



北京市中关村中学2023—2024学年第二学期期中调研
初二数学

2024. 4

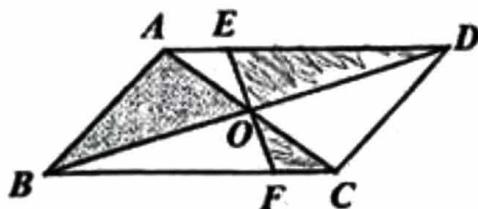
本试卷共6页，100分。考试时长90分钟。考生务必在答题纸上作答，否则无效。考试结束后，将答题纸交回。

一、选择题（本题共24分，每小题3分）

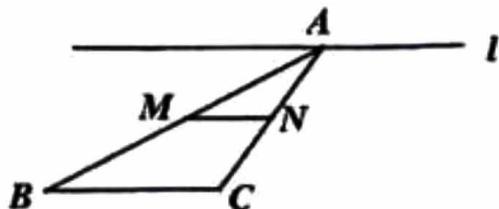
1. 若二次根式 $\sqrt{x-3}$ 有意义，则实数x的取值范围是
 A. $x \geq 3$ B. $x > 3$ C. $x \neq 3$ D. $x \geq -3$
2. 下列运算正确的是
 A. $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{6}$ B. $(\sqrt{3}-1)^2 = 3-1$ C. $\sqrt{3} \times \sqrt{2} = \sqrt{6}$ D. $\sqrt{5^2 - 3^2} = 5-3$
3. 以下列各组数为边长，可以构成直角三角形的是
 A. 2, 3, 4 B. 4, 5, 7 C. 5, 12, 15 D. 8, 15, 17
4. 如图，两张对边平行的纸片随意交叉叠放在一起，重合部分构成一个四边形，这个四边形一定是
 A. 平行四边形 B. 矩形 C. 菱形 D. 正方形
5. 下列性质中，矩形具有而菱形不一定具有的性质是
 A. 对角线互相垂直 B. 对角线相等 C. 邻边相等 D. 对角线互相平分
6. 已知一组数据1, 2, 8, 6, 8, 对这组数据描述正确的是
 A. 众数8 B. 平均数是6 C. 中位数是8 D. 方差是9

7. 如图， $\square ABCD$ 对角线AC, BD交于点O，若 $S_{\triangle ABC} = 1$ ，则阴影部分的面积是

- A. 不能确定 B. $\frac{1}{4}$ C. $\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{2}$



第7题



第8题

8. 如图，点B, C为定点，定直线 $l \parallel BC$ ，A是直线上一动点，点M、N分别为AB、AC的中点，随点A的移动不会发生变化的是下列的值：

- ① $\triangle AMN$ 的周长；②直线MN, BC之间的距离；③ $\triangle AMN$ 的面积；④ $\angle BAC$ 的大小。

其中正确的个数是

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4



二. 填空题(本题共 16 分, 每小题 2 分)

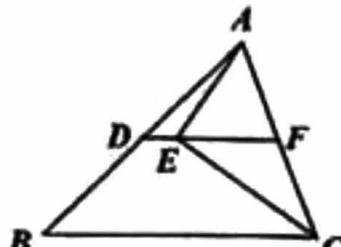
9. 若 $(m+2)^2 + \sqrt{n-1} = 0$ 则 $m-n=$ _____.

10. 已知 $x=\sqrt{3}+1$, $y=\sqrt{3}-1$, 则 $x^2+2xy+y^2=$ _____.

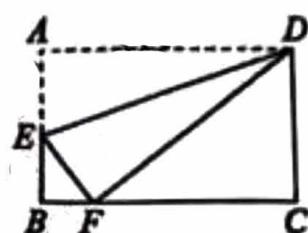
11. 已知菱形两条对角线的长分别为 5cm 和 8cm, 则这个菱形的面积是 _____ cm².

12. 如图, $\triangle ABC$ 中点 D, F 分别是 AB, AC 的中点, 点 E 是 DF 上一点, 且 $\angle AEC=90^\circ$

若 $AC=6$, $BC=8$, 则 DE 的长为 _____.



第 12 题



第 13 题

13. 在矩形 $ABCD$ 中, 点 E 在边 AB 上, 将矩形 $ABCD$ 沿直线 DE 折叠, 点 A 恰好落在边 BC 上的点 F 处.

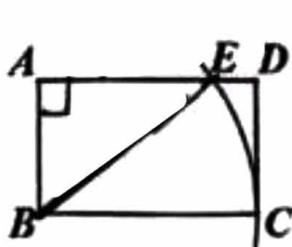
若 $AE=5$, $BF=3$, 则 CD 的长是 _____.

14. 若一组数据 x_1, x_2, \dots, x_n 的平均数是 2, 方差是 1.

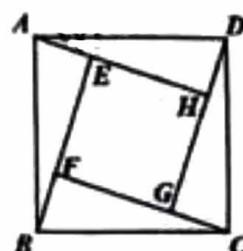
则 $3x_1+2, 3x_2+2, \dots, 3x_n+2$ 的平均数是 _____, 方差是 _____.

15. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $\frac{AB}{BC}=\frac{3}{5}$, 以点 B 为圆心, BC 长为半径画弧, 交边 AD 于点 E .

若 $AE \cdot ED=16$, 则矩形 $ABCD$ 的面积为 _____.



第 15 题



第 16 题

16. 如图所示赵爽弦图是用 4 个全等的直角三角形与一个小正方形拼成的一个大正方形,

若正方形 $ABCD$ 的面积是 10, $AE \cdot BE=3$, 则正方形 $EFGH$ 的面积是 _____.

三、解答题(本题共 60 分, 第 17 题 10 分, 第 18 题 5 分, 第 19~23 题每题 5 分, 第 24 题 6 分, 第 25 题每题 7 分, 第 26 题 7 分)

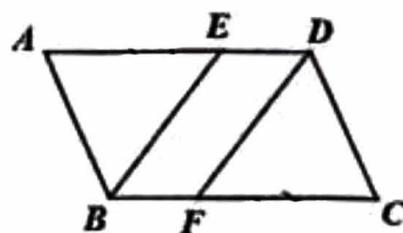
17. 计算: (1) $| -1 + \sqrt{3} | + (2)^{-2} - \sqrt{12} + (2024 - \pi)^0$

(2) $(3\sqrt{2} + 2)(3\sqrt{2} - 2) + (\sqrt{2} + \sqrt{3})^2 - 4\sqrt{\frac{3}{2}}$.

18. 已知 $x = \sqrt{5} + 3$, 求代数式 $x^2 - 6x + 10$ 的值.

19. 如图所示的草坪, 已知 $AB \perp BC$, $AB=6m$, $BC=8m$, $CD=10m$, $AD=10\sqrt{2} m$,
求这块草坪的面积.

20. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, 点 E , F 分别在 AD , BC 上, $AE=CF$, 连接 BE , DF .
求证: 四边形 $EBFD$ 是平行四边形.



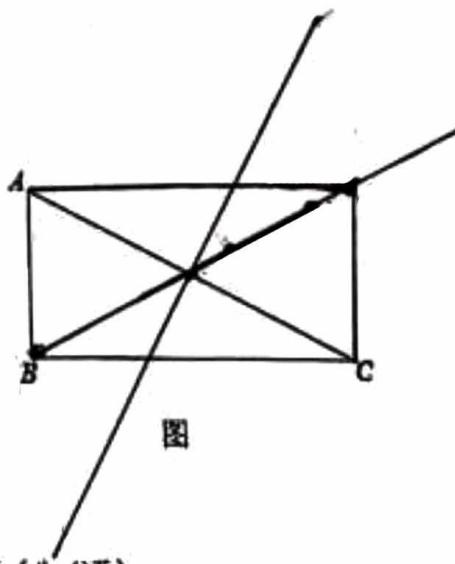
21. 已知: $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ABC=90^\circ$

求作: 矩形 $ABCD$.

小聪的作法: 如图,

- ①作线段 AC 的垂直平分线交 AC 于点 O ;
- ②连接 BO 并延长, 在延长线上截取 $OD=BO$;
- ③连接 DA , DC .

则四边形 $ABCD$ 为所求.





(1) 使用直尺和圆规, 在图中依作法补全图形(保留作图痕迹);

(2) 完成下面的证明.

证明: $\because AC$ 的垂直平分线交 AC 于点 O ,

$$\therefore AO = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\therefore BO = OD$$

\therefore 四边形 $ABCD$ 是平行四边形. (). (填推理的依据).

$$\therefore \angle ABC = 90^\circ.$$

\therefore 四边形 $ABDC$ 是矩形 (). (填推理的依据).

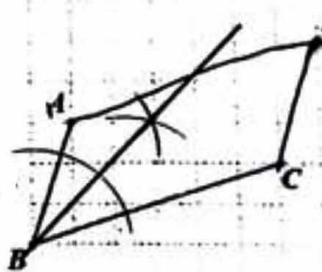
22. 如图正方形网格中, 每个小正方形的顶点叫做格点. 已知点 A, B, C 均为格点, 网格中每个小正方形的边长为 1 个单位长度.

(1) 如图, 直接写出线段 AB 的长为 ;

(2) 仅用无刻度的直尺在给定的网格中完成下列作图.

① 在图中找点 D , 画出以线段 AB, BC 为边的 $\square ABCD$;

② 在 AD 边上取一点 E , 使得 BE 平分 $\angle ABC$

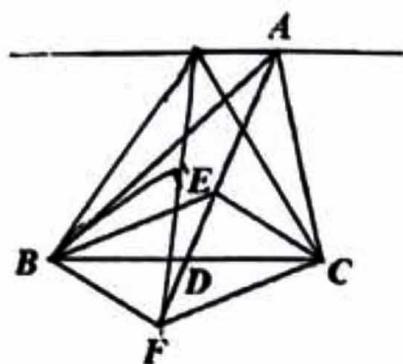


23. 如图, $\triangle ABC$ 中点 D 是 BC 的中点, 连接 AD 并延长到点 F , 且 $DE=DF$.

(1) 四边形 $EBFC$ 是 :

(选择正确的序号①任意四边形②平行四边形③矩形④正方形)

(2) 当线段 AB 与 AC 满足 条件时, 四边形 $EBFC$ 是菱形, 并证明.

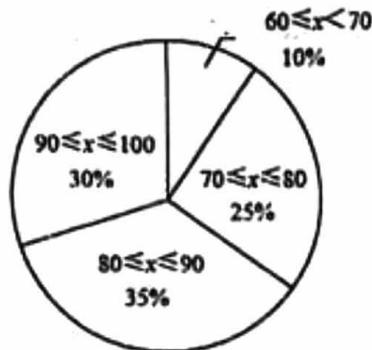




24. 学校开展单词 PK 大赛，为了解学生单词掌握水平进行了初测（百分制），从七、八年级中各随机抽取了 20 名学生的成绩，并对数据（成绩）进行了整理、描述和分析，下面给出部分信息。

a. 七年级学生成绩的频数分布表及八年级学生成绩的扇形统计图：

分组/分数	频数	频率
$50 \leq x < 60$	1	0.05
$60 \leq x < 70$	2	0.10
$70 \leq x < 80$	5	0.25
$80 \leq x < 90$	7	m
$90 \leq x < 100$	5	0.25
合计	20	1



b. 七年级学生成绩数据在 $80 \leq x < 90$ 这一组的是：

80 81 83 85 85 85 89

c. 七、八两年级成绩数据的平均数、中位数、众数以及方差如下：

年级	平均数	中位数	众数	方差
七年级	82.0	n	85	109.9
八年级	82.4	84	85	72.1

根据以上信息，回答下列问题：

(1) 写出表中 m , n 的值： $m = \underline{\hspace{2cm}}$, $n = \underline{\hspace{2cm}}$ ；八年级学生成绩扇形统计图中，

表示 $60 \leq x < 70$ 这组数据的扇形圆心角的度数是 $\underline{\hspace{2cm}}^\circ$ ；

(2) 在学生样本成绩中，七年级学生甲与八年级学生乙成绩都是 83 分，请判断两位学生在各自年级的排名 $\underline{\hspace{2cm}}$ 更靠前。

A. 甲 B. 乙 C. 无法判断

(3) 通过分析，在初测中成绩更好的是 $\underline{\hspace{2cm}}$ （填“七”或“八”）年级，

理由为 $\underline{\hspace{2cm}}$ ；

25. 如图 1，正方形 $ABCD$ 中，点 P 是 DC 边上的动点，连接 AP ，在 BC 上截取 $CE=DP$ ，作 $FE \perp CE$ 于 E ，且 $EF=CE$ ，连接 CF, AF 。

(1) 求 $\angle PAF$ 的度数：

(2) 若 $AB=\sqrt{2}$ ，连接 DF ，取 DF 的中点 G ，连接 CG ，则线段 CG 的最小值是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

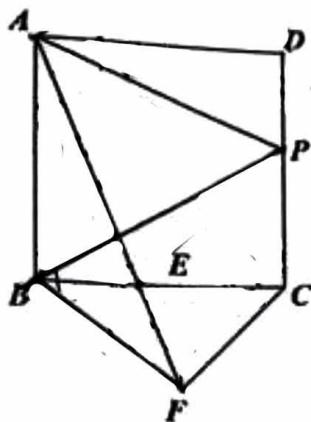


图 1

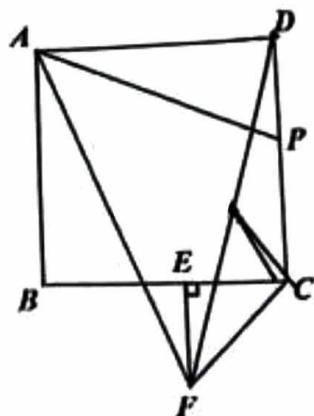


图 2

26. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于点 A 和线段 MN , 如果点 A , O , M , N 按逆时针方向排列构成菱形 $AOMN$, 且 $\angle AOM = \alpha$, 则称线段 MN 是点 A 的 “ α -相关线段”.

如图, 线段 MN 是点 A 的 “ 30° -相关线段”.

- (1) 已知点 A 的坐标是 $(0, 4)$.

- ①在图 1 中画出点 A 的 “ 30° -相关线段” MN ,

并直接写出点 M 和点 N 的坐标;

- ②若点 A 的 “ α -相关线段” 经过点 $(2\sqrt{3}, 2)$, 求 α 的值;

- (2) 若点 $E(-2, -1)$, 点 $F(4, -1)$, 线段 MN 是点 $A(1, t)$ 的 “ 90° -相关线段”, 点 M 是线段 EF 上的点, 直接写出 t 的取值范围.

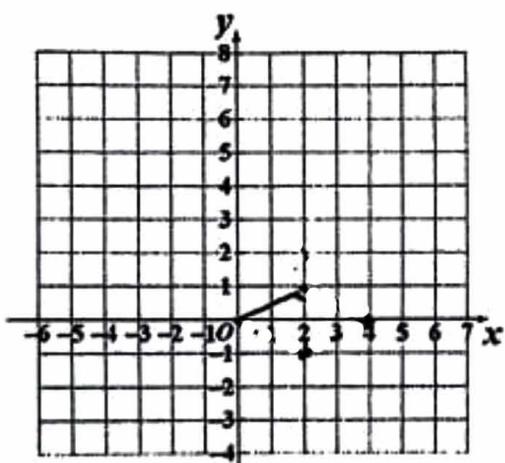
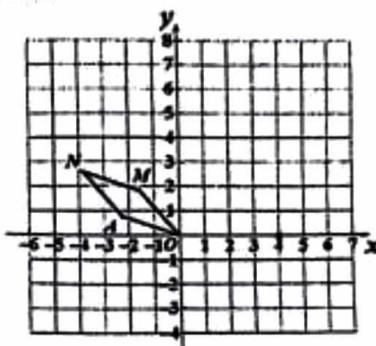


图 1

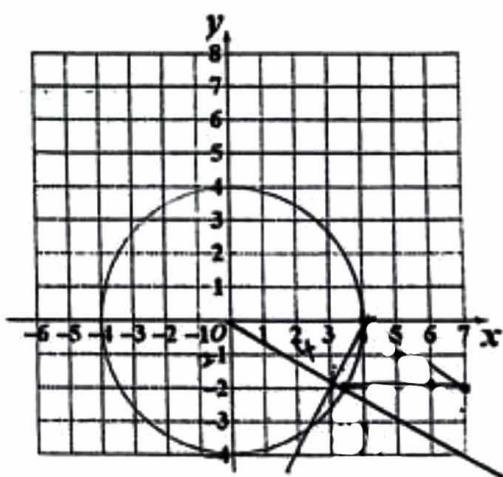


图 2