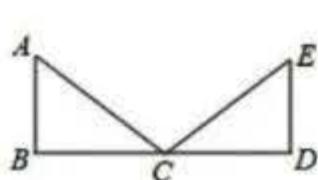
14. 若  $x^2 - x + m$  是一个完全平方式, 那么  $m$  的值是 \_\_\_\_\_。

15. 若  $(x + \frac{1}{x})^2 = 9$ , 则  $(x - \frac{1}{x})^2$  的值为 \_\_\_\_\_。

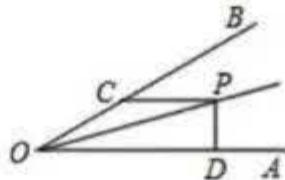
16. 如图, 已知  $AB \perp BD$ ,  $AB \parallel ED$ ,  $AB = ED$ , 要说明  $\triangle ABC \cong \triangle EDC$ , 若以“SAS”为依据, 还要添加的条件为 \_\_\_\_\_; 若添加条件  $AC = EC$ , 则可以用 \_\_\_\_\_ 公理(或定理)判定全等。

17. 已知: 如图,  $\angle AOP = \angle BOP = 15^\circ$ ,  $PC \parallel OA$ ,  $PD \perp OA$  于  $D$ , 若  $PC = 6$ , 则  $PD =$  \_\_\_\_\_

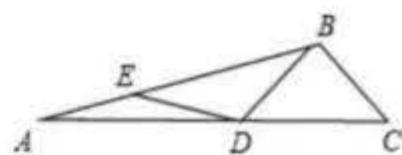
18. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ABC = 120^\circ$ , 点  $D$ 、 $E$  分别在  $AC$  和  $AB$  上, 且  $AE = ED = DB = BC$ , 则  $\angle A$  的度数为 \_\_\_\_\_。



第16题



第17题



第18题

## 三、解答题

19. 计算:  $(-2a)^3 - (1 - 2a + a^2)$

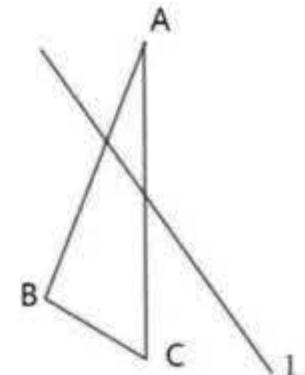
20. 计算:  $(3y + 2)(y - 4) - (y - 2)(y - 3)$

21. 计算:  $a(a - 2b) - (a - b)^2$

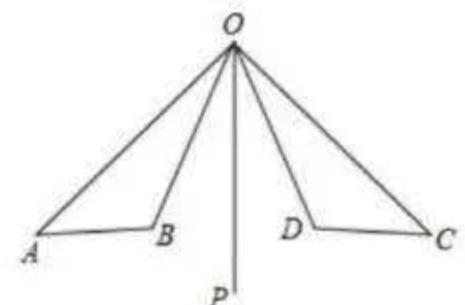


22. 先化简，再求值： $(2x-1)^2 + (x+2)(x-2) - (x^4 - 4x^3) + x^2$  其中  $x = -\frac{1}{2}$

23. 作出已知图形  $\triangle ABC$  关于给定直线  $l$  的对称图形  $\triangle A'B'C'$



24. 已知：如图，OP 是  $\angle AOC$  和  $\angle BOD$  的平分线，OA=OC，OB=OD，求证：AB=CD

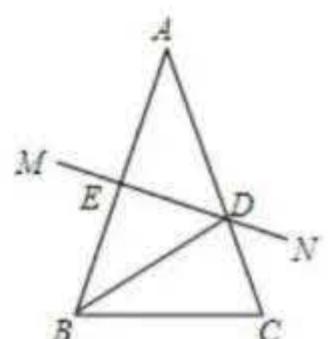


25. 如图，在  $\triangle ABC$  中，AB=AC，AB 的垂直平分线 MN 交 AC 于点 D，交 AB 于点 E。

(1) 求证： $\triangle ABD$  是等腰三角形；

(2) 若  $\angle A = 40^\circ$ ，求  $\angle DBC$  的度数；

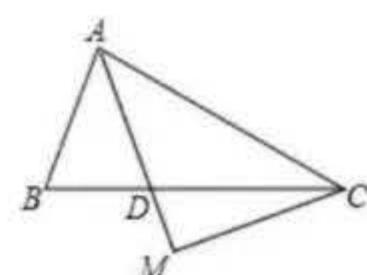
(3) 若  $AE = 6$ ， $\triangle CBD$  的周长为 20，求  $\triangle ABC$  的周长



26. 已知，如图，在  $\triangle ABC$  中，AD 平分  $\angle BAC$ ，AD=AB，CM \perp AD 于 M，请你通过观察和测量，猜想线段 AB、AC 之和与线段 AM 有怎样的数量关系，并证明你的结论。

猜想：

证明：



改：猜想  $\angle B$ ,  $\angle ACM$ ,  $\angle BCM$  有怎样的数量关系，并证明你的结论。

26. 阅读下列材料：

如图，在四边形ABCD中，已知 $\angle ACB = \angle BAD = 105^\circ$ ， $\angle ABC = \angle ADC = 45^\circ$ ，求证：CD=AB

小刚是这样思考的：由已知可得， $\angle CAB = 30^\circ$ ， $\angle DAC = 75^\circ$ ， $\angle DCA = 60^\circ$ ， $\angle ACB + \angle DAC = 180^\circ$ ，由求证及特殊角度数可联想到构造特殊三角形，即过点A作AE $\perp$ AB交BC的延长线于点E，对AB=AE， $\angle E = \angle D$

在 $\triangle ADC$ 与 $\triangle CEA$ 中，

$$\because \begin{cases} \angle D = \angle E \\ \angle DAC = \angle ECA = 75^\circ \\ AC = CA \end{cases}$$

$\therefore \triangle ADC \cong \triangle CEA$

得 CD=AE=AB

请你参考小刚同学思考问题的方法，解决下面问题

如图，在四边形ABCD中，若 $\angle ACB + \angle CAD = 180^\circ$ ， $\angle B = \angle D$ ，请问：CD与AB是否相等？若相等，请你给出证明；若不相等。请说明理由。

