



数学练习 2024.2.29

姓名: _____ 班级: _____

一、选择题 (共 24 分, 每题 3 分) 第 1-8 题均有四个选项, 符合题意的选项只有一个.

1. 将数字 0.000 000 5 用科学记数法表示应为 ()

- A. 50×10^{-8} B. 5×10^{-7} C. 5×10^{-6} D. 0.5×10^{-6}

2. 下列计算正确的是 ()

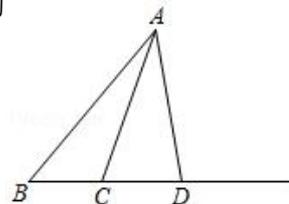
- A. $a^3 + a^2 = 2a^5$ B. $a^2 \cdot a^3 = a^6$ C. $(3a^3)^2 = 9a^6$ D. $a^8 \div a^2 = a^4$

3. 如果二次根式 $\sqrt{\frac{1}{x+3}}$ 有意义, 那么 x 的取值范围是 ()

- A. $x > -3$ B. $x > 3$ C. $x < -3$ D. $x < 3$

4. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC = 50^\circ$, $\angle BAC = 20^\circ$, D 为线段 AB 的垂直平分线与直线 BC 的交点, 连结 AD , 则 $\angle CAD =$ ()

- A. 10° B. 20°
C. 30° D. 40°



5. 下列各式中, 计算正确的是 ()

A. $98 \times 102 = (100 - 2)(100 + 2) = 100^2 - 2 = 9998$

B. $\frac{x}{x+3} - 1 = \frac{3}{x+3}$

C. $(15x^2y - 5xy^2) \div 5xy = 3x - 5y$

D. $(3x+1)(x-2) = 3x^2 - 5x - 2$

6. 下列各组的两个根式, 是同类二次根式的是 ()

A. \sqrt{a} 和 \sqrt{ab}

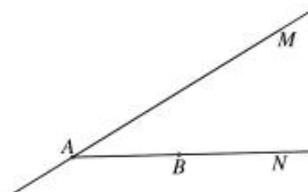
B. $\sqrt{20}$ 和 $-\sqrt{0.2}$

C. $\sqrt{8ab^3}$ 和 $2\sqrt{ab}$

D. $\sqrt{\frac{1}{xy}}$ 和 $\sqrt{\frac{1}{2xy}}$

7. 如图, $\angle MAN = 30^\circ$, 点 B 是射线 AN 上的定点, 点 P 是直线 AM 上的动点, 要使 $\triangle PAB$ 为等腰三角形, 则满足条件的点 P 共有 () 个.

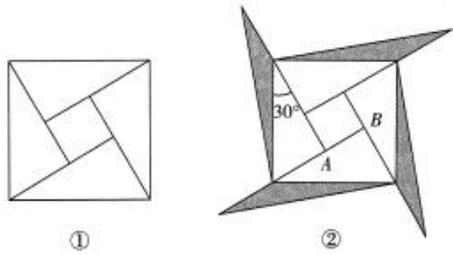
- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4





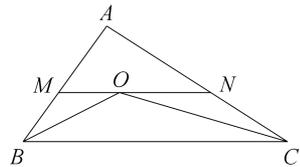
8. 图①是我国古代著名的“赵爽弦图”的示意图，它是由四个全等的直角三角形围成的. 若直角三角形的一个锐角为 30° ，将各三角形较短的直角边分别向外延长一倍，得到图②所示的“数学风车”. 已知 $AB=3$ ，则图中阴影部分的面积为 ()

- A. $3-3\sqrt{3}$ B. $3+3\sqrt{3}$
 C. $18-9\sqrt{3}$ D. $18+9\sqrt{3}$



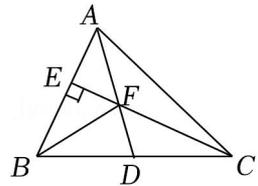
二、填空题 (共 24 分，每题 3 分)

9. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=4$ ， $AC=6$ ， $\angle ABC$ 和 $\angle ACB$ 的平分线交于 O 点，过点 O 作 BC 的平行线交 AB 于 M 点，交 AC 于 N 点，则 $\triangle AMN$ 的周长为_____.



10. 若 x^2+mx+9 是完全平方式，则 m 的值是_____.

11. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， AD 为 BC 边上的中线， $CE \perp AB$ 于点 E ， AD 与 CE 交于点 F ，连接 BF . 若 BF 平分 $\angle ABC$ ， $EF=2$ ， $BC=8$ ，则 $\triangle CDF$ 的面积为_____.

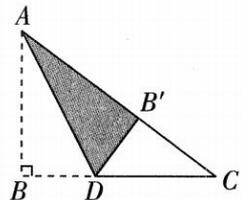


12. 在平面直角坐标系 xOy 中，点 A ，点 B 的坐标分别为 $(-8, 0)$ ， $(0, 6)$. 若 $\triangle ABC$ 是以 $\angle BAC$ 为顶角的等腰三角形，点 C 在 x 轴上，则点 C 的坐标为_____.

13. $(x\sqrt{2x} - 3\sqrt{2x^3}) \div 8\sqrt{\frac{x}{4}} =$ _____.

14. 若 $a = \frac{\sqrt{17}+1}{2}$ ，则 $a^2 - a + 2020 =$ _____.

15. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle B=90^\circ$ ， $AB=3$ ， $BC=4$ ，将 $\triangle ABC$ 折叠，使点 B 恰好落在斜边 AC 上的点 B' 处， AD 为折痕，则 DB' 的长为_____.



16. 已知 CD 是三角形 ABC 的边 AB 上的高，若 $CD=\sqrt{3}$ ， $AD=1$ ， $AB=2AC$ ，则 BC 的长为_____.



三、解答题（共 52 分，第 17、18、19、20、21、22 题每题 6 分，第 23、24 每题 8 分）解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. 计算：

(1) $\sqrt{12} \times \sqrt{4} + \sqrt{27}$

(2) $(\sqrt{6} + \sqrt{2})(\sqrt{6} - \sqrt{2}) - \sqrt{5^2}$.

18. 因式分解： (1) $3x^2 - 6xy + 3y^2$

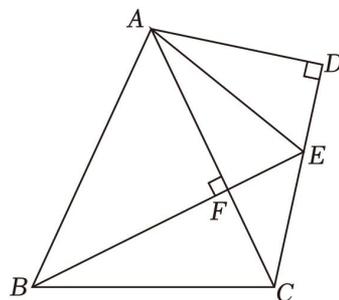
(2) $4amx^3 - am^5x$

19. 先化简 $\frac{2}{a+1} - \frac{a-1}{a} \div \frac{a^2-1}{a^2+2a}$ ，然后从 -2, -1, 0, 1, 2 中，选择一个合适的数代入求值.

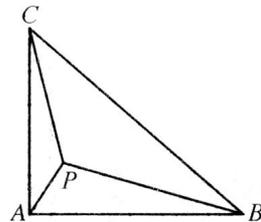
20. 如图，四边形 $ABCD$ 中， $AB=AC$ ， $\angle D=90^\circ$ ， $BE \perp AC$ 于点 F ，交 CD 于点 E ，连接 EA ， EA 平分 $\angle DEF$.

(1) 求证： $AF=AD$ ；

(2) 若 $BF=7$ ， $DE=3$ ，求 CE 的长.



21. 如图，在等腰 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle A=90^\circ$ ， P 是 $\triangle ABC$ 内一点， $PA=1$ ， $PB=3$ ， $PC=\sqrt{7}$ ，求 $\angle CPA$ 的度数.





22. 观察，思考，解答：

$$(\sqrt{2}-1)^2 = (\sqrt{2})^2 - 2 \times 1 \times \sqrt{2} + 1^2 = 2 - 2\sqrt{2} + 1 = 3 - 2\sqrt{2},$$

反之， $3 - 2\sqrt{2} = 2 - 2\sqrt{2} + 1 = (\sqrt{2}-1)^2$ ，即 $3 - 2\sqrt{2} = (\sqrt{2}-1)^2$ 。

所以 $\sqrt{3-2\sqrt{2}} = \sqrt{2}-1$ 。

(1) 仿照上列，化简 $\sqrt{4+2\sqrt{3}} = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

(2) 已知 $x = \sqrt{5-2\sqrt{6}}$ ，求 $\left(\frac{1}{x+2} + \frac{1}{x-2}\right) \cdot \frac{x^2-4}{2x^2}$ 的值。（结果需化为最简的二次根式）

23. 已知 $AB=BC$ ， $\angle ABC=90^\circ$ ，直线 l 是过点 B 的一条动直线（不与直线 AB ， BC 重合），分别过点 A ， C 作直线 l 的垂线，垂足为 D ， E 。

(1) 如图 1，当 $45^\circ < \angle ABD < 90^\circ$ 时，

① 求证： $CE + DE = AD$ ；

② 连接 AE ，过点 D 作 $DH \perp AE$ 于 H ，过点 A 作 $AF \parallel BC$ 交 DH 的延长线于点 F 。依题意补全图形，用等式表示线段 DF ， BE ， DE 的数量关系，并证明；

(2) 在直线 l 运动的过程中，若 DE 的最大值为 3，直接写出 AB 的长。

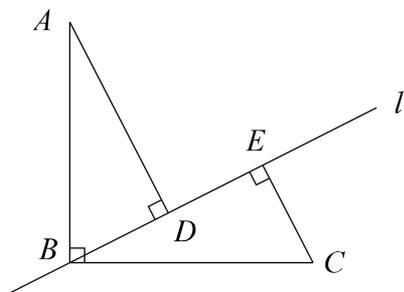
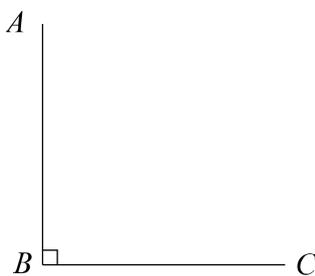


图 1



备用图



24. 在平面直角坐标系 xOy 中，直线 l 过原点且经过第三、第一象限， l 与 x 轴所夹锐角为 n° . 对于点 P 和 x 轴上的两点 M, N ，给出如下定义：记点 P 关于直线 l 的对称点为 Q ，若点 Q 的纵坐标为正数，且 $\triangle MNQ$ 为等边三角形，则称点 P 为 M, N 的 n° 点.

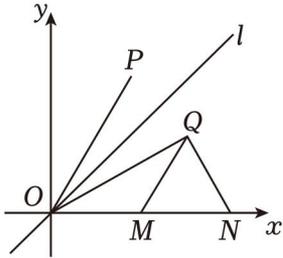
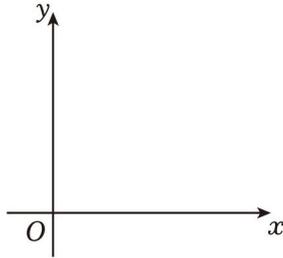
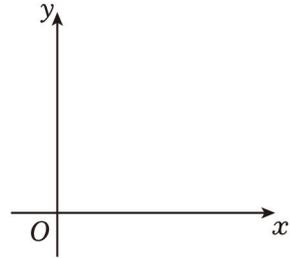


图 1



备用图 1



备用图 2

(1) 如图 1，若点 $M(2, 0)$ ， $N(4, 0)$ ，点 P 为 M, N 的 45° 点，连接 OP, OQ .

① $\angle POQ = \underline{\hspace{2cm}}^\circ$;

② 求点 P 坐标.

(2) 已知点 $M(m, 0)$ ， $N(m+t, 0)$.

① 当 $t=2$ 时，点 P 为 M, N 的 60° 点，且点 P 的横坐标为 -2 ，则 $m = \underline{\hspace{2cm}}$;

② 当 $m = -2$ 时，点 P 为 M, N 的 30° 点，且点 P 的横坐标为 2 ，则 $t = \underline{\hspace{2cm}}$.