



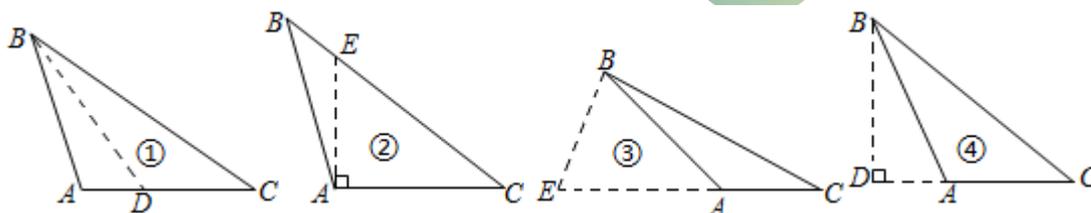
一、选择题

1. 9 的平方根是 ()

- A. -3 B. 3 C. ± 3 D. 81

2. 若 $a \neq b$, 则下列分式化简正确的是 ()

- A. $\frac{a+2}{b+2} = \frac{a}{b}$ B. $\frac{a-2}{b-2} = \frac{a}{b}$ C. $\frac{2a}{2b} = \frac{a}{b}$ D. $\frac{a^2}{b^2} = \frac{a}{b}$

3. 在 $\triangle ABC$ 中, 作出 AC 边上的高, 正确的是 ()

- A. ① B. ② C. ③ D. ④

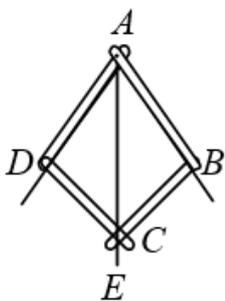
4. 计算 $\left(\frac{b}{a}\right)^2 \div a \cdot \frac{1}{a}$ 的结果为 ()

- A. $\frac{b^2}{a^2}$ B. $\frac{b^2}{a^4}$ C. $\frac{1}{b^2}$ D. b^2

5. 已知三条线段的长分别是 4, 4, m , 若它们能构成三角形, 则整数 m 的最大值是 ()

- A. 10 B. 8 C. 7 D. 4

6. 如图是一个平分角仪器, 其中 $AB = AD$, $BC = DC$. 将点 A 放在一个角的顶点, AB 和 AD 沿着这个角的两边放下, 利用全等三角形的性质就能说明射线 AC 是这个角的平分线, 这里判定 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADC$ 是全等三角形的依据是 ()



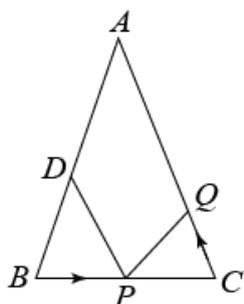
- A. SSS B. ASA C. SAS D. AAS

7. 下列命题中正确的有 () 个

- ①三个内角对应相等的两个三角形全等;
 ②三条边对应相等的两个三角形全等;
 ③有两角和一边分别对应相等的两个三角形全等;



速度为_____厘米/秒时，能够在某一时刻使 $\triangle BPD$ 与 $\triangle CQP$ 全等。



三、解答题

17. 计算： $(\pi-1)^0 - \sqrt{16} + |\sqrt{3}-2| - \sqrt[3]{-8}$.

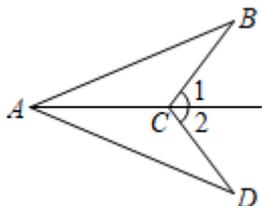
18. 计算： $\frac{2x}{(x+3)(x-3)} + \frac{1}{3-x}$.

19. 计算： $\frac{1}{2x-4} \cdot \frac{x^2-4x+4}{x+2} + \frac{2}{x+2}$.

20. 解分式方程： $\frac{1}{x} = \frac{5}{x+3}$.

21. 解分式方程： $\frac{x-2}{x+2} - 1 = \frac{16}{x^2-4}$.

22. 已知，如图， $CB = CD$ ， $\angle 1 = \angle 2$ ，求证： $\angle B = \angle D$ 。



证明： $\because \angle ACB + \angle 1 = 180^\circ$ ， $\angle ACD + \angle 2 = 180^\circ$ (_____)

又 $\because \angle 1 = \angle 2$ (已知)

$\therefore \angle ACB = \angle ACD$ (_____)

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADC$ 中

$CB = CD$ (已知)

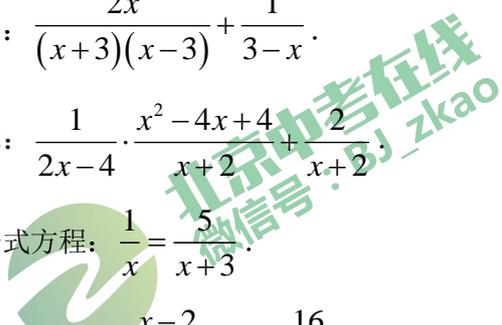
$\angle ACB = \angle ACD$ (已知)

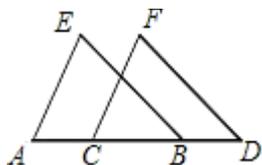
$AC = AC$ (_____)

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle ADC$ (_____)

$\therefore \angle B = \angle D$ (_____)

23. 如图，点 A, C, B, D 同一直线上， $AC = BD$ ， $AE = CF$ ， $BE = DF$ ，求证： $BE \parallel DF$ 。





24. 某游乐园采用手机 APP 购票，智能闸机验票的方式，大大缩短了游客排队购票、验票的等待时间，平均每分钟接待游客的人数是原来的 10 倍，且接待 5000 名游客的入园时间比原来接待 600 名游客的入园时间还少 5 分钟，求游乐园原来平均每分钟接待游客的人数。

25. 已知 $a^2 + 2a - 1 = 0$ ，求代数式 $\left(\frac{a^2 - 1}{a^2 - 2a + 1} - \frac{1}{1 - a}\right) \div \frac{1}{a^2 - a}$ 的值。

26. 在正方形网格中，网格线的交点叫做格点，三个顶点均在格点上的三角形叫做格点三角形。

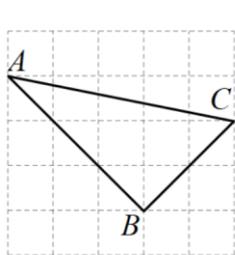


图1

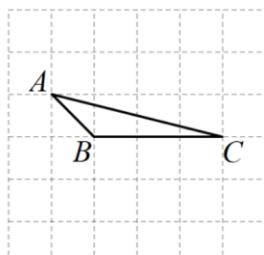


图2

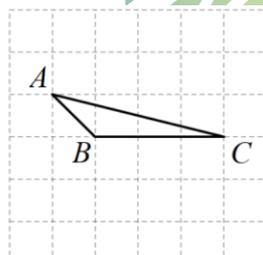


图3

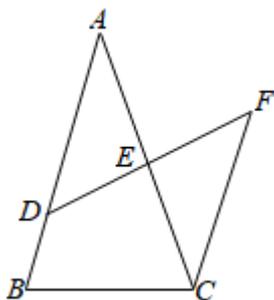
(1) 在图 1 中计算格点三角形 ABC 的面积是_____；（每个小正方形的边长为 1）

(2) $\triangle ABC$ 是格点三角形。

①在图 2 中画出一个与 $\triangle ABC$ 全等且有一条公共边 BC 的格点三角形；

②在图 3 中画出一个与 $\triangle ABC$ 全等且有一个公共点 A 的格点三角形。

27. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， D 是边 AB 上一点， E 是边 AC 的中点，过点 C 作 $CF \parallel AB$ 交 DE 的延长线于点 F 。



(1) 求证： $\triangle ADE \cong \triangle CFE$ ；

(2) 若 $AB = AC$ ， $CE = 5$ ， $CF = 7$ ，求 DB 的长。

28. 在分式 $\frac{N}{M}$ 中，若 M ， N 为整式，分母 M 的次数为 a ，分子 N 的次数为 b （当 N 为常数时， $b = 0$ ），

则称分式 $\frac{N}{M}$ 为 $(a - b)$ 次分式。例如， $\frac{x + 1}{x^4 - x^3}$ 为三次分式。

(1) 请写出一个只含有字母 x 的二次分式_____；



(2) 已知 $A = \frac{mx+2}{x-3}$, $B = \frac{nx+3}{x^2-9}$ (其中 m, n 为常数).

①若 $m=0, n=-5$, 则 $A \cdot B, A+B, A-B, A^2$ 中, 化简后是二次分式的为_____;

②若 A 与 B 的和化简后是一次分式, 且分母的次数为 1, 求 $2m+n$ 的值.

四、选做题

29. 如图, 8×12 长方形网格中, 网格线的交点叫做格点. 点 A, B, C 都是格点. 请按要求解答下列问题:

平面直角坐标系 xOy 中, 点 A, B 的坐标分别是 $(-3, 1), (-1, 4)$,

(1) ①请在图中画出平面直角坐标系 xOy ;

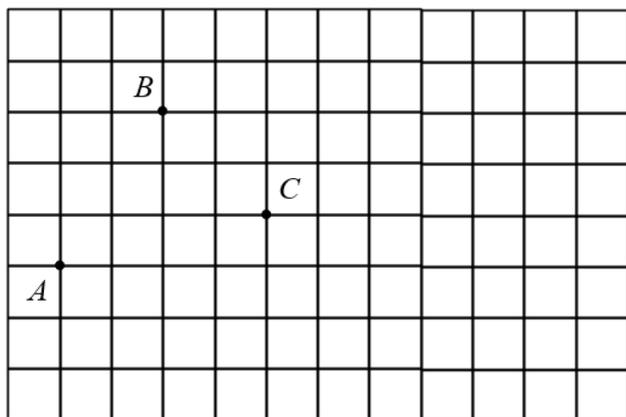
②点 C 的坐标是_____, 点 C 关于 x 轴的对称点 C_1 的坐标是_____;

(2) 设 l 是过点 C 且平行于 y 轴的直线,

①点 A 关于直线 l 的对称点 A_1 的坐标是_____;

②在直线 l 上找一点 P , 使 $PA+PB$ 最小, 在图中标出此时点 P 的位置;

③若 $Q(m, n)$ 为网格中任一格点, 直接写出点 Q 关于直线 l 的对称点 Q_1 的坐标 (用含 m, n 的式子表示).



北京中考在线
微信号: BJ_zkao



北京中考在线
微信号: BJ_zkao



参考答案

一、选择题

1. 【答案】C

【解析】

【详解】 $\because \pm 3$ 的平方是9,

$\therefore 9$ 的平方根是 ± 3 ,

故选: C.

2. 【答案】C

【解析】

【分析】由 $a \neq b$, 令 $a=3$, $b=4$ 再逐一通过计算判断各选项, 从而可得答案.

【详解】解: 当 $a=3$, $b=4$ 时,

$\frac{a}{b} = \frac{3}{4}$, $\frac{a+2}{b+2} = \frac{5}{6}$, 故A不符合题意;

$\frac{a-2}{b-2} = \frac{1}{2}$, 故B不符合题意;

而 $\frac{2a}{2b} = \frac{a}{b}$, 故C符合题意;

$\frac{a^2}{b^2} = \frac{9}{16}$. 故D不符合题意

故选: C.

【点睛】本题考查的是利用特值法判断分式的变形, 同时考查分式的基本性质, 掌握“利用特值法解决选择题或填空题”是解本题的关键.

3. 【答案】D

【解析】

【分析】根据三角形的高的定义对各个图形观察后解答即可.

【详解】解: 根据三角形高线的定义, AC 边上的高是过点 B 向 AC 作垂线段, 垂足为 D , 纵观各图形, ①、②、③都不符合高线的定义, ④符合高线的定义.

故选: D.

【点睛】本题主要考查了三角形的高线的定义: 从三角形的一个顶点向它的对边作垂线, 垂足与顶点之间的线段叫做三角形的高, 解题的关键是熟练掌握概念.

4. 【答案】B

【解析】

【分析】原式先计算乘方运算, 再计算乘除运算即可求出值.



【详解】解：原式 = $\frac{b^2}{a^2} \cdot \frac{1}{a} \cdot \frac{1}{a} = \frac{b^2}{a^4}$,

故选：B.

【点睛】此题考查分式的乘除法和乘方运算，熟练掌握运算是解本题的关键.

5. 【答案】C

【解析】

【分析】根据三角形三边关系列出不等式，根据不等式的解集求整数 m 的最大值.

【详解】解：三条线段的长分别是 4, 4, m ，若它们能构成三角形，则

$$4 - 4 < m < 4 + 4, \text{ 即 } 0 < m < 8$$

又 m 为整数，则整数 m 的最大值是 7

故选 C

【点睛】本题考查了求不等式的整数解，三角形三边关系，根据三角形的三边关系列出不等式是解题的关键.

6. 【答案】A

【解析】

【分析】原来已经有两条边相等，垂下的射线是两个三角形的公共边，故三边分别对应相等.

【详解】在 $\triangle ADC$ 和 $\triangle ABC$ 中

$$\therefore \begin{cases} AD = AB \\ DC = BC \\ AC = AC \end{cases}$$

所以 $\triangle ADC \cong \triangle ABC$ (SSS)

故选 A.

【点睛】本题考查全等三角形的判定，理解并掌握三角形全等的判定定理是解决本题关键.

7. 【答案】B

【解析】

【分析】根据三角形全等的判定定理 SSS, SAS, ASA, AAS, HL, 可得出正确结论.

【详解】解：①三个内角对应相等的两个三角形全等不一定全等，错误，不符合题意；

②三条边对应相等的两个三角形全等，正确，符合题意；

③有两角和一边分别对应相等的两个三角形全等，正确，符合题意；

④等底等高的两个三角形不一定全等，错误，不符合题意.

故选 B.

8. 【答案】C

【解析】

【分析】先求出花费 20 元买了 $(x-2)$ 本笔记本，再根据“当花费超过 20 元时，每本便宜 1 元”建立方程即可得.



【详解】解：由题意得：王老师花费 20 元买了 $(x-2)$ 本笔记本，

$$\text{则可列方程为 } \frac{20}{x-2} - \frac{24}{x} = 1,$$

故选：C.

【点睛】本题考查了列分式方程，正确找出等量关系是解题关键.

二、填空题

9. 【答案】 $x \neq 2$

【解析】

【分析】根据分式有意义的条件建立不等式，求解即可.

【详解】解：由题意，得 $x - 2 \neq 0$. 解得 $x \neq 2$,

故答案为： $x \neq 2$.

10. 【答案】5

【解析】

【详解】设这个多边形 n 边形，由题意得，

$$(n-2) \times 180^\circ = 540^\circ, \text{ 解之得, } n=5.$$

11. 【答案】-1

【解析】

【分析】根据分式的值为零的条件可以求出 x 的值.

【详解】解：根据题意得： $x(x+1) = 0$ 且 $x \neq 0$,

解得 $x = -1$.

故答案为：-1.

【点睛】考查了分式的值为零的条件，若分式的值为零，需同时具备两个条件：（1）分子为 0；（2）分母不为 0. 这两个条件缺一不可.

12. 【答案】5

【解析】

【分析】把 $x=4$ 代入方程 $\frac{2x-m}{x-3} = 3$ ，得到关于 m 的一元一次方程，再解方程即可.

【详解】解： $\because x=4$ 是关于 x 的方程 $\frac{2x-m}{x-3} = 3$ 的解，

$$\therefore \frac{2 \times 4 - m}{4 - 3} = 3,$$

$$\therefore 8 - m = 3,$$

解得： $m = 5$,

故答案为：5.

【点睛】本题考查了分式方程的解的定义，理解分式方程的解的定义是解题的关键. 使方程左右两边的值



相等的未知数的值是该方程的解.

13. 【答案】AE=CE

【解析】

【分析】已知 $BE=DE$ ，又知 $\angle AEB=\angle CED$ ，故要证明 $\triangle ABE\cong\triangle CDE$ ，只需添加 $AE=CE$ 即可根据“SAS”证明两三角形全等.

【详解】 $\because BE=DE, \angle AEB=\angle CED,$

\therefore 要证明 $\triangle ABE\cong\triangle CDE$ ，根据“SAS”只需添加 $AE=CE$ 即可.

故答案 : AE=CE

【点睛】本题考察了三角形全等的判定，也可添加“ $\angle A=\angle C$ ”，“ $\angle B=\angle D$ ”等，熟知全等三角形判定定理是解题关键.

14. 【答案】3

【解析】

【分析】先将分式方程转化为整式方程，根据分式方程无解，可得 $x=3$ ，进而求得 k 的值.

【详解】解： $\frac{x}{x-3}=2-\frac{k}{3-x},$

$$x=2(x-3)+k,$$

$$x=2x-6+k,$$

$$x=6-k,$$

\therefore 方程无解，

$$\therefore x=3,$$

$$\therefore 6-k=3,$$

$$\therefore k=3,$$

故答案为：3.

【点睛】本题考查了解分式方程，掌握分式方程的计算是解题的关键.

15. 【答案】 75°

【解析】

【分析】由 $\angle F=30^\circ$ ， $\angle EAC=45^\circ$ ，即可求得 $\angle ABF$ 的度数，又由 $\angle FBC=90^\circ$ ，易得 $\angle ABC$ 的度数.

【详解】解： $\because \angle F=30^\circ, \angle EAC=45^\circ;$

$$\therefore \angle ABF=\angle EAC-\angle F=45^\circ-30^\circ=15^\circ,$$

$$\because \angle FBC=90^\circ,$$

$$\therefore \angle ABC=\angle FBC-\angle ABF=90^\circ-15^\circ=75^\circ.$$

故答案为： 75° .

【点睛】本题考查了三角形的内角和定理，三角形的外角的性质等知识，注意数形结合思想的应用.

16. 【答案】4 或 6



【解析】

【分析】设点 Q 速度为 x ，则运动 t 秒时， $CQ=xt$ ，分两种情况讨论①当 $\triangle BPD \cong \triangle CQP$ 时，②当 $\triangle BPD \cong \triangle CPQ$ 时，根据其运动情况表示出线段的数量关系，根据三角形全等的性质计算得到答案即可。

【详解】解：设点 Q 的速度为 x ，则运动 t 秒时， $CQ=xt$ ，

$\because P$ 点的速度为 4， $BC=16$

$$\therefore BP=4t, PC=(16-4t)$$

又 $\because AB=AC=24$ ，点 D 为 AB 的中点

$$\therefore BD=\frac{1}{2}AB=12$$

$$\therefore \angle B=\angle C$$

\therefore 运动 t 秒时， $\triangle BPD$ 与 $\triangle CQP$ 全等共有两种情况

①当 $\triangle BPD \cong \triangle CQP$ 时，

$$\text{则有 } BD=CP, BP=CQ$$

$$\text{即 } 12=16-4t, 4t=xt$$

$$\text{即 } t=1$$

$$\therefore \text{由 } 4t=xt \text{ 可知, } x=4.$$

②当 $\triangle BPD \cong \triangle CPQ$ 时，

$$\text{则有 } BD=CQ, BP=CP$$

$$\text{即 } 12=xt, 4t=16-4t$$

$$\therefore t=2, x=6.$$

综合①②可知速度为 4 或 6.

故答案为：4 或 6.

【点睛】本题考查了三角形全等的性质，分类讨论是解题的关键.

三、解答题

17. 【答案】 $1-\sqrt{3}$

【解析】

【分析】原式第一项利用零指数幂法则计算，第二项利用算术平方根定义计算，第三项利用绝对值的性质计算，最后一项利用立方根定义计算，再算加减法，即可得到结果；

$$\begin{aligned} \text{【详解】解：原式} &= 1-4+2-\sqrt{3}+2 \\ &= 1-\sqrt{3}. \end{aligned}$$

【点睛】此题考查了实数的运算，零指数幂，绝对值的性质，立方根和算术平方根，熟练掌握运算是解本题的关键.

18. 【答案】 $\frac{1}{x+3}$

【解析】



【分析】原式变形后，利用同分母分式的减法法则计算即可求出值.

$$\begin{aligned} \text{【详解】解: } & \frac{2x}{(x+3)(x-3)} + \frac{1}{3-x} \\ &= \frac{2x}{(x+3)(x-3)} - \frac{x+3}{(x-3)(x+3)} \\ &= \frac{2x-(x+3)}{(x+3)(x-3)} \\ &= \frac{x-3}{(x+3)(x-3)} \\ &= \frac{1}{x+3}. \end{aligned}$$

【点睛】此题考查了分式的加减法，熟练掌握运算是解本题的关键.

19. 【答案】 $\frac{1}{2}$

【解析】

【分析】先利用完全平方公式及分式乘法运算计算，再找到最简公分母，通分后再约分即可得到答案.

$$\begin{aligned} \text{【详解】解: } & \frac{1}{2x-4} \cdot \frac{x^2-4x+4}{x+2} + \frac{2}{x+2} \\ &= \frac{1}{2(x-2)} \cdot \frac{(x-2)^2}{x+2} + \frac{2}{x+2} \\ &= \frac{1}{2} \cdot \frac{x-2}{x+2} + \frac{2}{x+2} \\ &= \frac{x-2}{2(x+2)} + \frac{4}{2(x+2)} \\ &= \frac{1}{2}. \end{aligned}$$

【点睛】本题考查了分式的混合运算，解题的关键是会通分以及会因式分解进行求解.

20. 【答案】 $x = \frac{3}{4}$

【解析】

【分析】方程两边同乘以 $x(x+3)$ ，得到整式方程，解整式方程，把得到的根代入最简公分母检验即可.

【详解】解：方程两边同乘以 $x(x+3)$ ，

得， $x+3=5x$ ，

整理得， $4x=3$ ，

解得， $x = \frac{3}{4}$ ，



检验：当 $x = \frac{3}{4}$ 时， $x(x+3) \neq 0$ ，

则 $x = \frac{3}{4}$ 是原方程的根。

【点睛】 本题考查的是分式方程的解法，解分式方程的步骤：①去分母；②求出整式方程的解；③检验；④得出结论。

21. 【答案】原方程无解

【解析】

【分析】 先找出方程的最简公分母，然后方程两边的每一项去乘最简公分母，化为整式方程，再求解，注意分式方程要检验。

【详解】 方程两边同乘以 $(x+2)(x-2)$ 得：

$$(x-2)^2 - (x+2)(x-2) = 16,$$

解得： $x = -2$ ，

检验：当 $x = -2$ 时， $(x+2)(x-2) = 0$ ，

所以 $x = -2$ 是原方程的增根，原方程无解。

【点睛】 本题考查了分式方程的解，分式方程的无解条件是：去分母后所得整式方程无解，或解这个整式方程得到的解使原方程的分母等于 0。

22. 【答案】平角的定义；等角的补角相等；公共边；SAS；全等三角形的性质

【解析】

【分析】 先根据平角 定义证明 $\angle ACB = \angle ACD$ ，再根据 SAS 证明 $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ 即可证明 $\angle B = \angle D$ 。

【详解】 解：证明： $\because \angle ACB + \angle 1 = 180^\circ$ ， $\angle ACD + \angle 2 = 180^\circ$ （平角的定义）

又 $\because \angle 1 = \angle 2$ （已知）

$\therefore \angle ACB = \angle ACD$ （等角的补角相等）

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADC$ 中

$CB = CD$ （已知）， $\angle ACB = \angle ACD$ （已知） $AC = AC$ （公共边）

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle ADC$ （SAS）

$\therefore \angle B = \angle D$ （全等三角形的性质），

故答案为：平角的定义；等量代换；已知；SAS；全等三角形的性质。

【点睛】 本题主要考查了平角的定义，全等三角形的性质与判定，熟知全等三角形的性质与判定条件是解题的关键。

23. 【答案】见解析

【解析】

【分析】 求出 $AB = CD$ ，证 $\triangle ABE \cong \triangle CDF$ ，推出 $\angle ABE = \angle D$ 即可。

【详解】 证明： $\because AC = BD$ ，

$\therefore AC + BC = BD + BC$ ，即 $AB = CD$ 。



在 $\triangle ABE$ 与 $\triangle CDF$ 中,

$$\begin{cases} AE = CF \\ AB = CD, \\ BE = DF \end{cases}$$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle CDF$ (SSS),

$\therefore \angle ABE = \angle D$,

$\therefore BE \parallel DF$.

【点睛】 本题考查了全等三角形的判定和性质; 解答此类要判定两直线平行的题, 可围绕截线找同位角、内错角和同旁内角.

24. **【答案】** 该游乐园原来平均每分钟接待游客 20 人.

【解析】

【分析】 设游乐园原来平均每分钟接待游客的人数为 x 人, 根据接待 5000 名游客的入园时间比原来接待 600 名游客的入园时间还少 5 分钟, 即可得出关于 x 的分式方程, 解之经检验后即可得出结论.

【详解】 设该游乐园原来平均每分钟接待游客 x 人.

根据题意, 得 $\frac{600}{x} - \frac{5000}{10x} = 5$,

解得 $x = 20$,

经检验, $x = 20$ 是原方程的解, 且符合题意.

答: 该游乐园原来平均每分钟接待游客 20 人.

【点睛】 本题考查了分式方程的应用, 找准等量关系, 正确列出分式方程是解题的关键.

25. **【答案】** 1

【解析】

【分析】 先化简分式得到原式 $= a^2 + 2a$, 再将 $a^2 + 2a - 1 = 0$ 代入即可得到结果.

【详解】 解: $\left(\frac{a^2 - 1}{a^2 - 2a + 1} - \frac{1}{1 - a} \right) \div \frac{1}{a^2 - a}$

$$= \left[\frac{(a-1)(a+1)}{(a-1)^2} - \frac{1}{1-a} \right] \div \frac{1}{a(a-1)}$$

$$= \left(\frac{a+1}{a-1} + \frac{1}{a-1} \right) \cdot a(a-1)$$

$$= \frac{a+2}{a-1} \cdot a(a-1)$$

$$= a^2 + 2a,$$

$$\because a^2 + 2a - 1 = 0,$$

$$\therefore a^2 + 2a = 1,$$

$$\therefore \text{原式} = 1.$$



【点睛】本题考查了分式的化简求值：先进行分式的乘除运算（把分子或分母因式分解，约分），再进行分式的加减运算（即通分），然后把字母的值代入(或整体代入)进行计算.

26. 【答案】(1) 6; (2) ①见解析; ②见解析

【解析】

【分析】(1) 用割补法求解即可;

(2) 根据“SSS”画图即可;

(3) 根据“SSS”画图即可;

【详解】解：(1) $5 \times 3 - \frac{1}{2} \times 3 \times 3 - \frac{1}{2} \times 2 \times 2 - \frac{1}{2} \times 5 \times 1 = 6$,

故答案为：6;

(2) ①如图， $\triangle A'BC$ 即为所求，

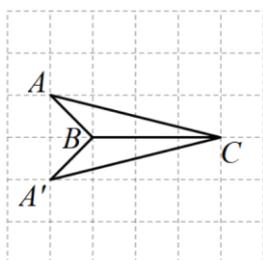


图2

②如图， $\triangle AB'C'$ 即为所求，

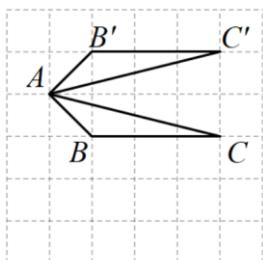


图3

【点睛】本题考查了“格点三角形的定义”以及全等三角形的判定方法，熟练掌握“SSS”是解答本题的关键.

27. 【答案】(1) 见解析; (2) $DB=3$.

【解析】

【分析】(1) 先证明 $AE = CE$ ，再证明 $\angle A = \angle FCE, \angle ADE = \angle F$ ，从而可得结论;

(2) 利用全等三角形的性质证明 $AE = CE = 5, AD = CF = 7$ ，再求解 $AB = 10$ ，从而可得答案.

【详解】证明：(1) $\because E$ 是边 AC 的中点，

$$\therefore AE = CE,$$

$$\therefore AD \parallel CF,$$

$$\therefore \angle A = \angle FCE, \angle ADE = \angle F,$$

$$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CFE;$$

$$(2) \because \triangle ADE \cong \triangle CFE, CE = 5, CF = 7,$$



$$\therefore AE = CE = 5, AD = CF = 7,$$

$$\therefore AB = AC,$$

$$\therefore AB = AC = AE + CE = 10,$$

$$\therefore BD = AB - AD = 10 - 7 = 3.$$

【点睛】 本题考查的是全等三角形的判定与性质，掌握“利用 AAS 证明三角形全等及利用全等三角形的性质求解线段的长度”是解本题的关键。

28. 【答案】 (1) $\frac{x+1}{x^3-2x^2}$ (不唯一); (2) ① $A \cdot B$, A^2 ; ② 1 或 -5

【解析】

【分析】 (1) 理解新定义，直接根据作答即可；

(2) ① 把 $m = 0$, $n = -5$ 代入计算，化简后根据新定义进行判断即可； ② 先求解 $A + B$ ，根据和为一次分式且分母的次数为 1，可得分子是一次多项式，且含有 $x + 3$ 或 $x - 3$ 的因式，从而可列方程再解方程求解 m, n 的值，于是可得答案。

【详解】 解：(1) 根据定义可得：这个二次分式为： $\frac{x+1}{x^3-2x^2}$ (不唯一)

$$(2) \text{ ① } \because A = \frac{mx+2}{x-3}, B = \frac{nx+3}{x^2-9}, m=0, n=-5,$$

$$\therefore A \cdot B = \frac{(mx+2)(nx+3)}{(x-3)(x^2-9)} = \frac{2(-5x+3)}{(x+3)(x-3)^2}$$

$$= \frac{-10x+6}{x^3-3x^2-9x+27},$$

$$\therefore a=3, b=1, a-b=2,$$

$\therefore A \cdot B$ 化简后是二次分式；

$$\therefore A+B = \frac{mx+2}{x-3} + \frac{nx+3}{x^2-9} = \frac{2(x+3)}{(x+3)(x-3)} + \frac{-5x+3}{(x+3)(x-3)}$$

$$= \frac{-3x+9}{x^2-9} = \frac{-3(x-3)}{(x+3)(x-3)} = -\frac{3}{x+3},$$

$$\therefore a=1, b=0, a-b=1,$$

所以 $A+B$ 不是二次分式；

$$\therefore A-B = \frac{mx+2}{x-3} - \frac{nx+3}{x^2-9} = \frac{2(x+3)}{(x+3)(x-3)} - \frac{-5x+3}{(x+3)(x-3)}$$

$$= \frac{7x+3}{x^2-9},$$

$$\therefore a=2, b=1, a-b=1,$$

所以 $A-B$ 不是二次分式；



$$\therefore A^2 = \left(\frac{mx+2}{x-3}\right)^2 = \left(\frac{2}{x-3}\right)^2 = \frac{4}{x^2-6x+9},$$

$$\therefore a=2, b=0, a-b=2,$$

所以 A^2 是二次分式;

$$\textcircled{2} \therefore A = \frac{mx+2}{x-3}, B = \frac{nx+3}{x^2-9},$$

$$\therefore A+B = \frac{mx+2}{x-3} + \frac{nx+3}{x^2-9} = \frac{(x+3)(mx+2)}{x^2-9} + \frac{nx+3}{x^2-9}$$

$$= \frac{mx^2+2x+3mx+6+nx+3}{x^2-9}$$

$$= \frac{mx^2+(3m+n+2)x+9}{x^2-9}$$

$\therefore A$ 与 B 的和化简后是一次分式, 且分母的次数为 1,

$$\therefore m=0 \text{ 且 } 3m+n+2=3 \text{ 或 } m=0 \text{ 且 } 3m+n+2=-3$$

解得: $m=0, n=1$ 或 $m=0, n=-5$,

$$\therefore 2m+n=1 \text{ 或 } 2m+n=-5.$$

【点睛】 本题考查的是分式的加减法, 乘法以及乘方运算, 新定义运算, 理解新定义, 按照新定义的规定进行判断是解本题的关键.

四、选做题

29. **【答案】** (1) 作图见解析, $(1, 2), (1, -2)$; (2) ① $(5, 1)$; ② P 点位置见解析; ③ $(2-m, n)$

【解析】

【分析】 (1) 由 A, B 点坐标即可知 x 轴和 y 轴的位置, 即可从图像中得知 C 点坐标, 而 C_1 的横坐标不变, 纵坐标为 C 点纵坐标的相反数.

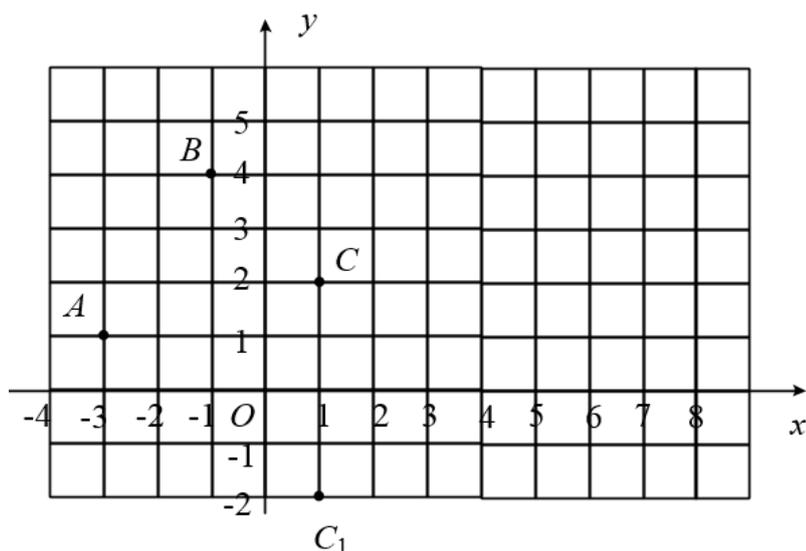
(2) 由 C 点坐标 $(1, 2)$ 可知直线 l 为 $x=1$

① 点 A_1 是点 A 关于直线 l 的对称点, 由 A_1 横坐标和点 A 横坐标之和为 2, 纵坐标不变, 即可求得 A_1 坐标为 $(5, 1)$.

② 由①可得点 A 关于直线 l 的对称点 A_1 , 连接 A_1B 交 l 于点 P , 由两点之间线段最短即可知点 P 为所求点.

③ 设点 $Q(m, n)$ 关于 l 的对称点 Q_1 为 (x, y) , 则有 $(m+x) \div 2=1, y=n$, 即可求得对称点 $Q_1(2-m, n)$

【详解】 (1) 平面直角坐标系 xOy 如图所示



北京中考在线
微信号：BJ_zkao

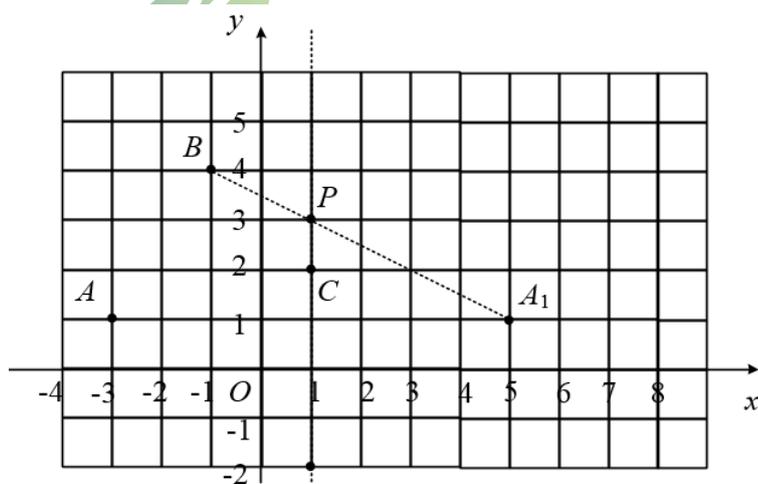
由图象可知 C 点坐标为 $(1, 2)$

点 C_1 是 C 点关于 x 轴对称得来的

则 C_1 的横坐标不变，纵坐标为 C 点纵坐标的相反数

即 C_1 点坐标为 $(1, -2)$ 。

(2) 如图所示，由 C 点坐标 $(1, 2)$ 可知直线 l 为 $x=1$



北京中考在线
微信号：BJ_zkao

① A 点坐标为 $(-3, 1)$ ，

关于直线 $x=1$ 对称的 A_1 坐标横坐标与 A 点横坐标坐标和的一半为 1，纵坐标不变

则为 A_1 坐标为 $(5, 1)$

② 连接①所得 A_1B ， A_1B 交直线 $x=1$ 于点 P

由两点之间线段最短可知 $PA_1 + PB$ 为 A_1B 时最小

又 \because 点 A_1 是点 A 关于直线 l 的对称点

$\therefore PA_1 = PA$

$\therefore PA + PB$ 为 A_1B 时最小

故 P 即为所求点。



③设任意格点 $Q(m, n)$ 关于直线 $x=1$ 的对称点 Q_1 为 (x, y)

有 $(m+x) \div 2=1, y=n$

即 $x=2-m, y=n$

则纵坐标不变，横坐标为原来横坐标相反数加 2

即对称点 Q_1 坐标为 $(2-m, n)$.

【点睛】 本题考查了坐标轴中的对称点问题，熟悉坐标点关于轴对称的坐标变换，结合图象运用数形结合思想是解题的关键.

