2023 北京一六一中初一(下)期中

数 学

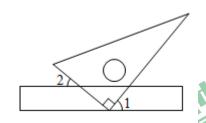


一、选择题

 $\frac{1}{4}$ 1. $\frac{1}{4}$ 的算术平方根是(



2. 将含 30°的直角三角板与直尺如图所示放置,若∠2=40°,则∠1 的度数为 ()



A. 30°

C. 50°

D. 60°

3. 如果 a > b , 那么下列不等式成立的是()

A.
$$a - b < 0$$

B.
$$a-2 < b-2$$

C.
$$\frac{3}{5}a > \frac{3}{5}b$$

D.
$$-3a > -3b$$

4. 以下命题是真命题的是()

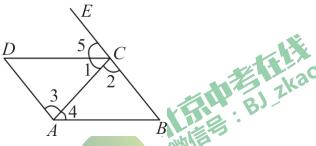
A. 相等的两个角一定是对顶角

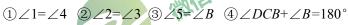
B. 过直线外一点有且只有一条直线与已知直线平行

C. 两条直线被第三条直线所截,内错角相等

D. 在同一平面内, 垂直于同一条直线的两条直线互相垂直

5. 如图,点 E在 BC的延长线上,下列条件中能判定 CD // AB 的是(





A. 1234

B. 1123

C. (1)(3)(4)

D. (1)(2)

6. 已知a是正数,下列关于x的不等式组无解的是()

A.
$$\begin{cases} x > a \\ x > 0 \end{cases}$$

B.
$$\begin{cases} x > a \\ x < 0 \end{cases}$$

C.
$$\begin{cases} x < a \\ x > 0 \end{cases}$$

D.
$$\begin{cases} x < a \\ x < 0 \end{cases}$$



7. 我国古代数学名著《孙子算经》中记载: "今有木,不知长短,引绳度之,余绳四尺五寸; 屈绳量之不足一尺,木长几何?"意思是: 用一根绳子去量一根木条,绳子还剩余 4.5 尺; 将绳子对折再量木条木条剩余 1 尺,问木条长多少尺?如果设木条长 x 尺,绳子长 y 尺,那么可列方程组为 ()

A.
$$\begin{cases} y = x + 4.5 \\ 0.5 y = x - 1 \end{cases}$$

$$B. \begin{cases} y = x + 4.5 \\ y = 2x - 1 \end{cases}$$

C.
$$\begin{cases} y = x - 4.5 \\ 0.5y = x + 1 \end{cases}$$

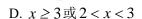
D.
$$\begin{cases} y = x - 4.5 \\ y = 2x - 1 \end{cases}$$

8. 定义一种运算: $a*b = \begin{cases} a & (a \ge b)? \\ b & (a < b) \end{cases}$, 则不等式 2x*(x+3) > 1 的解集是(

A.
$$x > \frac{1}{2}$$
 或 $x > -2$

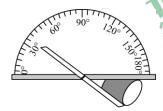
B.
$$x > \frac{1}{2}$$
 $\vec{x} = 0$

C. $x \ge 3$ 或 -2 < x < 3



二、填空题

9. 图是对顶角量角器,用它测量角度的原理是______



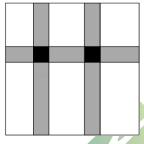
10. 把命题"等角的余角相等"改写成"如果……,那么……"的形式是_____

11. 已知 $\begin{cases} x=2\\ y=3 \end{cases}$ 是关于 x, y 的方程 mx-6=2y 的一个解,那么 m 的值是______

12. 已知二元一次方程 2x-3y=3,用含 x 的代数式表示 y,则 y=__

13. 若一个正数的平方根是9-a和5a+3,则a的值是_____

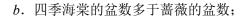
14. 如图,一块边长为 8 米的正方形土地,在上面修了三条道路,宽都是 1 米,其余部分种上各种花草,则种植花草的面积是____平方米.



15. 已知关于 x 的不等式组 $\begin{cases} x-a>0 \\ 1-x>0 \end{cases}$ 的整数解共有 3 个,则 a 的取值范围是_____.

16. 为美化广场环境要建花坛,一个花坛由四季海棠、三色堇、蔷薇三种花卉组成,这三种花卉的盆数同时满足以下三个条件:

a. 三色堇的盆数多于四季海棠的盆数;



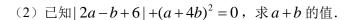
- c. 蔷薇盆数的 2 倍多于三色堇的盆数.
- ①若蔷薇的盆数为4,则四季海棠盆数的最大值为____:
- ②一个花坛花盆数量的最小值为 .

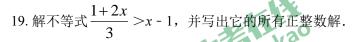


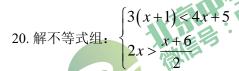
三、解答题

- 17. (1) 计算: $\sqrt{9} + \sqrt[3]{-8} \sqrt{(-2)^2} + |\sqrt{2} 1|$;
- (2) 求等式中x的值: $25x^2 = 49$.

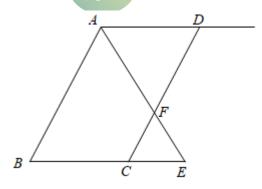
18. (1) 解方程组:
$$\begin{cases} 9x + 2y = 102 \\ 3x - 4y = 6 \end{cases}$$
;







21. 如图,AD//BC, $\angle BAD$ 的平分线交CD 于点 F ,交BC 的延长线于点 E , $\angle CFE = \angle E$.



求证: $\angle B + \angle BCD = 180^{\circ}$.

请将下面的证明过程补充完整:

证明: :: AD//BC,

:: AE 平分 $\angle BAD$,

$$\therefore \angle BAE = \angle E.$$

$$\therefore \angle CFE = \angle E$$
,

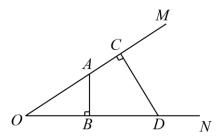
$$\therefore \angle CFE = \angle BAE$$
,

∴
$$\angle B + \angle BCD = 180^{\circ}$$
 (理由:).

22. 北京冬奥会期间,大批的志愿者秉承"奉献、友爱、互助、进步"的志愿精神参与服务工作. 某高校



- (1) 每辆小客车和每辆大客车各能运送多少名学生?
- (2) 若学校计划租用小客车a辆,大客车b辆,若两种客车均租用且恰好每辆车都坐满,一次运送完,请你设计出所有的租车方案.
- 23. 如图,点 A、C 在 $\angle MON$ 的一边 OM 上, $AB \perp ON$ 于点 B, $CD \perp OM$ 交射线 ON 于点 D. 按要求 画图并猜想证明:



- (1) 过点 C 画 ON 的垂线段 CE, 垂足为点 E; 过点 E 画 EF // OC, 交 CD 于点 F.
- (2) 求证: $\angle OAB = \angle CEF$.

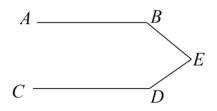
24. 阅读材料:

小明对不等式的有关知识进行了自主学习,他发现,对于任意两个实数 a 和 b 比较大小,有如下规律:若 a-b>0,则 a>b;若 a-b=0,则 a=b;若 a-b<0,则 a<b.上面的规律,反过来也成立.课上,通过与老师和其他同学的交流,验证了上面的规律是正确的.

参考小明发现的规律,解决问题:

- (2) 已知 x + 2y 2 = 0,且 x 是正数,若 A = 5xy + y + 1, B = 5xy + 2y, 试比较 A 和 B 的大小

25. 如图, 己知 AB // CD, E为 AB, CD 之间一点, 连接 BE, DE.



- (1) 猜想 $\angle BED$, $\angle B$, $\angle D$ 的数量关系,并证明;
- (2) 作∠ABE, ∠CDE的角平分线 BF, DF 交于点 F.
- ①依题意补全图形;
- ②直接用等式表示 $\angle BFD$ 与 $\angle BED$ 的数量关系.

26. 将二元一次方程组的解中的所有数的全体记为M,将不等式(组)的解集记为N,给出定义:若M中的数都在N内,则称M被N包含;若M中至少有一个数不在N内,则称M不能被N包含.如,方程

组
$$\begin{cases} x=0 \\ x+y=2 \end{cases}$$
 的解为 $\begin{cases} x=0 \\ y=2 \end{cases}$,记 $A:\{0,2\}$,方程组 $\begin{cases} x=0 \\ x+y=4 \end{cases}$ 的解为 $\begin{cases} x=0 \\ y=4 \end{cases}$,记 $B:\{0,4\}$,不等式

x-3<0的解集为x<3,记H:x<3. 因为 0,2 都在H 内,所以 A 被H 包含;因为 4 不在H 内,所以 B 不能被H 包含.

(1) 将方程组 $\begin{cases} 2x-y=5\\ 3x+4y=2 \end{cases}$ 的解中的所有数的全体记为C,将不等式 $x+1\geqslant 0$ 的解集记为D,请问C能

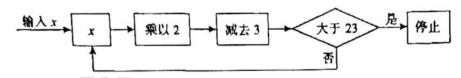
否被 D 包含?说明理由;

(2) 将关于x, y的方程组 $\begin{cases} 2x+3y-5a=-1\\ x-2y+a=3 \end{cases}$ 的解中的所有数的全体记为E,将不等式组

$$\begin{cases} 3(x-2) \geqslant x-4 \\ \frac{2x+1}{3} > x-1 \end{cases}$$
 的解集记为 F ,若 E 不能被 F 包含,求实数 a 的取值范围

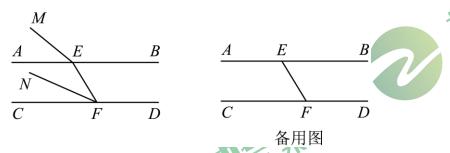
四、选做题(每小题5分,共10分)

27. 一位同学在编程课上设计了一个运算程序,如图所示.



按上述程序进行运算,程序运行到"判断结果是否大于23"为一次运行.

- (2) 若该程序只运行了3次就停止了,求x的取值范围.



- (1) 当射线 FN 经过点 E 时,直接写出此时 t 的值;
- (2) 当30 < t < 45 时,射线 EM 与 FN 交于点 P ,过点 P 作 $KP \perp FN$ 交 AB 于点 K ,求 $\angle KPE$; (用含t 的式子表示)
- (3) 当*EM*//*FN* 时, 求*t* 的值.

参考答案



一、选择题

1. 【答案】B

【解析】

【分析】根据算术平方根的意义进行计算即可.

【详解】解: $\frac{1}{4}$ 的算术平方根是 $\frac{1}{2}$.

故选: B.

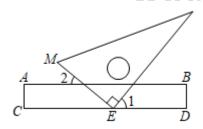
【点睛】本题考查了算术平方根,理解算术平方根的意义是正确计算的关键.

2. 【答案】C

【解析】

【分析】标出字母,根据平行线的性质即可求解.

【详解】标出字母,如图



AB // CD,

 $\therefore \angle 2 = \angle CEM$

 $\therefore \angle 1+90^{\circ}+\angle CEM=180^{\circ},$

 $\therefore \angle 1 + 90^{\circ} + \angle 2 = 180^{\circ},$

 $\therefore \angle 1 + \angle 2 = 90^{\circ}$,

∴∠2=40°,

∴∠1=90°-40°=50°,

故选: C.

【点睛】本题考查了平行线的基本性质,本题的解题关键是找出角度的关系即可得出答案.

3. 【答案】C

【解析】

【分析】根据不等式的性质逐个判断即可.

【详解】解: A、不等式a>b两边都减去b,不等号的方向不变,即a-b>0,原式变形不成立,故此选项不符合题意:

B、不等式a>b两边都减去 2,不等号的方向不变,即a-2>b-2,原式变形不成立,故此选项不符合题意;

- C、不等式a>b两边都乘以 $\frac{3}{5}$,不等号的方向不变,即 $\frac{3}{5}a>\frac{3}{5}b$,原式变形成立,故此选项符合题
- D、不等式a > b 两边都乘以-3,不等号的方向改变,即-3a < -3b,原式变形不成立,故此选项不符合 意.

故选: C.

【点睛】本题考查了不等式的性质,理解和掌握不等式的性质是解题的关键.不等式的性质1:不等式的 两边都加上(或减去)同一个数或式子,不等号的方向不变;不等式的性质 2:不等式的两边都乘以(或 除以)同一个正数,不等号的方向不变;不等式的性质 3;不等式的两边都乘以(或除以)同一个负数, 不等号的方向改变.

4. 【答案】B

【解析】

【分析】利用对顶角的定义、平行线的性质等知识对选项逐一判断即可.

【详解】A、对顶角的定义为:有公共定点,两条边互为反向延长线的两个角互为对顶角,对顶角相等, 但相等的角不一定是对顶角. 故命题错误, 是假命题, 不符合题意.

- B、根据平行公理: 经过直线外一点,有且只有一条直线与已知直线平行. 故命题是真命题,符合题意.
- C、两条平行线被第三条直线所截,内错角相等.故命题错误,是假命题,不符合题意.
- D、在同一平面内,垂直于同一条直线的两条直线互相平行.故命题错误,是假命题,不符合题意. 故选B

【点睛】本题考查命题与定理的相关知识,解决本题的关键是正确理解对顶角的定义,熟练应用平行线的 性质及推论.

5. 【答案】C

【分析】根据平行线的判定方法对①②③④每一选项的正确性进行判断即可得到解答. 【详解】解:因为 \(\begin{align*} 1 \) 和 \(\ext{2} \) 是 内错角,所以由 \(\ext{1} = \sqrt{4} \) 可以是 \(\ext{2} \) 因为 \(\ext{2} \) 和 \(\ext{2} \) = \(\ext{2} \) 因为 $\angle 2$ 和 $\angle 3$ 是 DA 与 CB 的内错角,不是 CD 与 AB 的内错角,所以由 $\angle 2$ = $\angle 3$ 不能得到 CD // AB,② 错误;

因为 $\angle 5$ 和 $\angle B$ 是同位角,所以由 $\angle 5$ = $\angle B$ 可以得到 CD // AB,③正确;

因为 $\angle DCB$ 和 $\angle B$ 是同旁内角,所以由 $\angle DCB+\angle B=180^{\circ}$ 可以得到CD // AB, ④正确;

故选: C.

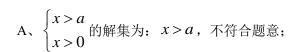
【点睛】本题考查平行线的应用,熟练掌握平行线的判定方法是解题关键.

6. 【答案】B

【解析】

【分析】根据不等式组解集的确定方法分别求出各不等式组的解集即可.

【详解】解: : a 是正数, 即 a > 0,



B、
$$\begin{cases} x > a \\ x < 0 \end{cases}$$
 的解集为 无解,符合题意;

$$C$$
、
$$\begin{cases} x < a \\ x > 0 \end{cases}$$
 的解集为: $0 < x < a$, 不符合题意;

D、
$$\begin{cases} x < a \\ x < 0 \end{cases}$$
 的解集为: $x < 0$, 不符合题意;

故选: B.

【点睛】本题考查了不等式的求解问题,解题的关键是熟知求不等式组的解集应遵循的原则:"同大取较大,同小取较小,小大大小中间找,大大小小解不了"的原则.

7. 【答案】A

【解析】

【分析】根据"一根绳子去量一根木条,绳子剩余 4.5 尺"可知:绳子=木条+4.5,再根据"将绳子对折再量木条,木条剩余 1 尺"可知: ½绳子=木条-1,据此列出方程组即可.

【详解】解:设木条长x尺,绳子长y尺,

那么可列方程组为:
$$\begin{cases} y = x + 4.5 \\ 0.5 y = x - 1 \end{cases}$$

故选: A.

【点睛】本题考查二元一次方程组的实际应用,解题的关键是明确题意,找出等量关系,列出相应的二元一次方程组.

8. 【答案】C

【解析】

【分析】分 $2x \ge x+3$ 和 2x < x+3 两种情况,根据新定义列出不等式组分别求解可得.

【详解】解: 由新定义得
$$\begin{cases} 2x \ge x+3 \\ 2x > 1 \end{cases}$$
 或
$$\begin{cases} 2x < x+3 \\ x+3 > 1 \end{cases}$$

解得 *x*≥3 或-2<*x*<3.

故选: C.

【点睛】此题考查的是新定义,一元一次不等式组的解法,求不等式组的解集,应遵循以下原则:同大取较大,同小取较小,小大大小中间找,大大小小解不了,熟练求解一元一次不等式组是解题的关键.

二、填空题

9. 【答案】对顶角相等

【解析】

【分析】由题意得,扇形零件的圆心角与其两边的反向延长线组的角是对顶角,根据对顶角的性质解答即



可.

【详解】解: 由题意得,扇形零件的圆心角与其两边的反向延长线组的角是对顶角.

因为对顶角相等,

所以利用图中的量角器可以量出这个扇形零件的圆心角的度数.

故答案为对顶角相等.

【点睛】本题考查了对顶角的性质,正确掌握对顶角的性质是解题的关键.

10. 【答案】如果两个角是两个相等的角的余角,那么这两个角相等

【解析】

【分析】命题有题设和结论两部分组成,通常写成"如果···那么···"的形式。"如果"后面接题设,"那么"后面接结论。

【详解】解:根据命题可得:"如果两个角是两个相等的角的余角,那么这两个角相等."

故答案为: 如果两个角是两个相等的角的余角, 那么这两个角相等.

【点睛】本题考查命题的定义,根据命题的定义,命题有题设和结论两部分组成.

11. 【答案】6

【解析】

【分析】把 $\begin{cases} x=2 \\ y=3 \end{cases}$ 代入方程mx-6=2y计算即可求出m的值.

【详解】解: 把
$$\begin{cases} x=2 \\ y=3 \end{cases}$$
代入方程 $mx-6=2y$ 得: $2m-6=6$,

移项得: 2m=6+6,

解得: m=6.

故答案为: 6.

【点睛】本题考查了二元一次方程的解,方程的解即为能使方程左右两边相等的未知数的值,掌握二元一次方程的解的定义是解题关键.

12. 【答案】
$$\frac{2}{3}x-1$$

【解析】

【分析】把x看做已知数表示出y即可

【详解】解:二元一次方程2x-3y=3

得:
$$y = \frac{2}{3}x - 1$$
.

故答案为: $\frac{2}{3}x-1$.

【点睛】本题考查了解二元一次方程,解题的关键是将x看做已知数表示出y.

13.【答案】-3



【解析】

【分析】根据一个正数有两个平方根,且互为相反数列出关于a的方程,求出方程的解得到a的值即可。

【详解】解:根据题意得: 9-a+5a+3=0

解得: a=-3

故答案为: -3

【点睛】此题考查了平方根,熟练掌握平方根的定义(一个正数有两个平方根,且互为相反数)是解本题的关键.

14. 【答案】42

【解析】

【分析】直接利用平移方法,将三条道路平移到图形的一侧,进而求出即可.

【详解】解: $(8-1)\times(8-2)$

 $=7\times6$

=42 (平方米).

故种植花草的面积是 42 平方米

故答案为: 42.

【点睛】本题考查了生活中的平移现象,图形的平移只改变图形的位置,而不改变图形的形状和大小,学生易混淆图形的平移与旋转或翻转,以致错误.

15. 【答案】-3≤a<-2

【解析】

【详解】解不等式组的第一个不等式得 x > a,解第二个不等式得 x < 1,所以不等式组的解为 a < x < 1,由于题中要求包含三个整数解,那么 x 可以取-2、-1、0.那么 a 的取值即可得出为-3< a < -2

【点睛】中等难度. 要求考生有一定的分析能力, 此类题稍加训练即可达到举一反三的效果.

16. 【答案】 ①. 6 ②. 12

【解析】

【分析】设三色堇x盆,四季海棠y盆,

- ①根据 4 < y < x < 8, x, y 都是整数, 可得四季海棠盆数的最大值为 6.
- ②设蔷薇 m 盆,可得 m < y < x < 2m,由 m = 2m 中间至少有两个整数,可知 m > 2,

即当m=3时,3 < y < x < 6,一个花坛花盆数量最小,即可求出答案.

【详解】解:设三色堇 x 盆,四季海棠 y 盆,

- ①根据已知得: $4 < y < x < 2 \times 4$, 即 4 < y < x < 8,
- ∵ *x*, *y* 都是整数,
- ∴x 最大值为 7, y 最大值为 6,
- :.四季海棠盆数的最大值为 6.

故答案为: 6.



②设蔷薇 m 盆,则一个花坛花盆数量是(m+x+y)盆,

根据题意得: m < y < x < 2m,

- : m, x, y 都是整数,
- $\therefore 2m m > 2$ (m = 2m 中间至少有两个整数),
- $\therefore m > 2$,
- ∴ 当 m = 3 时, 3 < y < x < 6,

此时 y=4, x=5, 一个花坛花盆数量最小,最小值是 3+4+5=12 (盆)

故答案为: 12.

【点睛】本题主要考查了不等式的应用类问题,解题的关键是根据题意列出不等式,并能根据实际问题求出符合条件的解.

三、解答题

17. 【答案】(1)
$$\sqrt{2}-2$$
; (2) $x_1 = \frac{7}{5}$, $x_2 = -\frac{7}{5}$

【解析】

【分析】(1) 先算算术平方根和立方根、绝对值化简,再根据实数的运算法则进行计算即可得到答案;

(2) 根据平方根的定义进行计算即可得到答案.

【详解】解: (1)
$$\sqrt{9} + \sqrt[3]{-8} - \sqrt{(-2)^2} + |\sqrt{2} - 1|$$

$$=3+(-2)-2+\sqrt{2}-1$$

$$=3-2-2+\sqrt{2}-1$$

$$=\sqrt{2}-2$$
;

(2) :
$$25x^2 = 49$$
,

$$\therefore x^2 = \frac{49}{25},$$

$$\therefore x_1 = \frac{7}{5}, \quad x_2 = -\frac{7}{5}.$$

【点睛】本题主要考查了算术平方根和立方根、去绝对值,熟练掌握算术平方根和立方根、去绝对值法则 是解题的关键.

18. 【答案】(1)
$$\begin{cases} x = 10 \\ y = 6 \end{cases}$$
; (2) $a + b$ 的值为 -2

【解析】

【分析】(1) 采用加减消元法将①×2+② 得,18x+3x=204+6,求出x的值,再代入② 式,可求出y的值,即可得到答案;

(2)
$$\pm |2a-b+6| + (a+4b)^2 = 0$$
, $|2a-b+6| \ge 0$, $(a+4b)^2 \ge$



a+4b=0②, 再①+②得, 3a+3b=-6, 化简即可得到a+b的值.

【详解】解: (1) 原方程组为
$$\begin{cases} 9x + 2y = 102①\\ 3x - 4y = 6② \end{cases}$$



① $\times 2 + 2$ 得,18x + 3x = 204 + 6,

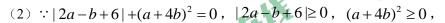
21x = 210,

解得: x = 10,

把 x = 10 代入②, 得, $3 \times 10 - 4y = 6$,

解得: y = 6,

$$: 这个方程组的解为 \begin{cases} x = 10 \\ y = 6 \end{cases},$$



$$\therefore 2a - b = -61$$
, $a + 4b = 02$,

①+②得,
$$3a+3b=-6$$
,

$$\therefore a+b=-2,$$

 $\therefore a+b$ 的值为-2.

【点睛】本题主要考查了加减消元法解二元一次方程组,绝对值的非负性,平方的非负性,熟练掌握加减消元法解二元一次方程组,绝对值的非负性,平方的非负性,是解题的关键.

19. 【答案】1, 2, 3

【解析】

【分析】由一元一次不等式解法知,依次去分母、去括号、移项、合并同类项、系数化为1即可得到原不等式解集,进而可得正整数解.

【详解】解: 去分母, 得 1+2x>3 (x-1),

去括号,得 1+2x>3x-3,

移项, 得 2x - 3x> - 3 - 1,

合并同类项, 得 - x > -4,

系数化为 1, 得 x < 4,

则不等式的正整数解为: 1, 2, 3

【点睛】本题考查解一元一次不等式,掌握解一元一次不等式基本步骤是解题关键.

20. 【答案】 x > 2

【解析】

【分析】分别求出各个不等式的解集,再求出其公共解集.

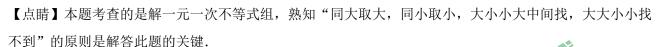
【详解】解: 原不等式组为
$$\begin{cases} 3(x+1) < 4x + 5① \\ 2x > \frac{x+6}{2}② \end{cases}$$



解不等式①, 得, x > -2,

解不等式②, 得, x > 2,

:. 原不等式组的解集为: x > 2.



21. 【答案】 $\angle DAE$; 两直线平行,内错角相等; $\angle DAE$; $\angle BAE$; AB; CD; 同位角相等,两直线平行;两直线平行,同旁内角互补.

【解析】

【分析】根据平行线的性质与判定,角平分线的意义、补全证明过程即可、

【详解】:: AD // BC

- ∴ $\angle DAE = \angle E$ (理由: 两直线平行, 内错角相等),
- $\therefore \angle DAE = \angle BAE$,
- $\therefore \angle BAE = \angle E$.
- $:: \angle CFE = \angle E$,
- $\therefore \angle CFE = \angle BAE$,
- :. AB // CD (理由: 同位角相等, 两直线平行).
- $\therefore \angle B + \angle BCD = 180^{\circ}$ (理由:两直线平行,同旁内角互补).

【点睛】本题考查了平行线的性质与判定,角平分线的意义,掌握平行线的性质与判定是解题的关键.

- 22. 【答案】(1) 每辆小客车能运送 20 名学生, 每辆大客车能运送 45 名学生
- (2) 租车方案为: 小客车 11 辆, 大客车 4 辆或小客车 2 辆, 大客车 8 辆

【解析】

【分析】(1)设每辆小客车能坐x名学生,每辆大客车能坐y名学生,根据"用1辆小客车和2辆大客车每次可运送学生 110人;用4辆小客车和1辆大客车每次可运送学生 125人",即可得出关于x,y的二元一次方程组,解之即可得出结论;

(2) ①根据"一次运送 400 名学生,且恰好每辆车都坐满",即可得出关于 *a*, *b* 的二元一次方程,结合 *a*, *b* 均为正整数,即可得出各租车方案:

【小问1详解】

设每辆小客车能运送x名学生,每辆大客车能运送y名学生.

根据题意,得:
$$\begin{cases} x + 2y = 110 \\ 4x + y = 125 \end{cases}$$

解得:
$$\begin{cases} x = 20 \\ y = 45 \end{cases}$$

答: 每辆小客车能运送 20 名学生, 每辆大客车能运送 45 名学生.

【小问2详解】

根据题意, 得 20a + 45b = 400.

$$\therefore a = 20 - \frac{9}{4}b.$$

::a, b 为正整数, 两种客车均租用且恰好每辆车都坐满

$$\therefore \begin{cases} a = 11 \\ b = 4 \end{cases} \begin{cases} a = 2 \\ b = 8 \end{cases}.$$

答: 租车方案为: 小客车 11 辆, 大客车 4 辆或小客车 2 辆, 大客车 8 辆.

【点睛】本题考查了二元一次方程组的应用以及二元一次方程的应用,解题的关键是:(1)找准等量关

系,正确列出二元一次方程组;(2)找准等量关系,正确列出二元一次方程。

23. 【答案】(1) 见解析 (2) 见解析

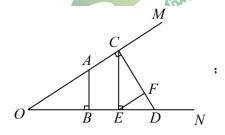
【解析】

【分析】(1) 按照题目要求正确的画图即可:

(2) 根据平行线的性质与判定即可得到答案.

【小问1详解】

解: CE、EF 如图所示:



【小问2详解】

证明: $:: AB \perp ON$, $CE \perp ON$ (已知),

- ∴ ∠*OBA* = ∠*OEC* = 90° (垂直定义).
- ∴ AB // CE (同位角相等, 两条直线平行).
- ∴ $\angle OAB = \angle OCE$ (两直线平行,同位角相等).
- : EF // OC,
- ∴ ∠OCE = ∠CEF (两直线平行,内错角相等)
- *∴ ∠OAB = ∠CEF* (等量代换).

【点睛】本题主要考查了平行线的性质与判断,解题的关键在于能够熟练运用相关知识.

24. 【答案】(1) <

(2) A > B

【解析】

【分析】(1) 两数作差,根据 $3 < \sqrt{10}$ 可求,也可利用不等式的基本性质 1,不等式的两边同时加一个正数,不等号的方向不变,即可得到答案:

(2) 根据 x+2y-2=0, 且 x>0, 求得 -y+1<0, 两式作差进而求解.





【小问1详解】

解: $:: 3 < \sqrt{10}$,

$$\therefore (3+\sqrt{5})-(\sqrt{10}+\sqrt{5})=3-\sqrt{10}<0,$$

$$\therefore 3 + \sqrt{5} < \sqrt{10} + \sqrt{5} ,$$

故答案为: <;

【小问2详解】

解: :: x + 2y - 2 = 0,

$$\therefore x = 2 - 2y,$$

:: x 是正数, 即 x > 0,

$$\therefore 2-2y>0,$$

$$\therefore -y+1>0$$
,

$$\therefore A - B = (5xy + y + 1) - (5xy + 2y) = -y + 1 > 0$$

A > B.

【点睛】本题主要考查了不等式的性质,整式的加减和实数大小的比较,解题的关键是根据 x+2y-2=0,且x>0确定 y 的取值范围.

25. 【答案】(1) ∠B+∠BED+∠D=360°, 理由见解析

(2) ①见解析; ②
$$\angle BFD = 180^{\circ} - \frac{1}{2} \angle BED$$

【解析】

【分析】(1) 过点 E 作 EF//AB,由 AB//CD 可得 EF//CD,根据平行线的性质两直线平行、内错角相等,最后由 $\angle BED$ = $\angle BEF$ + $\angle DEF$ 即可解答;

(2)①分别作 $\angle ABE$ 、 $\angle CDE$ 的角平分线 BF、DF 交于点 F 即可;②由角平分线的性质、平分线的性质可得 $\angle ABF+\angle CDF=\frac{1}{2}$ ($\angle ABE+\angle CDE$),进而得到 $\angle ABE+\angle CDE=2\angle BFD$,最后根据四边形的内角和即可解答.

【小问1详解】

解: $\angle B + \angle BED + \angle D = 360^{\circ}$, 理由如下

过点 E 作 EG // AB

$$\therefore \angle B + \angle BEG = 180^{\circ}.$$



AB//CD,





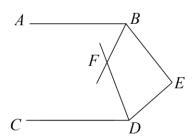
 $\therefore \angle DEG + \angle D = 180^{\circ}$.

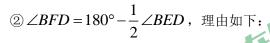
∴ $\angle B + \angle BEG + \angle DEG + \angle D = 180^{\circ} + 180^{\circ}$. $\square \angle B + \angle BED + \angle D = 360^{\circ}$.



【小问2详解】

解: ①





∵BF、DF分别平分∠ABE、∠CDE,

 $\therefore \angle ABE = 2 \angle EBF, \angle CDE = 2 \angle EDF,$

由 (1) 知, $\angle ABE + \angle BED + \angle CDE = 360^{\circ}$,

$$\therefore 2 \angle EBF + \angle BED + 2 \angle EDF = 360^{\circ},$$

$$\therefore \angle BBF + \angle EDF = 180^{\circ} - \frac{1}{2} \angle BED.$$

$$\therefore \angle BED + \angle BFD + \angle EBF + \angle EDF = 360^{\circ}$$
,

$$\therefore \angle BED + \angle BFD + 180^{\circ} - \frac{1}{2} \angle BED = 360^{\circ},$$

$$\therefore \angle BFD = 180^{\circ} - \frac{1}{2} \angle BED.$$

【点睛】本题主要考查了平行线的性质、角平分线的性质、四边形的内角和等知识点,灵活相关性质成为解答本题的关键.

26. 【答案】(1) C 能被 D 包含. 理由见解析

(2) 实数a的取值范围是a < 2或 $a \ge 3$

【解析】

【分析】(1) 解方程组求得方程组的解为 $\begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$,不等式 $x+1\geq 0$ 的解集为 $x\geq -1$,2 和 -1 都在 D 内,

即可证得C能被D包含;

(2) 解关于
$$x$$
, y 的方程组 $\begin{cases} 2x+3y-5a=-1 \\ x-2y+a=3 \end{cases}$ 得到它的解为 $\begin{cases} x=a+1 \\ y=a-1 \end{cases}$, 得到 E : $\{a+1, a-l\}$, 解不等

式组
$$\begin{cases} 3(x-2)\geqslant x-4 \\ 2x+1 \\ 3 > x-1 \end{cases}$$
 得它的解集为 $1 \le x < 4$,根据题意得出 $a-1 < 1$ 或 $a+1 \ge 4$,解得 $a < 2$ 或 $a \ge 3$.

【小问1详解】

C能被D包含. 理由如下:

解方程组
$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ 3x + 4y = 2 \end{cases}$$
得到它的解为
$$\begin{cases} x = 2 \\ y = -1 \end{cases},$$

- $\therefore C:\{2, -1\},$
- ::不等式 $x+1 \ge 0$ 的解集为 $x \ge -1$,
- $\therefore D: x \geqslant -1$,
- ::2和-1都在D内,
- $\therefore C$ 能被 D 包含;

【小问2详解】

解关于
$$x$$
 , y 的方程组
$$\begin{cases} 2x + 3y - 5a = -1 \\ x - 2y + a = 3 \end{cases}$$
 得到它的解为
$$\begin{cases} x = a + 1 \\ y = a - 1 \end{cases}$$

 $\therefore E:\{a+1, a-l\},\$

解不等式组
$$\begin{cases} 3(x-2) \ge x - 4 \\ \frac{2x+1}{3} > x - 1 \end{cases}$$
 得它的解集为 $1 \le x < 4$,

- $\therefore F: 1 \leq x < 4$
- :: E 不能被 F 包含,且 a-1 < a+1,
- $∴ a 1 < 1 \exists a + 1 \ge 4$,
- ∴ a < 2 或 $a \ge 3$,

所以实数 a 的取值范围是 a < 2 或 $a \ge 3$.

【点睛】本题考查了新定义,解二元一次方程组和一元一次不等式(组),理解被包含的定义是解题关键,属于中档题.

四、选做题(每小题5分,共10分)

27. 【答案】(1) 若x=5, 该程序需要运行 4次才停止

(2)
$$\frac{11}{2} < x \le 8$$

【解析】

- 【分析】(1)分别求出该程序运行1,2,3,4次的结果,由19<23,35>23,可得出当x=5时,该程序需要运行4次才停止:
- (2) 根据该程序只运行了 3 次就停止了,即可得出关于x的一元一次不等式组,解之即可得出x的取值范围.

【小问1详解】

解:根据题意可得:

$$5 \times 2 - 3 = 7$$
, $7 \times 2 - 3 = 11$, $11 \times 2 - 3 = 19$, $19 \times 2 - 3 = 35$,



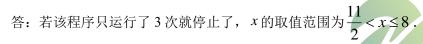
 \therefore 若 x = 5,该程序需要运行 4 次才停止;

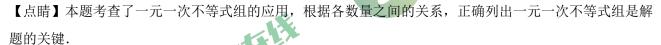
【小问2详解】

解:根据题意得:

$$\begin{cases} 2[2(2x-3)-3]-3 > 23 \\ 2(2x-3)-3 \le 23 \end{cases}$$

解得:
$$\frac{11}{2} < x \le 8$$
,





28. 【答案】(1) 此时 t 的值为 30

- (2) $\angle KPE = 90^{\circ} t^{\circ}$
- (3) 当 EM // FN 时, t 的值为 72

【解析】

【分析】(1) 由 FN 的速度为每秒 2° , $\angle CFE = 60^{\circ}$,即可求出当射线 FN 经过点 E 时,所用的时间 t;

(2) 过点 P 作直线 HQ // AB , 从而可得 HQ // AB // CD , 由平行线的性质可得

 $\angle FPQ = \angle CFP = 2^{\circ} \times t$, $\angle EPQ = \angle KEP = 3^{\circ} \times t$, 从而求得 $\angle EPF = t^{\circ}$, 再由 $KP \perp FN$, 可求得 $\angle KPE$;

(3)EM与FN的速度不相等,当 $0 < t \le 60$ 时,EM与FN不平行,当 $60 < t \le 90$ 时,EM与FN可能平行,当EM//FN时,设FN与AB交于点G,从而有 $\angle AGF = \angle MEB$,而

 $\angle MEB = 3^{\circ} \times t - 180^{\circ}$,再由平行线的性质得 $\angle AGF + \angle CFN = 180^{\circ}$,结合 $\angle CFN = 2^{\circ} \times t$,从而可求得 t 的值.

【小问1详解】

解: :: FN 的速度为每秒 2°, $\angle CFE = 60$ °

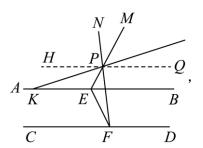
 \therefore 当射线 FN 经过点 E 时,所用的时间 t 为:

 $t = 60^{\circ} \div 2^{\circ} = 30$:

【小问2详解】

解:如图所示,过点P作直线HQ//AB,







:: AB // CD,

 $\therefore HQ//AB//CD$,

 $\therefore \angle FPQ = \angle CFP = 2^{\circ} \times t, \ \angle EPQ = \angle KEP = 3^{\circ} \times t,$

 $\therefore EPF = \angle EPQ - \angle FPQ = 3^{\circ} \times t - 2^{\circ} \times t = t^{\circ},$

 $:: KP \perp FN$,

 $\therefore \angle KPF = 90^{\circ}$,

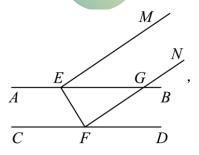
 $\therefore \angle KPE = 90^{\circ} - \angle EPF = 90^{\circ} - t^{\circ}$;

【小问3详解】

解: :: EM 与 FN 的速度不相等,

∴当 $0 < t \le 60$ 时,EM与FN不平行;

当60 < t ≤ 90时,EM与FN可能平行,当EM //FN时,设FN与AB交于点G,如图所示:



:: EM // FN,

 $\therefore \angle AGF = \angle MEB$,

由题意可得: $\angle MEB = 3^{\circ} \times t - 180^{\circ}$,

 $\therefore \angle AGF = 3^{\circ} \times t - 180^{\circ}$,

:: AB // CD,

 $\therefore \angle AGF + \angle CFN = 180^{\circ}$,

 $\therefore \angle CFN = 2^{\circ} \times t$,

 $\therefore 3^{\circ} \times t - 180^{\circ} + 2^{\circ} \times t = 180^{\circ},$

解得: t = 72,

∴当 *EM* // *FN* 时, *t* 的值为 72.

【点睛】本题主要考查平行线的性质,解答的关键是理解清楚题意,作出正确的辅助线,明确角与角之间的关系.

